

ارائه‌ی یک مدل تصادفی چهار- سطحی دو - مرحله‌ی برای تأمین محصولات خونی در شرایط بحران

محمد باقر فخرزاد^{*} (دانشیار)

الله قاسمی (دانشجوی دکتری)

دانشکده‌ی هندسی صنایع، دانشگاه یزد

در سال‌های اخیر مکان‌یابی تسهیلات موقعت و سیار، در سیستم‌های سلامت بسیار مورد توجه قرار گرفته است. یکی از حوزه‌های مهم در این زمینه، طراحی سیستم‌های جمع‌آوری و توزیع خون است. در این مقاله یک مدل تصادفی چهار- سطحی دو - مرحله‌ی تصادفی برای تأمین محصولات خونی در شرایط بحران ارائه می‌شود. هدف از این مطالعه، کمینه‌سازی هزینه‌ها با توجه به تأمین محصولات خونی مورد نیاز در زمان استاندارد است. در مدل سازی ارائه شده همچنین به موضوع فساد محصولات خونی در چرخه‌ی تأمین توجه می‌شود. در این مقاله سعی شده است که با ارائه یک رویکرد ترکیبی از یک الگوریتم فراابتکاری و روش حل ارائه شده بهبود داده شود. به منظور اعتبارسنجی مدل و رویکرد پیشنهادی برای حل مسئله، نتایج محاسبات حاصل از تعدادی مثال عددی تولید شده نشان داده می‌شود.

واژگان کلیدی: زنجیره‌ی تأمین خون، مدیریت بحران، برنامه‌ریزی تصادفی، قیود احتمالی، مکان‌یابی - تخصیص، الگوریتم ژنتیک.

۱. مقدمه

ساکنان کره‌ی زمین از همه‌ی سینه و تمام نژادها برای ادامه‌ی حیات به انتقال خون نیاز دارد. از جمله موارد مصرف متعدد خون می‌توان به مصرف آن در عمل‌های جراحی (جراحی نوزادان، پیوند اعضاء، زایمان، جراحی قلب باز...)، درمان سوتگی، شیمی درمانی، بیماران تالاسمی، هموفیلی و بیماران دیالیزی اشاره کرد.

مدیریت خون از نگرانی‌های خاص برای بشر است و این رو جمع‌آوری و مدیریت توزیع خون، که در قالب مدیریت زنجیره‌ی تأمین خون مطرح است، نیازمند مدیریت و برنامه‌ریزی دقیق است. زیرا همان‌طور که بیان شد این زنجیره‌ی تأمین کالای عادی متفاوت است؛ چرا که عرضه‌ی خون نسبتاً نامنظم و غیرقطعی است و تقاضا نیز برای این محصول غیرقطعی است. از طرف دیگر، محصولات متفاوت با ویژگی‌های مختلف و کاربردهای جداگانه از خون کامل قابل حصول است. از جمله پرکاربردترین محصولات می‌توان به خون کامل، گلیول‌های قرمز، پلاکت، و پلاسمما اشاره کرد. هر یک از این محصولات دارای طول عمر متفاوت و شرایط خاص نگهداری هستند.^[۱] بنابراین این مسئله نیز بر پیچیدگی‌های طراحی زنجیره‌ی تأمین خون مناسب می‌افزاید. در شرایط بحران که دسترسی به اطلاعات کامل و دقیق به منظور تصمیم‌گیری امکان‌پذیر نیست، این مسئله مهم‌تر می‌شود.

علاوه‌بر این موارد، محصولات خون فاسدشدنی نیز هستند و دارای عمر محدودند،

حوادث غیرمتوقبه اعم از حوادث طبیعی از جمله زلزله، سیل، آتش‌سوزی یا حوادث تروریستی، ابتلاء زیادی بر زندگی و سلامت انسان‌ها دارد.^[۲] در چنین شرایطی امکان کمک‌رسانی و تأمین کالاهای ضروری افراد آسیب‌دیده با مشکلات اساسی مواجه می‌شود. یکی از موضوعات اساسی در تحقیقات انجام شده برای مدل سازی کمک‌رسانی در بحران، شامل مدل سازی زنجیره‌ی تأمین خون و فراورده‌های آن است که به شدت دارای ماهیت تصادفی و پویاست.^[۳]

خون انسان، کالایی است که فقط به وسیله‌ی خود انسان تولید می‌شود، امروزه با وجود پیشرفت‌های قابل توجه در حوزه‌ی پزشکی، هنوز جایگزین مناسبی برای این کالای حیاتی یافته نشده است.^[۴] تأمین خون سالم و کافی مورد نیاز بیمارستان‌ها و مدیریت آن در شرایط عادی و بحرانی چالشی است که سیستم سلامت دولت‌ها همیشه با آن مواجه است. نیاز به اهدای کنندگان خون و فراورده‌های آن همیشه وجود خواهد داشت، درحالی‌که عرضه‌ی آن از سوی اهدای کنندگان تا حدودی نامنظم و تقاضا برای فراورده‌های خونی به ویژه در شرایط بحران اغلب تصادفی است.^[۵] به طور میانگین از هر سه نفر، یک نفر در طول زندگی احتیاج به تزریق خون و فراورده‌های خونی پیدا می‌کند و در هر ثانیه یک نفر از

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۴، ۱۳۹۵/۱۰/۱۰، اصلاحیه ۲۸، ۱۳۹۶/۹/۲۱، پذیرش ۵/۱۰، ۱۳۹۶/۱۰/۱۰.

DOI:10.24200/J65.2019.7024.1681

کردند. بر اساس زلزله‌ی ۲۰۰۸، داکو^[۱۱] مدیریت موجودی را در زمان‌بندی تأمین خون بررسی کرد. هاویان و همکاران^[۱۲] و چنگلی و همکاران^[۱۳] با تکیه بر جنبه‌های عملی، با اشاره به کاستی‌ها و نواقص امنیتی خون در هشتم بحران، روشی برای تأمین خون در شرایط بحران ارائه دادند. اما این مقالات تنها به جنبه‌های کیفی در این حوزه پرداخته‌اند. از جمله مطالعاتی که به مدل‌سازی ریاضی مسئله‌ی تأمین خون پرداخته‌اند می‌توان به مقالات داسکین و همکاران^[۱۴] و شن و همکاران^[۱۵] اشاره کرد. آن‌ها مدل‌های برنامه‌ریزی غیرخطی برای مسئله مکان‌یابی - موجودی خون به صورت تک دوره‌ی را برآورد داده‌اند. هدف مدل آن‌ها تعیین هم‌زمان تعداد و مکان مراکز توزیع و نیز سطح موجودی هر یک از آن‌هاست. شاهین و همکاران^[۱۶] یک مدل تک دوره‌ی مکان‌یابی - تخصیص برای خدمت‌دهی خون را در یک شبکه‌ی سلسه‌مراتبی متشکل از مراکز خون منطقه‌ی ایستگاه‌های خون، و تسهیلات سیار ارائه دادند. زو و همکاران^[۱۷] به بررسی مدیریت موجودی پلاکت خون با توجه به طول عمر سروزه‌ی آن پرداختند. آنها مدل خود را با استفاده از برنامه‌ریزی پویا فرمول‌بندی کردند. شا و هوانگ^[۱۸] یک مدل مکان‌یابی - تخصیص را برای تأمین خون در شرایط اضطراری ارائه دادند و یک رویکرد ابتکاری مبتنی بر آزادسازی لاغرانز را به عنوان روش حل پیشنهاد کردند. آن‌ها به مطالعه‌ی موردي در چین به عنوان یک مثال پرداختند. آلفنسو و همکاران^[۱۹] مسئله‌ی جمع‌آوری خون در فرانسه را با توجه به هزینه‌ی استقرار پایگاه‌های ثابت و سیار جمع‌آوری خون بررسی کردند. وفالارنی و بزرگی امیری^[۲۰] یک مدل دوهدفه برای مکان‌یابی - تخصیص چنددوره‌ی برای تسهیلات جمع‌آوری خون ارائه دادند. هدف آنها کمینه‌سازی هزینه‌ها و نیز کمبود خون در شبکه‌ی تأمین در نظر گرفته شده بود. آنها از روش ϵ - محدودیت برای تک‌هدفه کردن مدل پیشنهادی استفاده کردند. جبارزاده و همکاران^[۲۱] یک شبکه‌ی زنجیره‌ی تأمین پویا را برای تأمین خون در شرایط بحران ارائه دادند. آن‌ها یک مدل طراحی استوار شبکه برای تصمیم‌گیری در مورد مکان‌یابی - تخصیص چند دوره‌ی برای پس از بحران ارائه دادند. یک مدل عدد صحیح مخاطل غیرخطی تصادفی استوار توسط ظهیری و همکاران^[۲۲] ارائه شد. آن‌ها مکان‌یابی تسهیلات و نیز نهاده‌ی تبادلات میان سطوح را در مدل خود بهینه‌سازی کردند. آروان و همکاران^[۲۳] مدلی را برای تعیین مکان بانک‌های خون در زنجیره‌ی تأمین متشکل از محل‌های اهدای خون، آزمایشگاه‌های فراوری خون، بانک‌های خون و نقاط تقاضا ارائه کردند. آن‌ها یک مدل دوهدفه برای تأمین انواع محصولات خونی ارائه دادند.

در تازه‌ترین مطالعات انجام‌شده در حوزه‌ی تأمین خون در شرایط بحران، می‌توان به چراغی و حسینی مطلق^[۲۴] و فریدونی و شهانقی^[۲۵] اشاره کرد. چراغی و حسینی مطلق^[۲۶] یک مدل برنامه‌ریزی عدم قطعیت - تصادفی را برای تأمین خون در شرایط بحران ارائه دادند. آن‌ها برای نمایش عدم قطعیت، از رویکرد برنامه‌ریزی فازی و محدودیت‌های شانسی استفاده کردند و در مطالعه‌ی موردي، تأمین خون در شرایط زلزله در تهران را بررسی کردند. فریدونی و شهانقی^[۲۷] از رویکرد بهینه‌سازی استوار برای مدل‌سازی عدم قطعیت تأمین خون در شرایط بحران بهره برداشتند. نهفته کهنه و همکاران^[۲۸] یک مدل دوهدفه را برای خون‌رسانی در بحران ارائه دادند. آن‌ها از اعداد فازی برای بیان عدم قطعیت در داده‌ها استفاده کردند.

عدم قطعیت در زنجیره‌ی تأمین خون در شرایط غیربحارانی نیز در تعدادی از مطالعات بررسی شده است. ظهیری و پیشوایی^[۲۹] یک مدل دوهدفه بر مبنای برنامه‌ریزی امکانی فازی برای مواجهه با عدم قطعیت در تقاضای خون ارائه دادند. آنها همچنین تقاضات گروه‌های خونی را نیز در مدل خود لحاظ کردند. دیان و همکاران^[۳۰] یک مدل برنامه‌ریزی تصادفی دو مرحله‌ی را برای مدیریت موجودی گلوبول‌های قرمز

که این خود بر پیچیدگی انجام برنامه‌ریزی‌های مناسب می‌افزاید. این امر موجب پیچیده‌تر شدن موضوع می‌شود و کمبود آن منجر به هزینه‌های بالا برای جامعه می‌شود؛ زیرا می‌تواند موجب افزایش میزان مرگ و میر شود. بررسی‌های انجام‌شده نشان می‌دهد که تحقیقات این حوزه در سه سطح قابل تقسیم است. سطح مذکور عبارت‌اند از مدیریت زنجیره‌ی تأمین خون، مدیریت جمع‌آوری و انتقال خون در مراکز اهدای خون، و مدیریت موجودی خون در بیمارستان‌ها. برخی از تحقیقات به هر سه سطح پرداخته‌اند و برخی تنها بر یکی از سطوح ذکر شده تمرکز داشته‌اند. در شرایط پس از بحران تعداد زیادی از آسیب‌دیدگان به محصولات خونی اختیاج دارند. در حالی که عدم وجود خون و اهداف‌کننده خون یک مسئله‌ی بزرگ و مهم در چنین شرایطی است. توزیع نامناسب خون و عدم تأمین خون در زمان مناسب برای بیمارستان‌ها می‌تواند اثرات محرابی داشته باشد.^[۳۱] طراحی شبکه‌ی زنجیره‌ی تأمین خون یکی از مهم‌ترین بخش‌های مدیریت تأمین خون است.

در این مقاله، یک مدل ریاضی دو - مرحله‌ی تصادفی برای طراحی یک زنجیره‌ی تأمین چهار - سطحی به منظور تأمین خون در شرایط بحران ارائه می‌شود. اجزای شبکه‌ی تأمین درنظرگرفته شده در این مطالعه عبارت‌اند از: اهداف‌کنندگان، مراکز محلی، مراکز منطقه‌ی، تسهیلات سیار جمع‌آوری خون و بیمارستان‌ها. این مقاله با توجه به نیاز به محصولات خونی متفاوت، درنظرگرفتن طول عمر آنها و فساد در خون‌های جمع‌آوری شده یا محصولات تولیدی از آن‌ها، به دنبال یافتن بهترین ترکیب ممکن در زنجیره‌ی تأمین خون در شرایط بحرانی با کم‌ترین هزینه‌ی ممکن است. برای حل مدل ارائه شده از یک روش ابتکاری مبتنی بر الگوریتم ژنتیک و روش دقیق استفاده می‌شود. عملکرد مدل ارائه شده و نیز روش حل از طریق مثال‌های عددی مختلف مورد بررسی قرار می‌گیرد.

ادامه‌ی مقاله به این ترتیب دنبال می‌شود که در بخش ۲ به پژوهش‌های پیشین مرتبط با موضوع در حوزه‌ی زنجیره‌ی تأمین خون اشاره می‌شود. در بخش ۳ مدل مسئله معرفی می‌شود. روش حل ترکیبی در بخش ۴ معرفی می‌شود. محاسبات عددی در بخش ۵ ارائه می‌شود. در بخش ۶ تحلیل حساسیت مدل با توجه به پارامترهای ورودی انجام می‌گیرد و در نهایت بخش ۶ به جمع‌بندی مقاله می‌پردازد.

۲. پیشینه‌ی پژوهش

اگرچه ناشی‌های زیادی برای مدل‌سازی مکان‌یابی تسهیلات و طراحی زنجیره‌ی تأمین صورت گرفته است، مطالعات گستره‌ی کاربردی در حوزه‌ی مسئله‌ی طراحی زنجیره‌ی تأمین خون صورت نپذیرفته است.^[۳۲]

مطالعات متفاوتی در حوزه‌ی مسائل مرتبط با جمع‌آوری و توزیع خون و فرآورده‌های آن و نیز طراحی زنجیره‌ی تأمین خون انجام گرفته است. یکی از موضوعاتی که در این حوزه به آن پرداخته شده است، مسئله‌ی مکان‌یابی - تخصیص در زنجیره‌ی تأمین و نیز جمع‌آوری خون از طریق تسهیلات موقت و سیار است. در این راستا به تازه‌ترین مطالعات انجام‌گرفته در این حوزه اشاره می‌شود. یک مطالعه‌ی مروعی کامل در حوزه‌ی مدیریت زنجیره‌ی تأمین خون و موجودی خون، توسط بلین و فورس^[۳۳] با تمرکز بر انواع محصولات خونی، سطوح برنامه‌ریزی و روش‌های حل، انجام گرفته است که برای مطالعه بیشتر خواننده به آن ارجاع داده می‌شود.

برای تأمین خون در بحران، یانگ مینگ زو و همکاران^[۳۴] آنلای لی و همکاران^[۳۵] سیستم مدیریت خون در ایالت متحده آمریکا، کانادا، و کشورهای دیگر را بررسی

- در مواقعي ممکن است به دلایلی از جمله کمود با زمان بر بودن ارسال، بيمارستان‌ها متقاضي برای تأمین خون مورد نیاز خود از مراکز محلی یا منطقه‌یی چار مشکل شوند، در حالی که می‌توانند تقاضای خود را در صورت امكان از سایر بيمارستان‌ها تأمین کنند. بنابراین، در مدل ارائه‌شده در مقاله، جابه‌جایی خون میان بيمارستان‌ها نیز لحاظ می‌شود. به این ترتیب امكان ذخیره‌ی خون در بيمارستان‌ها نیز امکان‌پذیر است. اما فرض می‌شود که بيمارستان‌ها تنها خون یا فراورده‌های خونی را دریافت و ذخیره می‌کنند. بنابراین هزینه‌ی ذخیره‌سازی در بيمارستان‌ها نیز در تابع هدف منظور می‌شود.
 - با توجه به موارد ذکر شده، تقاضای بيمارستان برای خون کامل از طریق مراکز محلی، منطقه‌یی، و بيمارستان و تقاضا برای سایر محصولات از طریق مراکز منطقه‌یی و بيمارستان‌ها قابل تأمین است.
 - با توجه به اینکه در شرایط بحران، ممکن است که راه‌های ارتباطی با مشکل مواجه شود، در مدل ارائه‌شده، زمان سفر میان نقاط شیکه نیز به صورت تصادفی منظور شده است.
 - از آن جایی که تأمین کامل تقاضا ممکن است که در شرایط بحران عملی نباشد، در مطالعه‌ی حاضر، تأمین تقاضا به صورت یک محدودیت شناسی در نظر گرفته می‌شود. در اینجا فرض می‌شود که توزیع تقاضا تحت سناریوهای مختلف از توزیع نرمال پیروی کند.
 - در این مطالعه، از یک روش حل ابتکاری که ترکیبی از روش فراابتکاری الگوریتم ژنتیک و روش دقیق است برای حل مدل ارائه شده استفاده می‌شود. زیرا مدت زمان حل در مسائل حوزه‌ی بحران که نیاز به تصمیم‌گیری سریع دارد، حائز اهمیت است و از طرفی، دقت جواب تولید شده نیز باید مورد توجه قرار گیرد.
- ### ۳. تعریف مسئله
- در این مقاله یک زنجیره‌ی تأمین چهارسطحی برای تأمین خون در شرایط بحران طراحی شده است. اجزای شبکه‌ی تأمین در نظر گرفته شده عبارت‌انداز: اهداف‌گذگان، تسهیلات سیار مراکز خون محلی، مراکز خون منطقه‌یی و بيمارستان‌ها. هدف اصلی این مطالعه، تأمین خون و سایر محصولات حاصل از آن در شرایط بحران است. از ویژگی‌های بارز شرایط بحران وجود عدم قطعیت در اطلاعات مورد نیاز برای مدل سازی مسئله است. بنابراین، از رویکرد مدل سازی دو - مرحله‌یی تصادفی در این مقاله استفاده می‌شود. عدم قطعیت موجود در مسئله‌ی تأمین خون در شرایط بحرانی از طریق مجموعه‌یی از سناریوها در مدل سازی وارد می‌شود؛ برای پارامترهای غیر قطعی در هر یک از سناریوها یک توزیع احتمالی در نظر گرفته می‌شود.
- در مرحله‌ی اول، پیش از مشخص شدن سناریوی به وقوع پیوسته، باید در مورد تعداد تسهیلات سیار برای جمع‌آوری خون از اهداف‌گذگان تصمیم گرفته شود. در مسائل واقعی نیز به این دلیل که فراهم‌آوری تسهیلات با امکانات مناسب و تخصصی برای جمع‌آوری خون مستلزم زمان و هزینه است، انتظار می‌رود این چنین تصمیماتی قبل از وقوع بحران اخذ شوند و تدبیر لازم اندیشه شود. اما پس از وقوع بحران و مشخص شدن سناریوی رخداده، باید در مورد مکان تسهیلات سیار و نحوه‌ی جمع‌آوری و توزیع خون تصمیم‌گیری شود. در این مقاله فرض می‌شود که اهدای خون می‌تواند در تسهیلات سیار یا مراکز محلی که در فاصله‌ی جغرافیایی مشخص از یکدیگر قرار گرفته‌اند، انجام گیرد اما در مراکز منطقه‌یی خون‌گیری خون پیشنهاد دادند. آن‌ها در مدل پیشنهادی فساد‌پذیری و عدم قطعیت در تقاضا را در نظر گرفتند. انصافیان و یعقوبی^[۲۷] مدل بهینه‌سازی استوار را برای تهیه و توزیع پلاکت‌های خونی ارائه دادند. انواع روش‌های تولید پلاکت (تولید از خون کامل یا به روش آفرزیس)، انواع سیاست‌های مدیریت موجودی و نیز طول عمر پلاکت‌ها در این مطالعه در نظر گرفته شد. انصافیان و همکاران^[۲۸] در ادامه‌ی مطالعه انصافیان و یعقوبی^[۲۹] تفاوت‌های گروه‌های خونی را نیز در نظر گرفتند و از مدل‌های زنجیره‌ی مارکوف برای پیش‌بینی تعداد اهداف‌گذگان در هر دوره استفاده کردند. در این مطالعه یک مدل برنامه‌ریزی تصادفی دو مرحله‌ی ارائه شده است.
- در میان مطالعات انجام گرفته در این حوزه، مطالعه‌یی که توسط فهیم‌نیا و همکاران^[۳۰] انجام گرفته است یک مدل زنجیره‌ی تأمین دو - هدف‌ی تصادفی را برای تأمین خون به صورت کارا و به موقع در شرایط بحران ارائه کرده است. آنها در مقایسه با سایر مطالعات انجام گرفته، یک زنجیره‌ی تأمین خون پیچیده را که به مسائل واقعی شباهت بیشتری دارد، بررسی کرده‌اند. زنجیره‌ی طراحی شده توسعه آنها به شرایط حاکم در ایران نزدیک‌تر است. اما برخی از موارد نیز در مدل‌بندی آنها در نظر گرفته نشده است که هدف ما در این مقاله، توسعه‌ی مدل پیشنهادی آنها و لحاظ‌گذرن مفروضاتی برای پیاده‌سازی عملی رویکرد آنها در شرایط تأمین خون اضطراری است.
- در این مقاله مدل ارائه شده توسط فهیم‌نیا و همکاران^[۳۱] گسترش داده شده است و نسبت به مدل آن‌ها تغییراتی که مدل را به یک مدل واقعی‌تر در زمینه‌ی زنجیره‌ی تأمین تبدیل می‌کنند، اعمال شده است. این تغییرات به شرح زیر است:
- در مدل ارائه شده توسعه فهیم‌نیا و همکاران^[۳۱] تنها تأمین خون کامل در نظر گرفته شده بود، در حالی که در شرایط بحران تأمین فراورده‌های خونی نیز یکی از چالش‌های پیش رو است. از طرف دیگر، هر یک از فراورده‌های خونی دارای طول عمر متفاوتی هستند که باید لحاظ شود. بنابراین در این مقاله، چهار محصول خونی شامل: خون کامل، پلاسما، پلاکت، و گلبول قرمز نیز در نظر گرفته می‌شود.
 - با توجه به مورد قبل، تقاضای بيمارستان‌ها نیز بر اساس نوع محصول خونی باید تأمین شود.
 - در مدل اصلی دو تابع هدف یکی بر مبنای هزینه و دیگری بر مبنای زمان در نظر گرفته شده است؛ به عبارتی مدل به دنبال کمینه‌کردن زمان و هزینه است. در حالی که مناسب‌تر است که زمان تأمین خون را با توجه به زمان استاندارد خون‌رسانی در شرایط بحران در محدودیت‌ها وارد کرد و به دنبال تأمین خون در مدت زمان از پیش تعیین شده با حداقل هزینه ممکن بود. بنابراین، مدل دو هدف به یک هدف تبدیل می‌شود که در ضمن پوشش هدف مسئله، حل مسئله را نیز ساده‌تر می‌کند.
 - در این مقاله، فرض می‌شود که عملیات فراوری خون کامل تنها در مراکز منطقه‌یی انجام می‌گیرد.
 - هزینه‌ی تولید فراورده‌های خونی در مراکز منطقه‌یی در این مطالعه لحاظ می‌شود که باید در تابع هدف منظور شود.
 - در این مقاله هزینه‌یی به منظور آزمایش خون‌های جمع‌آوری شده در مراکز محلی و منطقه‌یی در نظر گرفته می‌شود.
 - پس از آزمایش خون‌های رسیده به مراکز محلی و منطقه‌یی، درصدی از خون به دلایل مخفی از جمله فساد به دلیل نحوه‌ی حمل نامناسب یا وجود بیماری‌های مانند ایدز، هپاتیت، وغیره از چرخه‌ی انتقال خارج می‌شود که این مورد در مدل سازی لحاظ شده است.

- مکان هر یک از تسهیلات سیار.
- میزان سطح موجودی خون در مراکز محلی، منطقه‌یی، و بیمارستان‌ها در انتهای هر سناریو.
- میزان خونی که باید تحت هر سناریو در هر یک از تسهیلات جمع‌آوری شود، از مراکز سیار به مراکز محلی و منطقه‌یی منتقل شود، از مراکز محلی به مراکز منطقه‌یی منتقل شود، از مراکز محلی و منطقه‌یی به بیمارستان‌ها منتقل شود، از بیمارستانی به بیمارستان دیگر انتقال یابد.
- با توجه به مسئله‌ی تشریح شده، اندیس‌ها، پارامترها، و متغیرهای تصمیم‌گیری در بخش بعدی معرفی می‌شوند.

۱.۳. اندیس‌ها، پارامترها و متغیرهای تصمیم‌گیری

برای مدل سازی مسئله‌ی ذکر شده پارامترها و متغیرهای تصمیم ذیل مورد استفاده قرار می‌گیرند.

۱.۱. اندیس‌ها

I : مجموعه‌ی اهداکنندگان؛

J : مجموعه‌ی محل‌های کاندیدا برای استقرار تسهیلات سیار؛

K : مجموعه‌ی مراکز محلی؛

R : مجموعه‌ی مراکز منطقه‌یی؛

H : مجموعه‌ی بیمارستان‌ها؛

P : مجموعه‌ی محصولات خونی؛

S : مجموعه‌ی سناریوها؛

T : مجموعه‌ی دوره‌های زمانی.

۱.۲. پارامترها

f : هزینه‌ی ثابت استقرار یک تسهیل سیار؛

v_{jlt}^s : هزینه‌ی حرکت یک تسهیل سیار از مکان ۱ به مکان j در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

o_{ijt}^s : هزینه‌ی عملیاتی واحد در تسهیل سیار j از گروه اهداکننده‌ی i در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

ob_{kt}^s : هزینه‌ی واحد عملیاتی (آزمایشات و...) خون در مرکز محلی k در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

or_{rt}^s : هزینه‌ی واحد عملیاتی (آزمایش‌ها و...) خون در مرکز منطقه‌یی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

OC_{prt}^s : هزینه‌ی واحد فرآوری خون و تولید محصول p در مرکز منطقه‌یی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

ab_{jkt}^s : هزینه‌ی حمل و نقل به ازای هر واحد خونی از تسهیل سیار j به مرکز محلی k در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

ar_{jrt}^s : هزینه‌ی حمل و نقل به ازای هر واحد خونی از تسهیل سیار j به مرکز منطقه‌یی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

abr_{kr}^s : هزینه‌ی حمل و نقل به ازای هر واحد خونی از مرکز محلی k به مرکز منطقه‌یی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

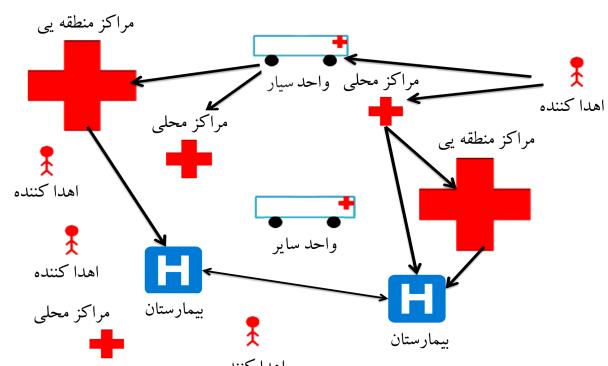
arh_{kht}^s : هزینه‌ی حمل و نقل به ازای هر واحد خونی از مرکز محلی k به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

abh_{rht}^s : هزینه‌ی حمل و نقل به ازای هر واحد خونی از مرکز منطقه‌یی r به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛

انجام نمی‌شود. برای انجام عملیات پردازش و فرآوری خون، خون جمع‌آوری شده در تسهیلات سیار می‌تواند به هر یک از مراکز محلی یا منطقه‌یی منتقل شود. این طور در نظر گرفته می‌شود که در مراکز محلی فقط آزمایش‌های لازم بر روی خون جمع‌آوری شده انجام می‌گیرد و عملیات مربوط به فرآوری خون و تولید محصولات خونی فقط در مراکز منطقه‌یی صورت می‌پذیرد. عملیات انتقال خون کامل به بیمارستان‌ها هم از طریق مراکز منطقه‌یی و هم مراکز محلی انجام می‌گیرد. در حالی که سایر فرآورده‌های خونی از مراکز منطقه‌یی یا بیمارستان‌ها به بیمارستان‌های مقاضی صورت می‌پذیرد. شکل ۱ نمایی از زنجیره‌ی تأمین معزوف شده را نشان می‌دهد.

این مسئله به عنوان یک مدل دو - مرحله‌یی تصادفی برای تأمین خون و فرآورده‌های آن در شرایط اضطراری تحت سناریوهای متفاوت در بحران مدل سازی می‌شود. هدف این مسئله تأمین خون مورد تقاضا در زمان استاندارد برای کمک رسانی در شرایط امداد با حداقل هزینه است. سایر مفروضاتی که در این مسئله لحاظ شده است به شرح زیر است:

- مراکز محلی و منطقه‌یی قادر به ذخیره‌ی خون در حجم محدود هستند اما این امکان در مورد مراکز سیار وجود ندارد.
 - مراکز محلی و منطقه‌یی تنها به اهداکنندگانی که در شعاع پوشش آن‌ها باشند، خدمت دهی می‌کنند.
 - اگرچه تأمین تمام تقاضا در اولویت است اما این امر به دلایلی از جمله وجود عدم قطعیت در داده‌های مورد نیاز برای تصمیم‌گیری ممکن است که امکان پذیر نباشد. بنابراین برای واقعی سازی مدل طراحی شده در شرایط بحران فرض می‌شود که احتمال عدم تأمین تقاضا محدود می‌شود و از حد معینی تجاوز نمی‌کند.
 - در این مسئله فرض شده است که تأمین نقاط تقاضا از طریق یکدیگر نیز امکان پذیر باشد (ارسال خون از بیمارستانی به بیمارستان دیگر).
 - با توجه به اینکه در شرایط بحران امکان مسدود شدن راه‌های ارتباطی نیز وجود دارد، در این مسئله زمان و هزینه‌ی حمل و نقل در شبکه‌ی تأمین به صورت تصادفی لحاظ می‌شود.
 - در مدل درنظر گرفته شده در این مقاله، احتمال فساد در اثر طولانی مدت شدن دوره‌ی نگهداری یا فساد به علت حمل و نقل نامناسب نیز لحاظ شده است.
- مدل ارائه شده در هر دوره به دنبال تصمیمات زیر است:
- تعداد تسهیلات سیار.



شکل ۱. نمایی از زنجیره‌ی تأمین چهار - سطحی تأمین خون.

AL_{krt}^s : متغیر دودویی، ۱ اگر مرکز محلی k به مرکز منطقه‌ی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s تخصیص یابد؛ در غیر این صورت صفر؛
 QB_{ijkt}^s : مقدار خون کامل جمع‌آوری شده در تسهیل j از اهداکننده‌ی i در دوره‌ی t برای تحویل به مرکز محلی k تحت سناریوی s ؛
 QR_{ijrt}^s : مقدار خون کامل جمع‌آوری شده در تسهیل j از اهداکننده‌ی i در دوره‌ی t برای تحویل به مرکز محلی k تحت سناریوی s ؛
 OQ_{ikt}^s : مقدار خون کامل جمع‌آوری شده در مرکز محلی k از اهداکننده‌ی i در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 BTR_{krt}^s : مقدار خون رسیده از مرکز محلی k به مرکز منطقه‌ی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 QBH_{kh}^s : مقدار خون کامل رسیده از مرکز محلی k به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 QRP_{prt}^s : مقدار محصول خونی تولید شده از نوع p در مرکز منطقه‌ی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 QRH_{prh}^s : مقدار محصول خونی رسیده از نوع p از مرکز منطقه‌ی r به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 QHH_{ph}^s : مقدار خون رسیده از نوع p از بیمارستان h' به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 IB_{kt}^s : سطح موجودی خون در مرکز محلی k در پایان دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 IR_{prt}^s : سطح موجودی محصول خونی p در مرکز منطقه‌ی r در پایان دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 IH_{ph}^s : سطح موجودی محصول خونی p در بیمارستان h در پایان دوره‌ی t تحت سناریوی s .

۲.۳. تابع هدف و محدودیت‌های مدل

تابع هدف، کمینه‌سازی هزینه‌های مورد انتظار در زنجیره‌ی تأمین است. اجزای هزینه‌ی زنجیره تأمین تحت هر سناریو عبارت‌اند از: هزینه‌ی استقرار تسهیلات خون (EC)، هزینه‌ی حرکت تسهیلات سیار (MC_s)، هزینه‌ی عملیاتی (OC_s)، هزینه‌ی فرآوری خون (PC_s)، هزینه‌ی حمل و نقل (TC_s) و هزینه‌ی موجودی (IC_s) فرمول‌های مربوط به شرح رابطه‌های ۱-۶ است.

$$EC \text{ (cost of establishing mobile blood facilities)} = fx \quad (1)$$

$$MC_s \text{ (cost of moving mobile blood facilities)} =$$

$$\sum_{l \in L} \sum_{j \in J} \sum_{t \in T} v_{jlt}^s Z_{jlt}^s \quad (2)$$

$$OC_s \text{ (operational cost)} =$$

$$\begin{aligned} & \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{t \in T} o_{ijt}^s \left(\sum_{k \in K} QB_{ijkt}^s + \sum_{r \in R} QR_{ijrt}^s \right) \\ & + \sum_{k \in K} \sum_{t \in T} ob_{kt}^s \left(\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} QB_{ijkt}^s + \sum_{i \in I} OQ_{ikt}^s \right) \\ & + \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} or_{rt}^s \left(\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} QR_{ijrt}^s + \sum_{r \in R} BTR_{krt}^s \right) \end{aligned} \quad (3)$$

$$PC_s = (\text{Processing cost}) = \sum_{p \in P} \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} oc_{prt}^s QRP_{prt}^s \quad (4)$$

$ach_{phh't}^s$: هزینه‌ی حمل و نقل به ازای هر واحد خونی از نوع p از بیمارستان h به بیمارستان h' در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 hb_{kt}^s : هزینه‌ی نگهداری واحد در مرکز محلی k در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 $h^{rs}_{rt}^s$: هزینه‌ی نگهداری واحد در مرکز منطقه‌ی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 ch_{ph}^s : هزینه‌ی نگهداری واحد خون از نوع p در بیمارستان h در دوره‌ی t در دوره‌ی t در بیمارستان h از محصول نوع p در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 d_{hpt}^s : میزان تقاضای بیمارستان h از محصول نوع p در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 tb_{jkt}^s : زمان سفر از تسهیل سیار j به مرکز محلی k در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 tr_{jrt}^s : زمان سفر از تسهیل سیار j به مرکز منطقه‌ی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 tc_{krt}^s : زمان سفر از مرکز محلی k به مرکز منطقه‌ی r در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 tq_{ht}^s : زمان سفر از مرکز منطقه‌ی r به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 tp_{kht}^s : زمان سفر از مرکز محلی k به بیمارستان h در دوره‌ی t تحت سناریوی s ؛
 $th_{hh't}^s$: زمان استاندارد جمع‌آوری خون و تحویل به مرکز منطقه‌ی r و محلی برای آزمایش و فراوری و توزیع؛
 str_1 : زمان استاندارد انتقال خون از مراکز محلی و منطقه‌ی به بیمارستان‌های مقاضی؛
 T_p : بیشینه‌ی مدت زمانی که می‌توان محصول خونی p را قبل از فساد نگهداری کرد؛
 $T_{process}$: مدت زمان لازم برای فرآوری محصول خونی نوع p ؛
 b : ظرفیت یک تسهیل سیار؛
 cb_k^s : ظرفیت ذخیره‌سازی خون در مرکز محلی k ؛
 cr_{pr} : ظرفیت ذخیره‌سازی محصول خونی p در مرکز منطقه‌ی r ؛
 ch_{ph} : ظرفیت ذخیره‌سازی محصول خونی p در بیمارستان h ؛
 m_i^s : بیشینه‌ی مقدار تأمین خون از گروه اهداکننده‌ی i تحت سناریوی s ؛
 $rrij$: فاصله‌ی بین اهداکننده‌ی i و تسهیل سیار j ؛
 rb_{ik} : فاصله‌ی بین اهداکننده‌ی i و مرکز محلی k ؛
 rc : شاع پوشش تسهیلات خون؛
 π_s : احتمال رخداد هر سناریو؛
 β : نخ ارجاع خون از مراکز محلی به مراکز منطقه‌ی بهمنظور فرآوری و تولید سایر محصولات خونی؛
 α : نخ انلاف خون پس از انجام آزمایش‌های لازم؛
 γ : نخ فساد خون در اثر حمل و نقل؛
 δ : سطح اطمینان تأمین تقاضای تصادفی؛
 M : یک عدد بسیار بزرگ.

۳.۱.۳. متغیرهای تصمیم‌گیری

x : متغیر عدد صحیح، تعداد تسهیلات سیار؛
 z_{jlt}^s : متغیر دودویی، ۱ اگر تسهیل سیار j در محل l در دوره‌ی $1-t$ قرار بگیرد و به محل j در دوره‌ی t تحت سناریوی s حرکت کند؛ در غیر این صورت صفر؛
 Y_{ijt}^s : متغیر دودویی، ۱ اگر تسهیل j به اهداکننده‌ی i در دوره‌ی t تحت سناریوی s تخصیص یابد؛ در غیر این صورت صفر؛
 U_{ikt}^s : متغیر دودویی، ۱ اگر مرکز محلی k به اهداکننده‌ی i در دوره‌ی t تحت سناریوی s تخصیص یابد؛ در غیر این صورت صفر؛

$$QBH_{kht}^s \leq (\gamma - \alpha) * (\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} QB_{ijkt}^s + (\gamma - \alpha) \sum_{i \in I} OQ_{ikt}^s) + \sum_{t'=t-T_p}^t IB_{kt'}^s \quad \forall k \in K, \quad \forall t, t' \in T, \quad \forall s \in S \quad (22)$$

$$QRH_{phrt}^s \leq (\gamma - \alpha) * QRP_{pr(t-T_{process})}^s + \sum_{t'=t-T_p}^t IR_{prt}^s \quad \forall p \in P, \quad \forall r \in R, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (23)$$

$$QHH_{ph'h't}^s \leq (\gamma - \alpha) (\sum_{r \in R} QRH_{prht}^s) + \sum_{t'=t-T_p}^t IH_{ph't}^s \quad \forall p \in P, \quad p \neq \gamma, \quad \forall h, h' \in H, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (24)$$

$$QHH_{vh'h't}^s \leq (\gamma - \alpha) (\sum_{k \in K} QBH_{kh't}^s + \sum_{r \in R} QRH_{vrh't}^s) + \sum_{t'=t-T_v}^t IH_{vh't}^s \quad \forall h, h' \in H, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (25)$$

$$\begin{aligned} \sum_{p \in P} \sum_{r \in R} QRP_{prt}^s &\leq (\gamma - \alpha) * ((\gamma - \alpha) \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{r \in R} QR_{ijrt}^s \\ &+ \sum_{k \in K} \sum_{r \in R} BTR_{krt}^s) \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (26) \\ IB_{kt-\gamma}^s + (\gamma - \beta)(\gamma - \alpha) * (\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} OB_{ijkt}^s + (\gamma - \alpha) \sum_{i \in I} OQ_{ikt}^s) \\ &- \sum_{h \in H} QBH_{kh't}^s = IB_{kt}^s \quad \forall k \in K, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (27)$$

$$\begin{aligned} IR_{rt-\gamma}^s + (\gamma - \gamma) &= (\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} QR_{ijrt}^s + \sum_{k \in K} BTR_{krt}^s) \\ &- \sum_{h \in H} QRH_{prht}^s = IR_{prht}^s \quad \forall r \in R, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (28)$$

$$\begin{aligned} IH_{ph't-\gamma}^s + (\sum_{k \in K} QBH_{kh't}^s + \sum_{r \in R} QRH_{prht}^s) - \sum_{h \in H} QHH_{vh'h't}^s \\ = IH_{ph't}^s \quad \forall p \in P, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (29)$$

$$\Pr(\sum_{k \in K} QBH_{kh't}^s + \sum_{r \in R} QRH_{vrh't}^s + \sum_{h \in H} QHH_{vh'h't}^s \geq d_{vh't}^s) \geq \delta \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall h \in H \quad (30)$$

$$\Pr(\sum_{r \in R} QRH_{ph't}^s + \sum_{h' \in H} QHH_{ph'h't}^s \geq d_{ph't}^s) \geq \delta \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall h \in H, \quad \forall p \in P \quad (31)$$

$$IB_{kt}^s \leq cb_k \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall k \in K \quad (32)$$

$$IR_{prt}^s \leq cr_{pr} \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall r \in R \quad (33)$$

$$IH_{ph't}^s \leq ch_{ph} \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall h \in H \quad (34)$$

$$\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{t \in T} \sum_{k \in K} OB_{ijkt}^s tb_{jk} \leq str \quad \forall s \in S \quad (35)$$

$$\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{t \in T} \sum_{r \in R} QR_{ijrt}^s tr_{jr} + \sum_{k \in K} \sum_{t \in T} \sum_{r \in R} BTR_{krt}^s tc_{kr} \leq str \quad \forall s \in S$$

$$TC_s \text{ (transportation cost)} = \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{k \in K} \sum_{t \in T} ab_{jkt}^s QB_{ijkt}^s$$

$$\begin{aligned} &+ \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} ar_{jrt}^s QR_{jrt}^s \\ &+ \sum_{k \in K} \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} abr_{krt}^s BTR_{krt}^s \\ &+ \sum_{k \in K} \sum_{h \in H} \sum_{t \in T} abh_{kht}^s QBH_{kht}^s \\ &+ \sum_{h \in H} \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} arh_{rht}^s QRH_{rht}^s \\ &+ \sum_{h \in H} \sum_{h' \in H} \sum_{p \in P} \sum_{t \in T} ach_{ph'h't}^s QHH_{ph'h't}^s \end{aligned} \quad (36)$$

$$\begin{aligned} IC_s \text{ (Inventory cost)} &= \sum_{k \in K} \sum_{t \in T} hb_{kt}^s IB_{kt}^s + \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} hr_{rt}^s IR_{rt}^s \\ &+ \sum_{p \in P} \sum_{h \in H} \sum_{t \in T} ch_{pht}^s IH_{pht}^s \end{aligned} \quad (37)$$

$$\text{Min } z = EC + \sum_{s \in S} \pi_s (MC_s + OC_s + PC_s + TC_s + IC_s) \quad (38)$$

$$\sum_{j \in J} \sum_{l \in J} z_{jlt}^s \leq x \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (39)$$

$$\sum_{l \in J} z_{jlt}^s \leq 1 \quad \forall j \in J, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (40)$$

$$\sum_{l \in J} z_{jlt}^s \leq \sum_{l \in J} z_{jlt-\gamma}^s \quad \forall j \in J, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (41)$$

$$Y_{ijt}^s \leq \sum_{l \in J} z_{jlt}^s \quad \forall i \in I, \quad \forall j \in J, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (42)$$

$$\begin{aligned} \sum_{j \in J} \sum_{k \in K} \sum_{t \in T} Qb_{ijkt}^s + \sum_{j \in J} \sum_{r \in R} \sum_{t \in T} QR_{ijrt}^s \\ + \sum_{k \in K} \sum_{t \in T} OQ_{ikt}^s \leq m_i^s \quad \forall i \in I, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (43)$$

$$\begin{aligned} \sum_{k \in K} \sum_{i \in I} QB_{ijkt}^s + \sum_{i \in I} \sum_{r \in R} QR_{ijrt}^s \leq b \\ \forall j \in J, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (44)$$

$$\begin{aligned} QB_{ijkt}^s \leq MY_{ijt}^s \quad \forall i \in I, \quad \forall j \in J, \quad \forall k \in K, \\ \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (45)$$

$$\begin{aligned} QR_{ijkt}^s \leq MY_{ijt}^s \quad \forall i \in I, \quad \forall j \in J, \quad \forall k \in K, \\ \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (46)$$

$$OQ_{ikt}^s \leq MU_{ikt}^s \quad \forall i \in I, \quad \forall k \in K, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (47)$$

$$\begin{aligned} rr_{ij} * Y_{ijt}^s \leq rc \quad \forall i \in I, \quad \forall j \in J, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (48) \\ rb_{ik} * U_{ikt}^s \leq rc \quad \forall i \in I, \quad \forall k \in K, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (49) \\ \sum_{r \in R} AL_{krt}^s \leq 1 \quad \forall k \in K, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \end{aligned} \quad (50)$$

$$\begin{aligned} BTR_{krt}^s \leq MAL_{krt}^s \quad \forall k \in K, \quad \forall r \in R, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \\ BTR_{krt}^s \leq \beta(\gamma - \gamma) * (\sum_{k \in K} \sum_{i \in I} QB_{ijkt}^s + (\gamma - \alpha) \sum_{i \in I} OQ_{ikt}^s) \end{aligned} \quad (51)$$

$$\forall k \in K, \quad \forall r \in R, \quad \forall t \in T, \quad \forall s \in S \quad (52)$$

حمل و نقل نامناسب با نرخ γ از بین می رود. محدودیت ۲۲ بیشینه میزان خون کامل قابل انتقال از مراکز محلی به بیمارستان ها را مشخص می کند. محدودیت ۲۳ بیشینه میزان هر یک از محصولات خونی را که قابل انتقال از مراکز منطقه بی به بیمارستان ها هستند، نشان می دهد. محدودیت ۲۴ بیان گر بیشینه میزان هر یک از محصولات خونی قابل انتقال بین بیمارستان هاست. در محدودیت های ۲۵-۲۶ میزان موجودی های قبلی هر یک از مراکز نیز به این شرط که دوره عمر محصول سپری نشده باشد، در تأمین تقاضا لحاظ شده است. محدودیت ۲۶ بیان گر بیشینه مقدار تولیدی از هر یک از محصولات خونی با توجه به درصد اثالف در اثر آزمایش های سلامت یا حمل و نقل را نشان می دهد. محدودیت های ۲۷-۲۸ سطح موجودی در هر یک از مراکز محلی، منطقه بی، و بیمارستان ها را نشان می دهند. محدودیت های ۲۹ و ۳۰ محدودیت های شناسی تأمین تقاضای انواع فراورده های خونی را بیان می کنند. اضافه کردن این محدودیت ها مدل را به یک مدل غیرخطی تبدیل می کند. در بخش بعدی نحوه خطی سازی این دو محدودیت بیان می شود.

محدودیت های ۳۱-۳۲ ظرفیت ذخیره در هر یک از مراکز محلی، منطقه بی، و بیمارستان ها را نشان می دهد. محدودیت های ۳۵ و ۳۶ بیان می کنند که زمان ارسال خون از مراکز سیار به محلی یا مراکز محلی به منطقه بی نباید از میزان ارزیش تعیین شده تجاوز کند. همچنین محدودیت های ۳۷ و ۳۸ بیان می کنند که زمان ارسال خون از مراکز محلی یا منطقه بی به بیمارستان ها باید در کمتر از زمان تعیین شده انجام پذیرد. این محدودیت ها برای اطمینان از اینکه میزان خون لازم در زمان لازم به محل تقاضا رسیده شود، در نظر گرفته می شود. محدودیت های ۳۹-۴۱ دامنه متغیرهای تصمیم را نشان می دهند.

۳. خطی سازی محدودیت های شناسی

محدودیت های مربوط به تأمین تقاضا همان طور که در بخش ۲.۳ ذکر شد به صورت احتمالی در نظر گرفته شده است. به منظور خطی سازی این محدودیت ها فرض می شود که تقاضا از توزیع نرم الپیوری کند. در این صورت محدودیت های ۳۰ و ۳۱ به صورت زیر بازنویسی می شوند و در مدل اصلی قرار می گیرند.

$$\sum_{k \in K} QBH_{kht}^s + \sum_{r \in R} QRH_{rht}^s + \sum_{h \in H} QBH_{h'ht}^s \geq E(d_{ht}^s) + Z_\delta \sqrt{\text{var}(d_{ht}^s)} \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall h \in H \quad (42)$$

$$\sum_{r \in R} QRH_{pht}^s + \sum_{h' \in H} QBH_{ph'h}^s \geq E(d_{pht}^s) + Z_\delta \sqrt{\text{var}(d_{pht}^s)} \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall h \in H, \quad \forall p \in P \quad (43)$$

۴. روش حل

از آنجایی که مدل ارائه شده در این مقاله به دنبال یافتن تصمیمات بهینه در شرایط بحران است، زمان حل مدل از چالش های بسیار مهم در این زمینه است. اگرچه روش های حل دقیق نسبت به روش های ابتکاری و فرآندازی در اولویت هستند، در بسیاری موارد به دلیل بزرگی ابعاد مسئله وجود تعداد زیاد متغیر یا محدودیت استفاده از این روش ها مناسب به نظر نمی رسد. در چنین شرایطی استفاده از روش های ابتکاری و فرآندازی توصیه می شود. مدل ریاضی دو مرحله ای - تصادفی با محدودیت های احتمالی ارائه شده در این مقاله به دلیل وجود حجم بسیار بزرگی از سناریوهای از جمله مسائل NP- سخت به حساب می آید و حل آن به وسیله ای روش های دقیق

$$\sum_{k \in K} \sum_{t \in T} \sum_{h \in H} QBH_{kht}^s tp_{kh} \leq str^2 \quad \forall s \in S \quad (37)$$

$$\sum_{k \in K} \sum_{t \in T} \sum_{h \in H} QRH_{rht}^s tq_{rh} \leq str^2 \quad \forall s \in S \quad (38)$$

$$Y_{ijt}^s, U_{ikt}^s, AL_{krt}^s \in \{0, 1\} \quad \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall k \in K, \\ \forall i \in I, \quad \forall j \in J, \quad \forall r \in R \quad (39)$$

$$QBH_{ijk}^s, QRH_{ijr}^s, QBH_{rht}^s, QRH_{prht}^s, QRP_{prt}^s, BTR_{rht}^s, \\ QH H_{ph'h}^s IB_{kt}^s, IR_{prt}^s, IH_{pht}^s, OQ_{ikt}^s \geq 0 \\ \forall s \in S, \quad \forall t \in T, \quad \forall k \in K, \quad \forall i \in I, \\ \forall j \in J, \quad \forall r \in R, \quad \forall p \in P, \quad \forall h, h' \in H \quad (40)$$

$$x \quad \text{Integer} \quad (41)$$

هزینه استقرار تسهیلات در رابطه ۱ از طریق حاصل ضرب هزینه استقرار یک تسهیل سیار در تعداد تسهیلات سیار مستقر شده به دست می آید. رابطه ۲ هزینه حرکت تسهیلات سیار خون از یک محل به محل های دیگر در دوره های مختلف را فرمول بندی می کند. رابطه ۳ مجموع هزینه های عملیاتی در تسهیلات سیار خون، مراکز محلی و منطقه بی نشان می دهد. رابطه ۴، هزینه فراوری و تولید محصولات خونی مختلف در مراکز منطقه بی را نشان می دهد. رابطه ۵ مجموع هزینه های حمل و نقل شامل هزینه حمل و نقل خون تحویل داده شده از تسهیلات سیار به مراکز محلی و منطقه بی، از مراکز محلی به مراکز منطقه بی، و از مراکز محلی و منطقه بی به بیمارستان ها و نیز حمل و نقل بین بیمارستان ها را محسوب می کند. رابطه ۶ مجموع هزینه های نگهداری در مراکز محلی، منطقه بی و بیمارستان ها را نشان می دهد. با استفاده از اجرای هزینه، تابع هدف به صورت رابطه ۷ فرمول بندی می شود. محدودیت های مدل به صورت زیر می باشند. محدودیت ۸ تضمین می کند که تعداد تسهیلات سیار به کار گرفته شده در هر دوره از تعداد تسهیلات راه اندازی شده تجاوز نمی کند. محدودیت ۹ مشخص می کند که در هر محل بیشینه یک تسهیل مستقر شود. محدودیت ۱۰ اطمینان ایجاد می کند که هر محل توسط بیشینه یک تسهیل سیار بازدید شود. محدودیت ۱۱ تضمین می کند که تخصیص اهداف ندگان فقط به تسهیلات راه اندازی شده انجام پذیرد. محدودیت ۱۲ ظرفیت تأمین خون توسط هر گروه از اهداف ندگان را معین می کند. محدودیت ۱۳ ظرفیت هر تسهیل سیار را بیان می کند. محدودیت های ۱۴ و ۱۵ تضمین می کنند که جمع آوری خون از تسهیلات سیاری که حداقل یک گروه اهداف ندگان شده انجام پذیرد. محدودیت ۱۶ نشان می دهد که جمع آوری خون از مراکز محلی که حداقل یک گروه اهداف ندگان شده از آنها اختصاص داده شده است، انجام می گیرد. محدودیت های ۱۷ و ۱۸ تضمین می کنند که تسهیلات سیار و محلی تنها به اهداف ندگانی که در محدودیت پوشش آنها باشند، خدمت دهی می کنند. محدودیت ۱۹ بیان می کند که هر مرکز محلی حداقل به یک مرکز منطقه بی تخصیص داده می شود. محدودیت ۲۰ بیان می کند که انتقال از مرکز محلی به مرکز منطقه بی که به آن تخصیص داده نشده است، انجام نمی گیرد. محدودیت ۲۱ بیشینه میزان خونی را که می تواند از مرکز محلی به منطقه بی رسانیده شود، نشان می دهد. این محدودیت نشان می دهد که ارجاع خون از مرکز محلی به منطقه بی (برای تولید فراورده های خونی) به طور مستقیم با نرخ β انجام می پذیرد. همچنین میزان خونی که از مرکز محلی آمده ای ارسال است با نرخ α به دلایلی از جمله وجود بیماری از بین می رود و نیز میزان خون جمع آوری شده در مراکز محلی و نیز تسهیلات سیار به دلیل

منطقه‌یی لازم است مقادیر انتقال خون با توجه به انواع محصولات خونی و ستاریوهای مختلف بهینه‌سازی شود. در این مرحله با تبدیل متغیرهای مکان‌بابی و تخصیص به پارامتر (با توجه به مقادیر به دست آمده از گام اول) مدل ارائه شده به کمک نرم‌افزار CPLEX بهینه‌سازی می‌شود. با توجه به کاهش تعداد متغیرها و محدودیت‌ها در مدل جدید، حل مدل خطی ارائه شده در زمان‌های پایین منطقی است.

گام سوم) پس از تعیین سایر متغیرها و مقدار تابع هدف، لازم است هریک از جواب‌های ارائه شده در جمعیت اولیه ارزیابی شود و در نهایت جواب‌ها با توجه به مقدار تابع هدف برای تولید نسل بعدی انتخاب شوند. نحوه اجرای هر یک از عملگرهای ژنتیکی در ادامه نشان داده می‌شود.

۱.۴. تشریح عملگرهای الگوریتم ژنتیک پیشنهادی

۱. عملگر تقاطع: به منظور اجرای عملگر تقاطع بر روی کروموزوم‌های جواب، تقاطع تک نقطه‌یی بر روی کروموزوم‌های چهارلایه‌ی والدین انجام شده است. شکل ۴ چگونگی انجام این عملگر و فرزندان تولیدشده را نشان می‌دهد.

۲. عملگر جهش: در الگوریتم ژنتیک به منظور جلوگیری از هم‌گلایی زودرس الگوریتم به جواب‌های بهینه‌ی محلی از عملگر جهش استفاده می‌شود. در این مقاله، بهارزای هر یک از زن‌های موجود در هر سطح از کروموزوم یک عدد تصادفی تولید شد و با نزدیکی درنظر گرفته شده مقایسه شد. در صورتی که عدد تصادفی از نزدیکی جهش بیشتر باشد عدد مربوط به آن با یکی از اعداد موجود در مجموعه‌ی هم‌جنین خود جایبجا می‌شود (شکل ۵).

۳. انتخاب: در این مقاله، برای انتخاب یک نسل با توجه به چرخه شناس (یکی از شناخته شده ترین روش‌ها برای انتخاب جمعیت) استفاده شده است. بر همین

والد ۱		والد ۲	
۲	۱	۴	۳
۴	۵	۲	۱
۱	۲	۳	۴
۴	۵	۳	۱

فرزنده ۱		فرزنده ۲	
۲	۱	۴	۳
۴	۵	۲	۱
۱	۲	۳	۴
۴	۵	۳	۱

شکل ۴. نحوه اقدام عملگر تقاطع.

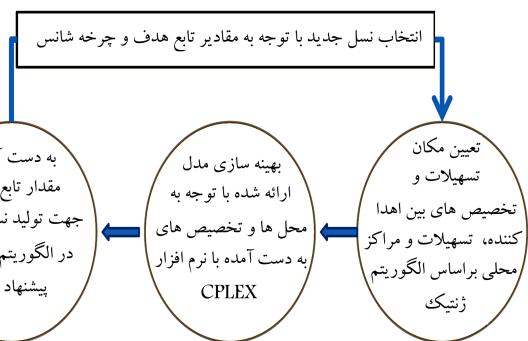
تغییر به مقدار تصادفی دیگر				
۲	۱	۴	۲	.
۴	۵	۲	۱	۳
۱	۲	۳	۴	۵
۴	۵	۲	۱	۲

شکل ۵. نحوه اقدام عملگر جهش.

بسیار زمان بر است.^[۲۰] از طرفی بهاین دلیل که در مدل پیشنهادشده تعداد متغیرها و محدودیت‌ها زیاد است و نیز با توجه به فضای عدم قطعیت درنظر گرفته شده، استفاده از یک الگوریتم فرالیستکاری برای حل مدل ارائه شده علاوه بر افزایش بسیار زیاد زمان، دقت پایینی نیز خواهد داشت. بر همین اساس در این مقاله مقدارهای شعبی شده است با ارائه یک رویکرد ترکیبی از یک الگوریتم فرالیستکاری و روش ابتکاری روش حل ارائه شده بهبود داده شود که در ادامه رویکرد پیشنهادی که در شکل ۲ نشان داده شده است، در سه گام تشریح می‌شود.

گام اول) مکان تسهیلات و تخصیص‌ها براساس الگوریتم فرالیستکاری تعیین می‌شود. الگوریتم ژنتیک روشنی شناخته شده در بین الگوریتم‌های فرالیستکاری است.^[۲۱] در الگوریتم ژنتیک، هر جواب به عنوان یک کروموزوم شناخته می‌شود و از مجموعه‌یی از زن‌ها تشکیل می‌شود. یک جمعیت مجموعه‌یی از جواب‌ها (کروموزوم) را شامل می‌شود. به طریقی هر یک از جواب‌ها ارزیابی می‌شوند و براساس مقادیر برازنده‌ی آن‌ها و نیز عملگرهای ژنتیک، یک جمعیت جدید ایجاد می‌شود. در این مطالعه دو عملگر ژنتیک تقاطع و جهش مورد استفاده قرار می‌گیرد. از میان جمعیت ایجادشده به روش‌های متفاوت، جمعیت نسل بعد انتخاب می‌شوند و این چرخه تا وقوع شرط خاتمه ادامه می‌باید. شکل ۳ این چرخه را نشان می‌دهد. از آنجایی که یکی از مهم‌ترین موارد در الگوریتم‌های فرالیستکاری مشخص کردن نمایش جواب است، در این بررسی سعی شده است تمام مکان‌ها و تخصیص‌ها در یک کروموزوم چهارسطحی تعیین شود. شکل ۳ نمایی از یک جواب را بهارزای یک سtarیو نشان می‌دهد.

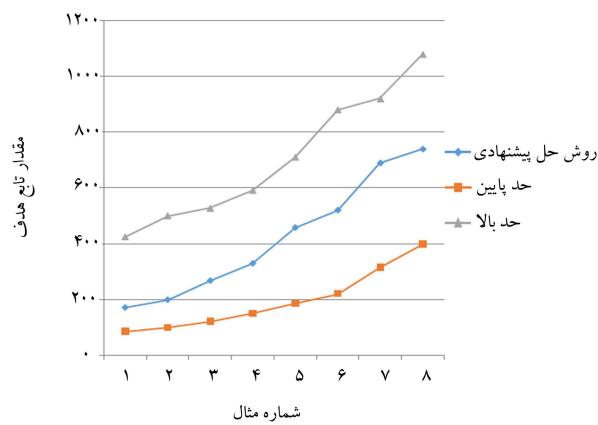
گام دوم) پس از تعیین مکان تسهیلات سیار، نحوه تخصیص اهداکننده‌ها به تسهیلات، تخصیص اهداکننده به مراکز محلی و تخصیص مرکز محلی به مراکز



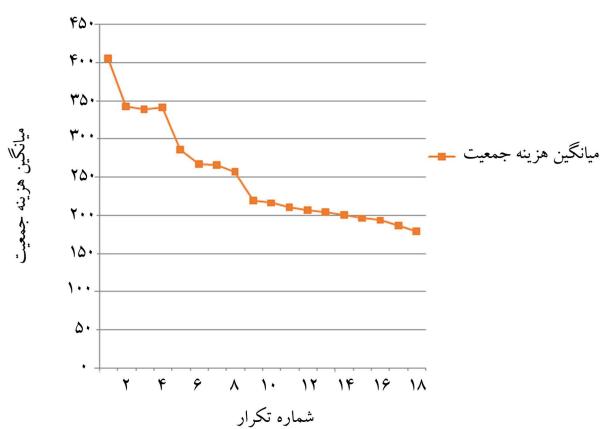
شکل ۲. رویکرد پیشنهادی برای حل مدل.

تعداد محلی های کاندید برای تسهیلات سیار $I = L$	تعداد تسهیل $J = k$	شماره اهداء کننده	شماره اهداء کننده	مرکز منطقه‌یی
۳	۲	۱	۲	۲
۴	۳	۱	۲	۳
۲	۱	۳	۴	۲
۳	۲	۱	۳	۱
۴	۳	۰	۱	۰
۱	۰	۰	۰	۰
۲	۱	۰	۰	۰
۳	۰	۰	۰	۰
۴	۱	۰	۰	۰

شکل ۳. نحوه نمایش کروموزومی جواب.



شکل ۶. مقایسه مقادیر تابع هدف برای مثال‌های عددی به دست آمده از روش پیشنهادی با کران‌های بالا و پایین.



شکل ۷. مقادیر در تابع هدف مثال ۱ به ازای تعداد تکرارها.

موجب می‌شود مسئله ساده‌تر شود. حتی اگر که این اقدام سبب نشدنی شدن جواب شود.^[۲۳، ۲۴] در مطالعه‌ی حاضر، محدودیت‌های ۲۱، ۳۵ و ۳۷ برای آزادسازی انتخاب شدن و مقادیر تابع هدف به دست آمده پس از آزادسازی مدل به عنوان کران پایین در نظر گرفته شد. کران بالا نیز مقادیر تابع هدف متعادل با یک نقطه‌ی شدنی در فضای جواب محاسبه شد. در نمودار شکل ۷ مشاهده می‌شود که مقادیر تابع هدف به دست آمده به ازای همهٔ مثال‌ها به کران پایین نزدیک‌تر است که این مسئله نشان‌گر مقولهٔ رویکرد پیشنهادی است.

در نتیجه‌ی محاسبات انجام شده مشخص شد که با افزایش تعداد تکرارها، جواب مناسب‌تری به دست می‌آید؛ مثلاً نمودار شکل ۷، این یافته را دربارهٔ مثال عددی شماره ۱ نشان می‌دهد.

به‌منظور ارزیابی رویکرد ابتکاری پیشنهادی، مثال‌های عددی با استفاده از CPLEX، الگوریتم زنیک نیز حل شد. مقادیر تابع هدف به دست آمده از هر یک از سه روش و نیز زمان محاسبه در جدول ۲ نشان داده شده است. مشاهده می‌شود که اگرچه روش فراابتکاری الگوریتم زنیک زمان محاسبات کمتری دارد، مقادیر به دست آمده از آن اختلاف زیادی با کران پایین دارد. در مورد روش دقیق هم برای مجموعه مثال‌های ۳ به بعد در زمان ۲۴ ساعت جواب شدنی برای مسئله بر روی سیستم Intel Core i5 با ۲/۲ CPU هرتز و ۴ گیگابایت RAM حاصل نشد. به‌منظور حل مثال‌های ۴ تا ۸ از یک ابررایانه با پردازندهٔ ۸ هسته، با ۱۶ گیگابایت RAM استفاده شد و برای مثال‌های ۷ و ۸، اجرای برنامه با خطای کمبود حافظه

جدول ۱. مشخصات مثال‌های عددی.

شمارهٔ مثال	اندازه‌ی مسئله I/J/K/R/H/P/T/S
۱	۳/۲/۲/۲/۱/۱/۲/۲
۲	۵/۴/۳/۴/۳/۴/۵
۳	۸/۵/۴/۵/۴/۶/۸
۴	۸/۱۰/۵/۶/۷/۴/۸/۱۰
۵	۹/۱۰/۶/۷/۷/۴/۸/۱۲
۶	۱۲/۱۲/۸/۹/۴/۱۱/۱۵
۷	۱۵/۱۴/۱۱/۱۲/۴/۱۴/۱۸
۸	۲۰/۱۶/۱۵/۱۳/۴/۱۶/۲۱

اساس با توجه به مقادیر تابع هدف یک بازه‌ی احتمالی به هر یک از کروموزوم‌ها داده می‌شود. بدینهی است که مقادیر احتمالی برای مقادیر تابع هدف کمتر بیشتر است. در احتمال با تولید یک عدد تصادفی، کروموزومی که بازه‌ی عددی آن شامل آن عدد تصادفی است، انتخاب می‌شود.

۵. نتایج محاسباتی

در این بخش نتایج محاسباتی مربوط به اعتبارسنجی مدل و رویکرد حل پیشنهادی و نیز تحلیل حساسیت با توجه به پارامترهای ورودی مدل ارائه می‌شود.

۱.۵. اعتبارسنجی مدل و رویکرد حل پیشنهادی

به‌منظور اعتبارسنجی مدل ارائه شده و نیز روش حل پیشنهادی، ابتدا هشت مثال عددی با اندازه‌های مختلف به صورت تصادفی تولید شدند، جدول ۱ مشخصات مثال‌های عددی مورد استفاده را نشان می‌دهد. به‌منظور ایجاد سناریوهای مختلف، برای هر یک از پارامترهای غیرقطعی مدل، که در بخش ۱.۳ معرفی شدند به جز تقاضا، یک توزیع یکنواخت در نظر گرفته می‌شود (برای تقاضا، توزیع نرمال در نظر گرفته می‌شود) و به تعداد سناریوهای لازم، اعداد تصادفی در بازه‌ی مربوطه تولید می‌شود. برای اعتبارسنجی مدل پیشنهادی در مقاله‌ی حاضر، بررسی‌های زیر انجام می‌گیرند:

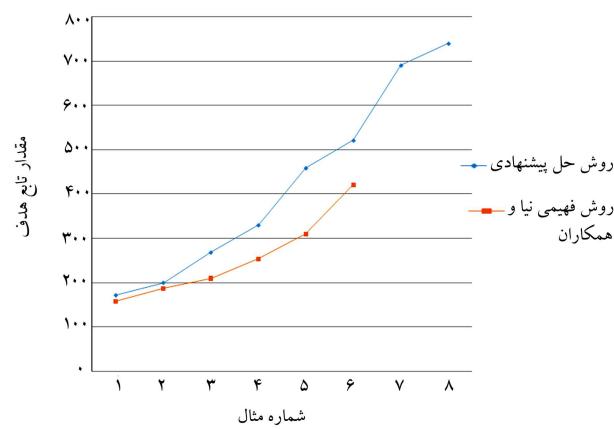
- برای هر یک از ۸ مثال عددی تولید شده، یک کران بالا و یک کران پایین محاسبه می‌شود و جواب به دست آمده از طریق الگوریتم حل پیشنهادی با آن‌ها مقایسه می‌شود.
- نتایج به‌کارگیری رویکرد پیشنهادی از منظر مقادیر تابع هدف و زمان حل با جواب به دست آمده از طریق الگوریتم زنیک و نیز CPLEX مقایسه می‌شود.
- از آنجایی که مقاله‌ی حاضر توسعه‌ی بر مقاله‌ی فهیم‌نیا و همکاران^[۲۵] محسوب می‌شود، نتایج به‌کارگیری الگوریتم حل پیشنهادی برای مثال‌های عددی ارائه شده با رویکرد پیشنهادی فهیم‌نیا و همکاران^[۲۶] نیز مقایسه می‌شود. نمودار شکل ۶ میزان تابع هدف به دست آمده از طریق رویکرد پیشنهادی در مقایسه با کران بالا و پایین مربوط به تابع هدف هر یک از مثال‌های عددی را نمایش می‌دهد. یک کران پایین از طریق آزادکردن تعدادی از محدودیت‌ها به دست می‌آید که

جدول ۲. مقایسه‌ی روش پیشنهادی با روش‌های دقیق و GA برای مثال‌های عددی ارائه شده.

شماره‌ی مثال	اندازه‌ی مسئله	روش ابتکاری حاضر		روش دقیق		روش GA		روش فهیمی نیا و همکاران [۲۹]	
		مقادیر تابع	زمان حل	مقادیر تابع	زمان حل	مقادیر تابع	زمان حل	هدف	زمان حل (ثانیه)
		هدف	زمان حل (ثانیه)	هدف	زمان حل (ثانیه)	هدف	زمان حل (ثانیه)	هدف	زمان حل (ثانیه)
۱	۲/۲/۱/۱/۲/۲/۲/۳	۵۰	۱۷۲,۱۲*	۵۰۰	۱۷۲,۱۲	۲۵	۲۲۰,۶۹	۱۷۲,۱۲	۷۵
۲	۵/۴/۳/۳/۴/۳/۴/۵	۲۲۰	۲۰۰,۲۳	۷۵۰	۱۹۱,۱۳	۱۸۵	۲۲۱,۹۶	۱۹۸,۶۳	۳۵۰
۳	۸/۶/۴/۵/۴/۵/۵/۸	۲۶۸,۵۸	۲۱۲,۳۶	۷۰۰۰	۲۱۲,۳۶	۲۲۰	۳۵۴,۸۹	۲۱۰,۳۶	۶۵۰۰
۴	۱۰/۸/۴/۷/۸/۵/۱۰/۸	۳۳۰,۱۲	۲۲۶,۳۱	۱۴۵۰۰	۲۲۶,۳۱	۴۱۵۰	۳۸۶,۲۳	۲۵۴,۳۶	۱۱۰۰۰
۵	۱۲/۸/۴/۷/۷/۶/۱۰/۹	۴۵۹,۰۱	۳۰۱,۰۴	۴۵۰۰۰	۳۰۱,۰۴	۵۶۰۰	۴۴۶,۵۶	۳۱۰,۲۵	۱۵۶۰۰
۶	۱۵/۱۱/۴/۹/۸/۱۲/۱۲	۵۲۱,۳۲	۴۱۱,۰۲	۶۰۰۰۰	۴۱۱,۰۲	۶۰۰۰	۵۲۳,۴۶	۴۲۱,۳۶	۲۱۵۰۰
+۷	۱۸/۱۴/۱۲/۱۱/۱۴/۱۵	۶۹۰,۶۶	۱۱۰۰۰	۸۸۰۰۰	۵۸۹,۳۱	۹۵۰۰	۶۰۱,۲۲	-	-
۸	۲۱/۱۶/۴/۱۳/۱۵/۱۶/۲۰	۷۴۰,۰۳	۷۶۵,۹۶	۹۳۰۰۰	۷۶۵,۹۶	۱۱۱۵۰	۸۳۶,۴۹	-	-

* هزینه‌ها ضرب در ۱۰۰۰۰۰۰ می‌شوند.

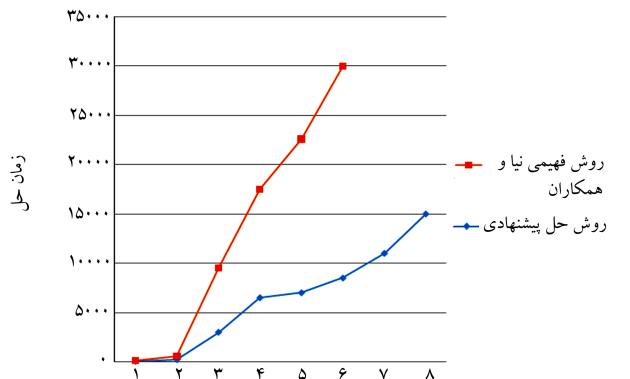
+ برای مثال ۷ و ۸ در روش دقیق، جواب با شکاف ۵ درصد حاصل شد.



شکل ۸. مقادیر تابع هدف برای مثال‌های عددی با روش ابتکاری پیشنهادی و فهیمی نیا و همکاران. [۲۹]

روبرو شد و در مدت زمان نشان داده شده در جدول ۲، جواب‌ها با شکاف ۵٪ حاصل شد.

همچنین به منظور مقایسه‌ی رویکرد پیشنهادی با مطالعات مشابه در این حوزه، مثال‌های عددی تولید شده در این مقاله با روش ارائه شده در فهیمی نیا و همکاران [۲۹] (یک روش حل دقیق بر مبنای آزادسازی لگارانز) نیز حل شد. همان‌طور که در جدول ۲ نشان داده است، زمان حل روش [۲۹] به ازای مثال‌های با اندازه‌ی مثال، کوچک‌تر است مقایسه با روش پیشنهادی در این مقاله پایین تراست و همچنین مقادیر تابع هدف نزدیک‌تری به کران پایین بدست می‌دهد. اما با افزایش اندازه‌ی مسئله، رویکرد ابتکاری پیشنهادی در مطالعه‌ی حاضر از نظر زمان حل دارای مزیت بالاتری است. اگرچه جواب‌های روش [۲۹] در مقایسه با رویکرد ابتکاری کمتر هستند، با توجه به افزایش زمان حل، این میزان اختلاف معنادار نخواهد بود. در مورد مثال‌های ۷ و ۸ در مدت زمان ۱۲ ساعت جوابی برای مسئله با روش فهیمی نیا و همکاران، [۲۹] حاصل نشد. از آنجایی که تصمیم‌گیری در شرایط بحران باید سریع انجام گیرد، زمان بیش‌تری برای دست‌یابی به جواب در نظر گرفته نشد. نمودارهای شکل‌های ۸ و ۹ به ترتیب زمان حل و میزان تابع هدف را برای هر یک از مثال‌های عددی برای دو روش مورد مقایسه نشان می‌دهند.



شکل ۹. زمان حل برای مثال‌های عددی با روش ابتکاری پیشنهادی و فهیمی نیا و همکاران. [۲۹]

۲.۵. تحلیل حساسیت

در این بخش، آزمایش‌هایی به منظور تعیین میزان تأثیر پارامترهای ورودی بر نتایج و نیز ارزیابی بهره‌گیری از رویکرد دومرحله‌ای تصادفی در مقایسه با رویکرد مقدار میانگین انجام می‌گیرد. نتایج نشان دادند که با افزایش سطح اطمینان در تأمین تقاضا (۶) و همچنین افزایش در میزان دور ریز خون پس از آزمایش‌ها (α) و نیز فساد در نتیجه‌ی حمل و نقل (۷) میزان هزینه‌ها و نیز تعداد تسهیلات سیار به منظور تأمین نیاز افزایش می‌باشد. به عنوان نمونه، جدول ۳ اثر تغییر مقادیر پارامترهای ۵، ۶ و ۷ بر تابع هدف و تعداد تسهیلات سیار لازم برای مثال عددی ۵ را نشان می‌دهد. برای

جدول ۳. تأثیر تغییر پارامترهای α , γ , δ بر تابع هدف و تعداد تسهیلات سیار در مثال ۵.

۱																δ	γ	α
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
۲۹۰/۵	۳۱۰/۵	۳۲۸۰/۵	۴۲۱/۵	۴۲۹/۵	۴۵۹/۵	۴۵۹/۵	۵۱۰/۵	۵۸۰/۵	۶۰۵/۵	۶۲۰/۵	۶۴۵/۵	۶۸۹/۵	۷۰۰/۵	۷۲۴/۵	۷۴۰/۵	۷۹۹/۵	۸۲۱/۵	۸۴۶/۵
۸	۸	۸	۹	۱۰	۱۰	۱۰	۱۱	۱۱	۱۱	۱۲	۱۲	۱۲	۱۳	۱۳	۱۴	۱۴	۱۵	۱۵
۲۹۴/۵	۲۹۸/۵	۳۰۲/۵	۳۱۲/۵	۳۲۰/۵	۳۲۸/۵	۳۴۰/۵	۳۴۲/۵	۳۵۰/۵	۳۵۲/۵	۳۶۰/۵	۳۶۲/۵	۳۷۰/۵	۳۷۲/۵	۳۷۴/۵	۳۷۶/۵	۳۷۸/۵	۳۸۰/۵	۳۸۲/۵
۷	۷	۷	۸	۹	۹	۹	۱۰	۱۰	۱۰	۱۱	۱۱	۱۲	۱۲	۱۲	۱۳	۱۳	۱۴	۱۴
۱۲۳۲/۵	۱۲۴۲/۵	۱۲۵۲/۵	۱۲۶۰/۵	۱۲۶۲/۵	۱۲۷۰/۵	۱۲۷۸/۵	۱۲۸۰/۵	۱۲۸۲/۵	۱۲۸۴/۵	۱۲۸۶/۵	۱۲۸۸/۵	۱۲۸۹/۵	۱۲۹۰/۵	۱۲۹۱/۵	۱۲۹۲/۵	۱۲۹۳/۵	۱۲۹۴/۵	۱۲۹۵/۵
۱۶	۱۶	۱۶	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷
۱۳۵۱/۵	۱۳۵۲/۵	۱۳۵۳/۵	۱۳۵۴/۵	۱۳۵۵/۵	۱۳۵۶/۵	۱۳۵۷/۵	۱۳۵۸/۵	۱۳۵۹/۵	۱۳۶۰/۵	۱۳۶۱/۵	۱۳۶۲/۵	۱۳۶۳/۵	۱۳۶۴/۵	۱۳۶۵/۵	۱۳۶۶/۵	۱۳۶۷/۵	۱۳۶۸/۵	۱۳۶۹/۵
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
۰,۹																δ	γ	α
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
۲۹۰/۵	۲۹۴/۵	۲۹۸/۵	۳۰۲/۵	۳۰۶/۵	۳۱۰/۵	۳۱۴/۵	۳۱۸/۵	۳۲۰/۵	۳۲۴/۵	۳۲۸/۵	۳۳۲/۵	۳۳۶/۵	۳۴۰/۵	۳۴۴/۵	۳۴۸/۵	۳۵۲/۵	۳۵۶/۵	۳۶۰/۵
۷	۷	۷	۸	۹	۹	۹	۱۰	۱۰	۱۰	۱۱	۱۱	۱۲	۱۲	۱۲	۱۳	۱۳	۱۴	۱۴
۱۳۶۰/۵	۱۳۶۱/۵	۱۳۶۲/۵	۱۳۶۳/۵	۱۳۶۴/۵	۱۳۶۵/۵	۱۳۶۶/۵	۱۳۶۷/۵	۱۳۶۸/۵	۱۳۶۹/۵	۱۳۷۰/۵	۱۳۷۱/۵	۱۳۷۲/۵	۱۳۷۳/۵	۱۳۷۴/۵	۱۳۷۵/۵	۱۳۷۶/۵	۱۳۷۷/۵	۱۳۷۸/۵
۱۶	۱۶	۱۶	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷
۱۳۷۸/۵	۱۳۷۹/۵	۱۳۸۰/۵	۱۳۸۱/۵	۱۳۸۲/۵	۱۳۸۳/۵	۱۳۸۴/۵	۱۳۸۵/۵	۱۳۸۶/۵	۱۳۸۷/۵	۱۳۸۸/۵	۱۳۸۹/۵	۱۳۹۰/۵	۱۳۹۱/۵	۱۳۹۲/۵	۱۳۹۳/۵	۱۳۹۴/۵	۱۳۹۵/۵	۱۳۹۶/۵
۰,۸																δ	γ	α
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
۲۹۰/۵	۲۹۴/۵	۲۹۸/۵	۳۰۲/۵	۳۰۶/۵	۳۱۰/۵	۳۱۴/۵	۳۱۸/۵	۳۲۰/۵	۳۲۴/۵	۳۲۸/۵	۳۳۲/۵	۳۳۶/۵	۳۴۰/۵	۳۴۴/۵	۳۴۸/۵	۳۵۲/۵	۳۵۶/۵	۳۶۰/۵
۷	۷	۷	۸	۹	۹	۹	۱۰	۱۰	۱۰	۱۱	۱۱	۱۲	۱۲	۱۲	۱۳	۱۳	۱۴	۱۴
۱۳۷۸/۵	۱۳۷۹/۵	۱۳۸۰/۵	۱۳۸۱/۵	۱۳۸۲/۵	۱۳۸۳/۵	۱۳۸۴/۵	۱۳۸۵/۵	۱۳۸۶/۵	۱۳۸۷/۵	۱۳۸۸/۵	۱۳۸۹/۵	۱۳۹۰/۵	۱۳۹۱/۵	۱۳۹۲/۵	۱۳۹۳/۵	۱۳۹۴/۵	۱۳۹۵/۵	۱۳۹۶/۵
۱۶	۱۶	۱۶	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷
۱۳۹۶/۵	۱۴۰۱/۵	۱۴۰۲/۵	۱۴۰۳/۵	۱۴۰۴/۵	۱۴۰۵/۵	۱۴۰۶/۵	۱۴۰۷/۵	۱۴۰۸/۵	۱۴۰۹/۵	۱۴۱۰/۵	۱۴۱۱/۵	۱۴۱۲/۵	۱۴۱۳/۵	۱۴۱۴/۵	۱۴۱۵/۵	۱۴۱۶/۵	۱۴۱۷/۵	۱۴۱۸/۵
۰,۷																δ	γ	α
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
۲۹۰/۵	۲۹۴/۵	۲۹۸/۵	۳۰۲/۵	۳۰۶/۵	۳۱۰/۵	۳۱۴/۵	۳۱۸/۵	۳۲۰/۵	۳۲۴/۵	۳۲۸/۵	۳۳۲/۵	۳۳۶/۵	۳۴۰/۵	۳۴۴/۵	۳۴۸/۵	۳۵۲/۵	۳۵۶/۵	۳۶۰/۵
۶	۶	۶	۷	۷	۷	۷	۸	۸	۸	۹	۹	۱۰	۱۰	۱۰	۱۱	۱۱	۱۲	۱۲
۱۴۰۱/۵	۱۴۰۲/۵	۱۴۰۳/۵	۱۴۰۴/۵	۱۴۰۵/۵	۱۴۰۶/۵	۱۴۰۷/۵	۱۴۰۸/۵	۱۴۰۹/۵	۱۴۱۰/۵	۱۴۱۱/۵	۱۴۱۲/۵	۱۴۱۳/۵	۱۴۱۴/۵	۱۴۱۵/۵	۱۴۱۶/۵	۱۴۱۷/۵	۱۴۱۸/۵	۱۴۱۹/۵
۱۵	۱۵	۱۵	۱۶	۱۶	۱۶	۱۶	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷	۱۷

شکل ۱۱. مقادیر VSS برای مثال‌های عددی ($\gamma = ۰,۱, \alpha = ۰,۱$, $\delta = ۰,۷$).

برای بررسی مزیت برنامه‌ریزی تصادفی دو مرحله‌یی است. VSS به صورت زیر فرمول‌سازی می‌شود:

$$VSS = z_{EEV} - z_{HN} \quad (44)$$

به طوری که z_{EEV} و z_{HN} به ترتیب بیانگر مقادیر توابع هدف، تحت رویکرد ارزش میانگین و رویکرد برنامه‌ریزی تصادفی هستند. شکل ۱۱ نتایج محاسبه‌ی VSS جواب تصادفی (VSS^۱) معروفی شده توسط بریچ، یکی از معیارهای رایج درصد در نظر گرفته شده است.

سایر مثال‌ها نیز نتایج مشابهی حاصل شد. شکل ۱۰ نتیجه‌ی تغییر پارامتر δ بر تمام مثال‌های عددی را نشان می‌دهد. در بررسی انجام گرفته، کمینه‌ی سطح تأمین ۷۰ درصد در نظر گرفته شده است. معیارهای متعددی برای ارزیابی رویکردهای مبتنی بر ستاریو وجود دارد. ارجش جواب تصادفی (VSS^۱) معروفی شده توسط بریچ، یکی از معیارهای رایج

تقاضا در زمان استاندارد است. اگرچه که تأمین تمام تقاضا در اولویت قرار دارد اما در واقعیت این امر ممکن است در زمان مورد نظر و لازم امکان پذیر نباشد؛ به این دلیل، در این مقاله محدودیت‌های مربوط به تأمین تقاضا به صورت احتمالی در نظر گرفته شد. حل مدل به منظور تصمیم‌گیری در کوتاه‌ترین زمان ممکن و با دقت قابل قبول خود حائز اهمیت است. بنابراین برای حل مدل ارائه شده از یک روش حل ابتکاری استفاده شد. ابتدا تمام تخصیصات لازم بر اساس الگوریتم زنگنه انجام شد و سپس مدل دقیق مسئله با محدودیت‌ها و متغیرهای کمتر با استفاده از نرم‌افزار CPLEX حل شد. رویکرد حل پیشنهادی برای هشت مجموعه مثال عددی مقایسه شد. با استفاده از مجموعه‌ی مثال‌ها، کارایی مدل و روش حل معرفی شده بررسی شد. همچنین رویکرد پیشنهادی برای اندازه‌های مختلف با رویکرد ارائه شده توسط فهیم‌نیا و همکاران^[۲۹] مقایسه و نشان داده شد که روش حل ابتکاری پیشنهادی در این مقاله برای مسائل با اندازه‌های بزرگ در مدت زمان کوتاه‌تری به جواب مقبول دست پیدا می‌کند. به منظور مطالعات آتی می‌توان، مدل ارائه شده را با توجه نحوه حمل و نقل و مسیر یابی تسهیلات سیار در شرایط بحران که ممکن است راه‌های ارتباطی یا هر کدام از مراکز دچار اختلال باشند، گسترش داد.

۶. نتیجه‌گیری و پیشنهادها

در این مقاله یک مدل بهینه‌سازی زنجیره‌ی تأمین فرآورده‌های خونی توسعه داده شد. در مطالعه حاضر، مدل ارائه شده توسط فهیم‌نیا و همکاران^[۲۹] گسترش داده شد و با اضافه کردن مفروضاتی مدل برای کاربرد در مسائل واقعی مناسب تر شد. در این مطالعه، یک زنجیره‌ی تأمین چهار - سطحی تشکل از اهداف نندگان، مراکز محلی، مراکز منطقه‌یی، تسهیلات سیار و بیمارستان‌ها بررسی شد. فرض شد که تقاضای بیمارستان‌ها در صورت لزوم قابل تأمین از طریق سایر بیمارستان‌ها نیز باشد. به منظور طراحی یک مدل واقع‌بینانه در مراحل مختلف درصدی از خون به دلایلی از جمله فساد یا حمل و نقل نامناسب از چرخه‌ی تأمین و انتقال حذف شد. هدف مدل ارائه شده کمینه کردن همه‌ی هزینه‌های زنجیره‌ی هزینه‌های زنجیره‌ی با توجه به تأمین بیشینه‌ی

پانوشت

1. value of the stochastic solution

(References) منابع

1. Sha, Y. and Huang, J. "The multi-period location-allocation problem of engineering emergency blood supply systems", *Systems Engineering Procedia*, **5**, pp. 21-28 (2012).
2. Mete, H.O. and Zabinsky, Z.B. "Stochastic optimization of medical supply location and distribution in disaster management", *International Journal of Production Economics*, **126**, pp. 76-84 (2010).
3. Starr, M.K., Van Wassenhove, L.N. "Introduction to the special issue on hum operations and crisis management", *Production and Operations Management*, **23**, pp. 925-937 (2014).
4. Cohen, M.A. and Pierskalla, W.P. "Management policies for a regional blood bank", *Transfusion*, **15**(1), pp. 57-67 (1975).
5. Beliën, J. and Forcé, H. "Supply chain management of blood products: A literature review", *Operational Research*, **217**(1), pp. 1-16 (2012).
6. DHHS, *The 2011 National Blood Collection and Utilization Survey Report*, Washington, DC: Department of Health and Human Services (2013).
7. Gerberding, J.L., Falk, H., Arias, I. and Hunt, R.C., *In a Moment's Notice: Surge Capacity for Terrorist Bomb-*
- ings. U.S, Department of Health and Human Sciences, Atlanta, Georgia (2007).
8. Arvan, M., Tavakkoli-Moghaddama, R. and Abdollahi, M. "Designing a bi-objective, multi-product supply chain network for blood supply", *Uncertain Supply Chain Management*, **3**, pp. 57-68 (2015).
9. Yongming, Z. "A brief introduction to American blood taking system", *Clinical Transfusion and Inspection*, **1**(3), pp.56-72 (1999).
10. Anli, L., Yangpei, Z. and Quanli, W. "An experience on studying the American blood transfusion research", *Chinese Journal of Blood Transfusion*, **13**(4), pp.539-543 (2000).
11. Da, C., Yan, C. and Yingchun, C. "An analysis on the inventory management of blood scheduling after Wen Chuan Earthquake", *Chinese Journal of Blood Transfusion*, **21**(8), pp.180-200 (2008).
12. Hao, Y., Yan, C., Shurong, W., Qun, W. and Jianyun, L. "A method on blood supply in an emergency", *Chinese Journal of Blood Transfusion*, **19**(1), pp. 93-94 (2008).
13. Cheng, L., Bin, S., Weixing, W. and Min, Y. "An introduction to the research of the blood security system in an emergency", *People's Military Surgeon*, **51**(3), pp.491-498 (2008).
14. Daskin, M., Couillard, C. and Shen, Z.-J. "An inventory-location model: Formulation, solution algorithm and computational results", *Annals of Operations Research*, **110**, pp. 83-106 (2002).
15. Shen, Z.-J.M., Couillard, C. and Daskin, M.S. "A Joint location-inventory model", *Transportation Science*, **37**, pp. 40-55 (2003).

16. Şahin, G., Süral, H. and Meral, S. "Locational analysis for regionalization of Turkish Red Crescent blood services", *Computers and Operations Research*, **34**, pp. 692-704 (2007).
17. Zhou, D., Leung, L.C. and Pierskalla, W.P. "Inventory management of platelets in hospitals: Optimal inventory policy for perishable products with regular and optional expedited replenishments", *Manuf and Serv Oper Manag*, **13**(4), pp. 420-438 (2011).
18. Alfonso, E., Xie, X. and Augusto, V. "Modeling and simulation of blood collection systems", *Health Care Manag. Sci.*, **15**(1), pp. 63-78 (2012).
19. Vafa Arani, H. and Bozorgi-Amiri, A. "A dynamic multi-objective model for location-allocation problem in emergency network design for blood supply", *Iran University of Science and Technology Magazine*, **35**, pp.695-707 (2013).
20. Jabbarzadeh, A., Fahimnia, B. and Seuring, S. "Dynamic supply chain network design for the supply of blood in disasters: A robust model with real world application", *Transportation Research Part E*, **70**, pp. 244-255 (2014).
21. Zahiri, B., Mousazadeh, M. and Bozorgi-Amiri, A. "A robust stochastic programming approach for blood collection and distribution network design", *Int. J. Research in Industrial Engineering*, **3**(2), pp. 1-11 (2014).
22. Cheraghi, S. and Hosseini-Motlagh, S.M. "Optimal blood transportation in disaster relief considering facility disruption and route reliability under uncertainty", *Int. J. Transp. Eng.*, **4**(3), pp. 225-254 (2017).
23. Fereiduni, M. and Shahanaghi, K. "A robust optimization model for blood supply chain in emergency situations", *Int. J. Ind. Eng. Comput.*, **7**(4), pp. 535-554 (2016).
24. Kohneh, J.N., Teymoury, E. and Pishvaee, M.S. "Blood products supply chain design considering disaster circumstances (Case study: Earthquake disaster in Tehran)", *J. Ind. Syst. Eng.*, **9**, pp. 51-72 (2016).
25. Zahiri, B. and Pishvaee, M.S. "Blood supply chain network design considering blood group compatibility under uncertainty", *Int. J. Prod. Res.*, **75**⁴³, pp. 1-21 (2016).
26. Dillon, M., Oliveira, F. and Abbasi, B. "A two-stage stochastic programming model for inventory management in the blood supply chain", *Int. J. Prod. Econ.*, **187**, pp. 27-41 (2017).
27. Ensafian, H. and Yaghoubi, S. "Robust optimization model for integrated procurement, production and distribution in platelet supply chain", *Transp. Res. Part E Logist. Transp. Res.*, **103**, pp. 32-55 (2017).
28. Ensafian, H., Yaghoubi, S. and Modarres Yazdi, M. "Raising quality and safety of platelet transfusion services in a patient-based integrated supply chain under uncertainty", *Comput. Chem. Eng.*, **106**, pp. 355-372 (2017).
29. Fahimnia, B., Jabbarzadeh, A., Ghavamifar, A. and Bell, M. "Supply chain design for efficient and effective blood supply in disasters", *Intern. Journal of Production Economic*, **183**, pp. 700-709 (2015).
30. Hinojosa, Y., Kalcsics, J., Nickel, S., Puerto, J. and Velten, S. "Dynamic supply chain design with inventory", *Computers and Operations Research*, **35**, pp. 373-391 (2008).
31. Goldberg, D.E., *Genetic Algorithms in Search, Optimization, and Machine Learning*, Reading MA: Addison Wesley (1989).
32. Fisher, M.L. "The Lagrangian relaxation method for solving integer programming problems", *Management Science*, **50**, pp. 1861-1871 (2004).
33. Fakhrzad, M.B. and Sadri Sfahani, A. "Modeling the time windows vehicle routing problem in cross-docking strategy using two meta-heuristic algorithms", *International Journal of Engineering-Transactions A: Basics*, **27**(7), pp. 1113-1126 (2013).