

## زمان بندی کار کارگاهی انعطاف پذیر با در نظر گرفتن محدودیت نگاه داری و تعمیرات (نت)

سید حسام الدین دگودی (دانشیار)

مهدی رحیمی فشقانی (کارشناس ارشد)

دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس

در این نوشتار، مسئله‌ی زمان بندی کار کارگاهی انعطاف پذیر<sup>۱</sup> با وجود انعطاف پذیری عملیات و در نظر گرفتن محدودیت نگاه داری و تعمیرات (نت) مورد بررسی قرار گرفته است. در اکثر مدل های زمان بندی کار کارگاهی انعطاف پذیر فرض بر این است که ماشین ها در تمام اوقات در دسترس اند. اما در محیط های صنعتی واقعی ممکن است ماشین ها به دلایل مختلف - مانند نگاه داری و تعمیرات پیشگیرانه - در دسترس نباشند. در این تحقیق محدودیت دسترسی به ماشین ها از نوع قطعی و تحت عنوان محدودیت نت به صورت دسترسی نامعین<sup>۲</sup>، مجاز بودن انقطاع عملیات<sup>۳</sup> و سیاست پردازش از سرگیری مجدد کار<sup>۴</sup> بررسی شده است. بر این اساس، یک مدل ریاضی از نوع برنامه ریزی غیر خطی عدد صحیح مختلط برای مسئله‌ی تحقیق ارائه شده است. نتایج محاسبات مؤید کارایی روش پیشنهادی برای حل مسئله‌ی تحقیق است.

واژگان کلیدی: زمان بندی کار کارگاهی انعطاف پذیر، دسترسی به ماشین، نگاه داری و تعمیرات (نت)، الگوریتم ژنتیک، الگوریتم ابتکاری.

zegordi@modares.ac.ir  
mahdi.rahimi.gh@gmail.com

### مقدمه

بنابراین، برنامه ریزی و زمان بندی بهینه‌ی تولید و کنترل ماشین ها، برای سرمایه گذاران و تولیدکنندگان، بسیار اهمیت دارد. تحت این شرایط، امروزه مهم ترین مسئله در زمینه بهینه سازی سیستم های تولیدی سیاست های نگاه داری و تعمیرات، قاعده‌ی زمان بندی، و تخصیص قطعات به ماشین ها است. در اکثر مدل های زمان بندی کار کارگاهی انعطاف پذیر فرض بر این است که ماشین ها در تمام اوقات در دسترس اند. اما در محیط های صنعتی واقعی، ممکن است ماشین به دلایل مختلف در طول افق برنامه ریزی در دسترس نباشد. به طور عام، عدم دسترسی به ماشین ممکن است تصادفی - نظیر خرابی یا از کار افتادگی ماشین - یا قطعی - نظیر نگاه داری و تعمیرات پیشگیرانه، تعمیرات اساسی و زمان بندی های قبلی - باشد.<sup>[۱]</sup>

نوشتار حاضر در قالب هشت بخش تهیه شده است. پس از ذکر مقدمه و ضرورت تحقیق، ادبیات مسئله و پیشینه‌ی تحقیق در دو زمینه‌ی کار کارگاهی انعطاف پذیر و محدودیت دسترسی قطعی به ماشین ارائه می شود. سپس به تعریف مسئله‌ی تحقیق پرداخته و مدل سازی ریاضی آن بیان می شود. در ادامه، ضمن بیان رویکرد حل مسئله، روشی ترکیبی با استفاده از الگوریتم ژنتیک و روش ابتکاری برای حل آن ارائه خواهد شد. پس از آن آزمایش هایی عددی طراحی می شود و نتایج حاصل از آن به منظور نشان دادن کارایی روش پیشنهادی بررسی خواهد شد. در پایان نتایج و دستاوردهای تحقیق ذکر شده و زمینه های مناسب برای انجام تحقیقات آتی پیشنهاد خواهد شد.

امروزه محیط های تولید انعطاف پذیر، با دوره‌ی عمر کوتاه و افزایش تنوع در محصول شناخته می شوند. در چنین محیط هایی، انعطاف پذیری تولید به عنوان یک سلاح رقابتی کلیدی مطرح است و سبب افزایش توانایی کارخانه در پاسخ به تغییرات غیر قابل پیش بینی - به عنوان عامل اصلی فشار رقابتی - می شود. در سال ۱۹۸۲ انعطاف پذیری به عنوان «توانایی یک سیستم در سازگارشدهن با تغییرات گوناگون» تعریف شد.<sup>[۱]</sup> همچنان که در سال ۱۹۹۰ نیز انعطاف پذیری را توانایی یک سیستم در مقابله با تغییرات عنوان کردند.<sup>[۲]</sup>

در برنامه ریزی کف کارگاهی، هدف اصلی یافتن زمان بندی ممکن است به گونه‌ی که هزینه‌ی تولید را با در نظر گرفتن کلیه‌ی محدودیت های ممکن، کمینه کند. کار کارگاهی انعطاف پذیر یکی از رایج ترین سیستم ها در تولید قطعات متنوع است که از ترکیب سیستم کار کارگاهی و متغیرهای انعطاف پذیری کف کارگاه به وجود می آید. زمان بندی برای مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف پذیر، در زمینه‌ی بهینه سازی برنامه ریزی تولید بسیار حائز اهمیت است.<sup>[۳]</sup>

در تولید صنعتی، سازگاری سیستم های تولید هوشمند با نوسانات بازار (نظیر تقاضای تصادفی) و اختلالات درونی (مانند از کار افتادگی ماشین ها) امری ضروری است. ماشین ها باید همزمان و به طور مؤثر قادر به تولید چندین نوع محصول باشند.

تاریخ دریافت: ۱۳۸۷/۲/۲۹، داوری: ۱۳۸۷/۱۰/۲۵، پذیرش: ۱۳۸۸/۷/۱

## مرور ادبیات و پیشینه‌ی تحقیق

### مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر

کار کارگاهی انعطاف‌پذیر برخلاف کار کارگاهی، از ادبیات غنی و جامعی برخوردار نیست؛ این مسئله اولین بار در سال ۱۹۹۰ مطرح شد. کار کارگاهی انعطاف‌پذیر، جزء سخت‌ترین مسائل بهینه‌سازی ترکیبی بوده و NP-hard است. بنابراین به دلیل پیچیدگی محاسباتی، دست‌یابی به جواب بهینه‌ی آن با روش‌های حل متداول بهینه‌سازی بسیار دشوار است.<sup>[۵]</sup> به‌منظور حل این دسته از مسائل زمان‌بندی، دو رویکرد «سلسله‌مراتبی» و «جامع» وجود دارد. در رویکرد سلسله‌مراتبی دو زیرمسئله‌ی «تخصیص ماشین» و «تعیین توالی عملیات»، به‌صورت مجزا در نظر گرفته می‌شوند. اما در رویکرد جامع این دو زیرمسئله به‌طور هم‌زمان در نظر گرفته شده و حل می‌شوند.<sup>[۶]</sup>

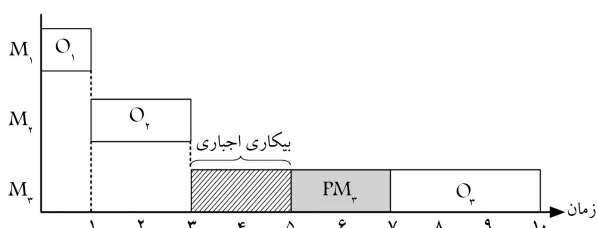
در سال ۱۹۹۳ برای اولین بار از این روش تجزیه برای مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر استفاده شد.<sup>[۷]</sup> در سال ۲۰۰۱ نیز برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با/بدون در نظر گرفتن انقطاع عملیات الگوریتمی چندجمله‌یی ارائه شد.<sup>[۸]</sup> پس از آن، در سال ۲۰۰۲، برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با چرخش مجدد کار از قواعد اولویتی مرکب بهره گرفته شد.<sup>[۹]</sup> در همان سال یک الگوریتم ژنتیک ارائه شد و از آن برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با تابع هدف یگانه و چندگانه استفاده شد.<sup>[۱۰]</sup> در سال ۲۰۰۵ یک روش سلسله‌مراتبی کار به‌منظور حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با تابع هدف چندگانه پیشنهاد شد.<sup>[۱۱]</sup> در سال ۱۹۹۴ الگوریتمی فرآیندکاری برای جست‌وجوی ممنوع با روش یک پارچه ارائه شد.<sup>[۱۲]</sup> در سال ۲۰۰۲ نیز ضمن توسعه‌ی روش جست‌وجوی ممنوع، دو تابع همسایگی برای حل مسئله ارائه شد.<sup>[۱۳]</sup> در سال ۲۰۰۳ محققین با استفاده از روش جست‌وجوی هوش مصنوعی، روشی جدید به نام «الگوریتم تکاملی همزیستی»<sup>[۱۴]</sup> ارائه کردند. پس از آن در سال ۲۰۰۵، روشی برای حل مسئله‌ی زمان‌بندی انباشته اقتصادی چندمحصولی با دوره‌ی عمومی، در کار کارگاهی انعطاف‌پذیر بیان شد.<sup>[۱۵]</sup> در سال ۲۰۰۶ مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با در نظر گرفتن اثر یادگیری مطرح شد و محققین به کمک الگوریتم ژنتیک به حل مسائل مطروحه پرداختند.<sup>[۱۶]</sup> در همان سال، با در نظر گرفتن زمان‌های آماده‌سازی وابسته به توالی عملیات، از الگوریتم جست‌وجوی ممنوع دومرحله‌یی به‌منظور حل مسائل استفاده شد.<sup>[۱۷]</sup> ازسوی دیگر، در این سال با در نظر گرفتن زمان‌های حمل‌ونقل و آماده‌سازی وابسته به توالی عملیات از الگوریتم بهینه‌سازی اجتماع مورچگان به‌منظور حل مسائل بهره گرفته شد.<sup>[۱۸]</sup> در سال ۲۰۰۷ برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر از الگوریتم ژنتیک با راهکارهای حل ترکیبی استفاده کردند.<sup>[۱۹]</sup> این مسئله با تابع هدف چندگانه و به‌کمک الگوریتم ژنتیک ترکیبی و روش جست‌وجوی محلی نیز حل شده است.<sup>[۱۸]</sup>

### محدودیت دسترسی قطعی به ماشین

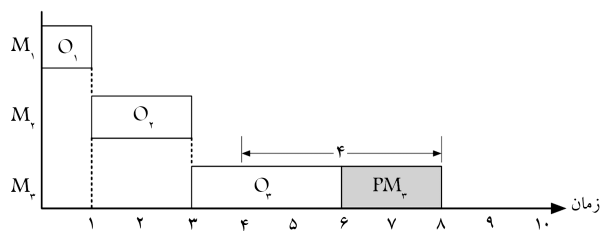
از جمله محدودیت‌هایی که در ادبیات مسائل زمان‌بندی وجود دارد، محدودیت دسترسی به ماشین‌ها است. بدین معنی که دسترسی مداوم به ماشین‌ها، در سراسر دوره‌ی زمان‌بندی مقدور نیست. غالباً هنگام برنامه‌ریزی و زمان‌بندی تولید، این مسئله مورد غفلت واقع شده یا به‌دلیل دشواری مسئله‌ی زمان‌بندی، ترجیح داده می‌شود محدودیت دسترسی به ماشین‌ها در زمان‌بندی اعمال نشود. اهمیت برنامه‌ریزی با در نظر گرفتن این محدودیت در محیط‌هایی آشکار می‌شود که عدم دسترسی به

ماشین‌ها در آن هزینه‌های زیادی به سیستم تولید تحمیل می‌کند. بنابراین لزوم در نظر گرفتن محدودیت دسترسی در مدل‌های واقع‌گرایانه‌ی زمان‌بندی کاملاً واضح است.

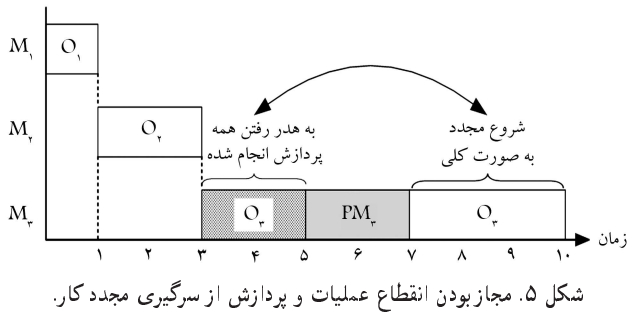
محدودیت‌های دسترسی قطعی در سیستم‌های تولید را عموماً می‌توان به دو دسته تقسیم کرد: محدودیت‌های دسترسی معین<sup>۶</sup> و محدودیت‌های دسترسی نامعین. در محدودیت دسترسی معین دوره‌ی عدم دسترسی از یک نقطه‌ی ثابت زمانی شروع، و به یک نقطه‌ی زمانی معین ختم می‌شود. در محدودیت دسترسی نامعین، زمان شروع دوره‌ی عدم دسترسی نامعین است. به‌عبارت دیگر دوره‌ی عدم دسترسی انعطاف‌پذیر فرض می‌شود و در طول فرایند زمان‌بندی تعیین می‌گردد. البته فعالیت نگه‌داری و تعمیرات (نت) باید در پنجره‌های زمانی مشخصی انجام شود.<sup>[۱۹]</sup> در شکل ۱ فعالیت ماشین سوم «نت با محدودیت دسترسی معین» است. در این حالت امکان انجام عملیات سوم کار، پیش از انجام فعالیت نت وجود ندارد. اما در شکل ۲ ماشین سوم دارای فعالیت نت با محدودیت دسترسی نامعین است. به‌دلیل وجود پنجره زمانی انعطاف‌پذیر (با چهار واحد زمانی) برای انجام فعالیت نت، مرحله‌ی سوم کار را می‌توان پیش از انجام فعالیت نت تکمیل کرد. چنان‌که ملاحظه می‌شود، عملیات سوم کار به دلیل وجود بازه زمانی متعطف در حالت دوم، زودتر از حالت اول تکمیل می‌شود. این امر نشان‌گر مزیت نسبی وجود پنجره زمانی انعطاف‌پذیر است و سبب افزایش قدرت تصمیم‌گیری در حین زمان‌بندی می‌شود. در ادبیات مسائل زمان‌بندی با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها، کارها ممکن است از ویژگی‌های خاصی برخوردار باشند و در حین پردازش وضعیت متفاوتی بروز دهند. در حالت کلی و با توجه به این محدودیت، برای انجام یک عملیات سه شیوه وجود دارد: مجاز بودن انقطاع عملیات، انقطاع جزئی عملیات<sup>۷</sup> و عدم مجاز بودن انقطاع عملیات<sup>۸</sup>. مجاز بودن انقطاع عملیات بدین معناست که امکان قطع‌کردن عملیات پردازش روی ماشین، به‌منظور انجام عملیاتی دیگر - یا نگه‌داری و تعمیرات (نت) - وجود دارد و عملیات می‌تواند بدون هیچ جریمه‌یی بعداً ادامه یابد.<sup>[۲۰]</sup> در انقطاع جزئی عملیات چنانچه کار در یک بازه زمانی معین انجام شود انقطاع مجاز نیست، ولی اگر در خارج از این بازه زمانی انجام شود ممکن است انقطاع داشته باشد.<sup>[۲۱]</sup> در حالت مجاز نبودن انقطاع عملیات، عملیات شروع شده روی یک ماشین باید تا زمان تکمیل، بدون وقفه، ادامه یابد و شروع عملیاتی دیگر یا



شکل ۱. وجود محدودیت دسترسی معین برای ماشین سوم.



شکل ۲. وجود محدودیت دسترسی نامعین برای ماشین سوم.

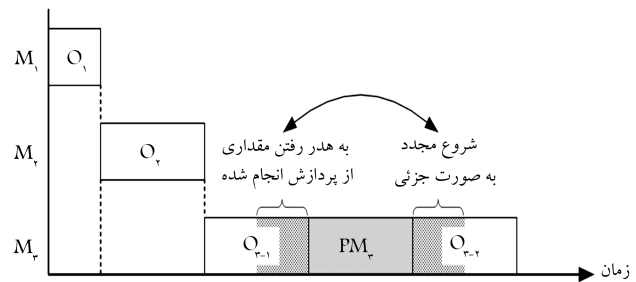
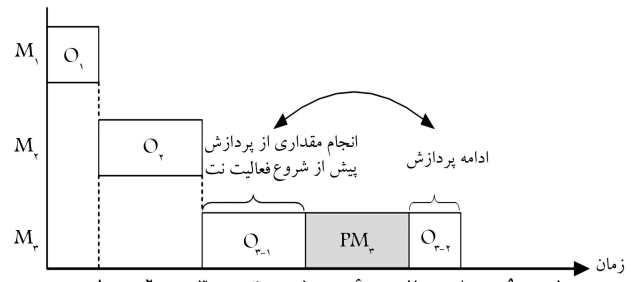


گرفتن عدم انتظار کار و محدودیت دسترسی به ماشین‌ها با سیاست تولید نوع R و N-R ارائه شد. محققین برای حل مسئله خود از یک الگوریتم تقریبی استفاده کردند.<sup>[۲۹]</sup> آنان در سال ۲۰۰۲ مسئله زمان بندی جریان کارگاهی انعطاف پذیر دومرحله‌یی را با وجود ماشین‌های موازی و با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و سیاست تولید نوع R ارائه کردند و به منظور حل مسئله خود از روش شاخه و کران بهره گرفتند.<sup>[۳۰]</sup> در سال ۲۰۰۳ مسئله زمان بندی جریان کارگاهی با در نظر گرفتن عدم انتظار کار و اعمال محدودیت روی هر دو ماشین ارائه شد.<sup>[۳۱]</sup> پس از آن در سال ۲۰۰۴، مسئله زمان بندی جریان کارگاهی دومرحله‌یی با ماشین‌های موازی را ارائه کردند که در آن حداکثر یک دوره عدم دسترسی برای هر ماشین وجود داشت و سیاست تولید نوع R و N-R بود. آنها مسئله خود را با دو روش شاخه و کران و الگوریتم ترکیبی ابتکاری حل کردند.<sup>[۳۲]</sup> در همان سال محققین مسئله عمومی زمان بندی جریان کارگاهی را با اعمال محدودیت روی هر یک از ماشین‌ها بررسی کردند.<sup>[۳۰]</sup> در سال ۲۰۰۵ مسئله زمان بندی جریان کارگاهی دومرحله‌یی با در نظر گرفتن عدم انتظار کار و اعمال محدودیت روی هر ماشین ارائه، و به کمک یک الگوریتم تقریبی حل شد.<sup>[۳۲]</sup> در همان سال مسئله زمان بندی جریان کارگاهی (دومرحله‌یی) با ماشین‌های موازی و با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و سیاست تولید نوع R ارائه شد و برای حل آن از الگوریتم تقریبی استفاده شد.<sup>[۳۳]</sup> در سال ۲۰۰۶ زمان بندی تک‌ماشینه با در نظر گرفتن اثر یادگیری و محدودیت دسترسی به ماشین‌ها با سیاست تولید نوع R و N-R مطرح شد. محققین برای حل مسئله خود از الگوریتم ابتکاری و روش شاخه و کران استفاده کردند.<sup>[۳۴]</sup> در سال ۲۰۰۷ مسئله زمان بندی کار کارگاهی با ماشین‌های چندمنظوره و وجود محدودیت دسترسی به ماشین‌ها با سیاست تولید نوع R ارائه شد که در آن برای حل مسئله از الگوریتم ابتکاری و جست‌وجوی ممنوع استفاده شد.<sup>[۳۵]</sup>

در کارهای معدودی، مسئله زمان بندی با محدودیت دسترسی نامعین بیان شده است. در سال ۱۹۹۹ محققین نشان دادند که مسئله تک‌ماشینه با وجود بازه‌های عدم دسترسی متعدد NP-hard است. آنها مسئله خود را با سیاست تولید نوع N-R و به کمک روش شاخه و کران حل کردند.<sup>[۳۶]</sup> در همان سال مسئله تک‌ماشینه با دوره عدم دسترسی نامعین و رژیم تولید نوع S-R نیز مورد مطالعه قرار گرفت.<sup>[۳۷]</sup> پس از آن در سال ۲۰۰۰، مسئله زمان بندی ماشین‌های موازی با سیاست تولید نوع N-R بررسی شد که در آن برای حل مسئله از الگوریتم چندجمله‌یی، شبه چندجمله‌یی و شاخه و کران بهره گرفته شد.<sup>[۳۸]</sup> در سال ۲۰۰۴ محققین مسائل زمان بندی تولید و نت را در محیط جریان کارگاهی ترکیب کردند.<sup>[۲۲]</sup> در سال ۲۰۰۶ مسئله زمان بندی تک‌ماشینه با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و سیاست تولید نوع N-R بیان شد و برای حل آن از الگوریتم تقریبی بهره گرفته شد.<sup>[۳۹]</sup> در همان سال، محققین مسئله زمان بندی کار کارگاهی را با

انجام فعالیت نت روی آن ماشین، پیش از تکمیل این عملیات مجاز نیست.<sup>[۲۲]</sup> اگر انقطاع کل عملیات یا انقطاع جزئی از آن مجاز باشد و پردازش کار بر روی ماشین، پیش از شروع دوره عدم دسترسی ماشین پایان نیابد، به منظور ادامه پردازش سه سیاست وجود خواهد داشت: ادامه پردازش کار، ادامه پردازش جزئی کار<sup>۱</sup>، پردازش از سرگیری مجدد کار. در ادامه پردازش کار، پس از این که ماشین بدون اتلاف زمان یا جریمه‌ای از سرگیری مجدد کار در دسترس قرار گرفت، پردازش کار ادامه می‌یابد. این نوع شیوهی پردازش در شکل ۳ نشان داده شده است. در ادامه پردازش جزئی کار، هنگامی که ماشین در دسترس قرار گرفت، کار پردازش به صورت جزئی (از میانه و نه از ابتدا) شروع می‌شود.<sup>[۲۳]</sup> بدین معنا که می‌بایست درصدی از پردازش‌هایی که پیش از دوره عدم دسترسی ماشین بر روی کار انجام شده بود مجدداً انجام شود. این امر سبب تضييع مقداری از پردازش‌های قبلی خواهد شد (شکل ۴). در پردازش از سرگیری مجدد کار، هنگامی که ماشین در دسترس قرار گرفت، کار پردازش را از ابتدا شروع می‌کند و همه‌ی پردازش‌های قبلی به هدر می‌رود.<sup>[۴]</sup> در شکل ۵ امکان انقطاع عملیات و از سرگیری مجدد کار پس از فعالیت نشان داده شده است.

مسئله زمان بندی با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها اولین بار در سال ۱۹۸۴ مطرح، و مسئله زمان بندی ماشین‌های موازی با دوره‌های عدم دسترسی مختلف به ماشین‌ها و انقطاع عملیات بررسی شد.<sup>[۲۴]</sup> در سال ۱۹۸۹ محققین نشان دادند که مسئله زمان بندی تک‌ماشینه با مشخص بودن دوره عدم دسترسی به ماشین و سیاست تولید نوع N-R جزء مسائل NP-hard است.<sup>[۲۵]</sup> سپس در سال ۱۹۹۱، مسئله زمان بندی ماشین‌های موازی با وجود حداکثر یک دوره عدم دسترسی برای هر ماشین مطرح شد.<sup>[۲۶]</sup> در سال ۱۹۹۹ مسئله زمان بندی جریان کارگاهی دومرحله‌یی با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها و سیاست تولید نوع R بیان شد.<sup>[۲۷]</sup> در سال ۲۰۰۰ مسائل زمان بندی تک‌ماشینه، ماشین‌های موازی، و جریان کارگاهی با در نظر گرفتن محدودیت دسترسی به ماشین‌ها توسعه یافت.<sup>[۲۸]</sup> در سال ۲۰۰۱ مسئله زمان بندی جریان کارگاهی دوماشینه با در نظر



امکان یک دوره عدم دسترسی برای هر ماشین و رژیم تولید نوع N-R ارائه کردند. آنها برای حل این مسئله یک الگوریتم ژنتیک ترکیبی با دو نوع همسایگی بر پایه مفهوم مسیر بحرانی تعریف کردند.<sup>[۱۹]</sup>

## مسئله‌ی تحقیق

### تعریف مسئله

مسئله‌ی تحقیق شامل زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر در حالت وجود انعطاف‌پذیری عملیات با در نظر گرفتن محدودیت نت است. انعطاف‌پذیری عملیات، انجام یک عملیات با زمان پردازش و هزینه‌ی متفاوت بر روی ماشین‌های مختلف را ممکن می‌سازد. این نوع انعطاف‌پذیری را «انعطاف‌پذیری مسیر» نیز می‌نامند. در این نوع انعطاف‌پذیری، ماشین‌ها و توالی عملیاتی مختلفی وجود دارد، اما عملیات‌هایی که باید انجام شوند معین و ثابت‌اند.<sup>[۱۳]</sup> البته انعطاف‌پذیری که در این تحقیق مورد مطالعه قرار می‌گیرد، حالت خاصی از انعطاف‌پذیری عملیات است. این حالت شامل تعدادی ایستگاه کاری است که در آن، حداقل یک ایستگاه دارای بیش از یک ماشین موازی یکسان<sup>۱۱</sup> است. این مسئله، تعمیم‌یافته‌ی دو نظام کلاسیک کار کارگاهی کارگاه ماشین‌های موازی است. در این محیط، امکان انجام عملیات فقط در یک ایستگاه کاری مشخص وجود دارد و در سایر ایستگاه‌ها انجام آن ممکن نیست. همچنین عملیات مورد نظر، ممکن است توسط هر ماشین از مجموعه ماشین‌های در دسترس ایستگاه کاری از پیش تعیین شده انجام شود. در این محیط، هر کار بر پایه مسیر پردازش خود، نیازمند تعیین توالی عملیات در ایستگاه‌های کاری مختلف است و نباید در هر مرحله روی بیش از یک ماشین پردازش شود. همچنین، بعضی از کارها می‌توانند از بعضی ایستگاه‌ها عبور نکنند. در شکل ۶ گردش کارها روی ماشین‌های یک ایستگاه کاری در کارگاه نشان داده شده است.

یکی از عواملی که ممکن است سبب محدودیت دسترسی به ماشین‌ها در طول افق برنامه‌ریزی شود، وجود فعالیت‌های نت است. در این تحقیق محدودیت دسترسی به ماشین‌ها از نوع قطعی و تحت عنوان محدودیت نت در نظر گرفته می‌شود. محدودیت نت در حالت دسترسی نامعین بررسی شده و دوره‌ی عدم دسترسی در این شرایط انعطاف‌پذیر است. البته هر فعالیت نت می‌بایست در پنجره‌ی زمانی از پیش تعیین شده خود انجام شود و قطع کردن آن مجاز نیست. خصوصیات کارها با وجود این محدودیت، در حالت مجاز بودن انقطاع عملیات و رژیم پردازش از سرگیری مجدد کار مورد بررسی قرار می‌گیرد. همچنین تابع هدف این

مسئله، کمینه‌سازی معیار عملکرد بیشترین زمان تکمیل کلیه کارها به منظور افزایش بهره‌برداری از ماشین‌ها است.

با توجه به ویژگی‌های مسئله‌ی تحقیق، مسئله‌ی زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با در نظر گرفتن محدودیت نت بر اساس روش علامت‌گذاری به صورت  $FJS||nr,nfa||CMax$  نشان داده می‌شود.<sup>[۴۰]</sup>

علاوه بر فرضیات پایه‌ی مسائل زمان‌بندی، عمده‌ی فرضیات خاص این تحقیق عبارت‌اند از:

۱. قطع کردن عملیات مجاز است.
۲. دسترسی پیوسته به ماشین‌ها در طول دوره‌ی زمان‌بندی ممکن نیست.
۳. محدودیت نت از نوع قطعی و نامعین است.
۴. سیاست پردازش، از سرگیری مجدد کار است.
۵. قطع کردن فعالیت نت مجاز نیست.
۶. امکان انجام عملیات فقط در یک ایستگاه کاری مشخص وجود دارد.
۷. ماشین‌های موازی در هر ایستگاه کاری یکسان‌اند.

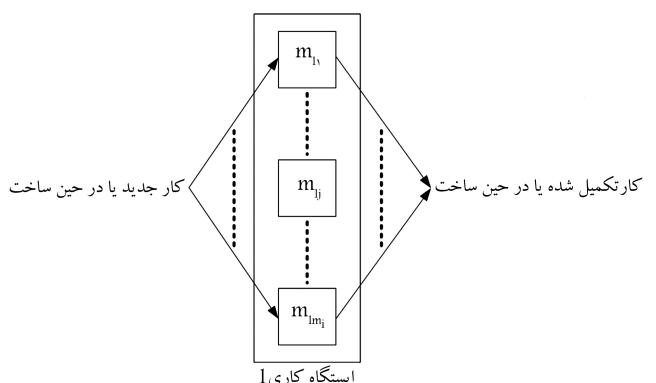
### ساختار مسئله

مسئله‌ی زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با در نظر گرفتن محدودیت نت به سه زیرمسئله‌ی مسیریابی، تعیین توالی و زمان‌بندی نت تقسیم می‌شود. زیرمسئله‌ی مسیریابی شامل تخصیص عملیات به یک ماشین از مجموعه ماشین‌های در دسترس ایستگاه کاری از پیش تعیین شده است. زیرمسئله‌ی تعیین توالی، توالی عملیات تخصیص‌یافته به ماشین‌ها را تعیین می‌کند و زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت، زمان تکمیل هر یک از فعالیت‌های نت را مشخص می‌کند.

در سال ۱۹۷۶ محققین نشان دادند که مسئله‌ی زمان‌بندی کار کارگاهی NP-hard است.<sup>[۴۱]</sup> از آنجا که مسئله‌ی زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با در نظر گرفتن ماشین‌های موازی، توسعه‌یافته‌ی کار کارگاهی است، مسئله‌ی مذکور نیز NP-hard خواهد بود. همچنین در سال ۱۹۹۹ نشان داده شد که مسئله‌ی تک‌ماشینه با وجود دوره‌های عدم دسترسی متعدد، NP-hard است.<sup>[۴۲]</sup> بنابراین مسئله‌ی زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر مورد مطالعه که ترکیب دو مسئله‌ی فوق است، نیز NP-hard خواهد بود.

### مدل ریاضی مسئله

در این تحقیق یک مدل ریاضی از نوع برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح مختلط برای مسئله‌ی مورد مطالعه ارائه می‌شود. در این مدل، تعداد  $n$  کار و  $L$  ایستگاه کاری وجود دارد. کار  $i$ ام دارای  $o_i$  عملیات با توالی معین و ایستگاه کاری  $l$ ام دارای  $m_l$  ماشین موازی یکسان است. عملیات  $o_{ik}$  توسط ماشین  $m_{lj}$  از مجموعه ماشین‌های در دسترس  $M_{ikl}$  در ایستگاه کاری از پیش تعیین شده  $W_l$ ، به مدت  $p_{iklj}$  واحد زمانی پردازش می‌شود. ماشین  $m_{lj}$  دارای فعالیت نت است که می‌بایست در طول برنامه‌ریزی انجام شوند. همچنین فعالیت نت  $PM_{ljr}$  به مدت  $t_{ljr}$  واحد زمانی انجام شده و در پنجره‌ی زمانی مشخصی تکمیل می‌شود. در ادامه اندیس‌ها، پارامترها و متغیرهای تصمیم معرفی، و سپس مدل ریاضی مسئله ارائه خواهد شد.



شکل ۶. گردش کارها بر روی ماشین‌های یک ایستگاه کاری در محیط کار کارگاهی انعطاف‌پذیر.

$$(c_{hq} - c_{ik} - p_{hqlj}) \cdot x_{iklj} \cdot x_{hqlj} \cdot y_{ikhq} \geq 0 \quad \forall \{i, h | i \neq h\}, k, q, l, j \quad (4)$$

$$(c_{ik} - u_{ljr} - p_{iklj}) \cdot x_{iklj} \cdot (1 - v_{ikljr}) \geq 0 \quad \forall i, k, l, j, r \quad (5)$$

$$(u_{ljr} - c_{ik} - t_{ljr}) \cdot x_{iklj} \cdot v_{ikljr} \geq 0 \quad \forall i, k, l, j, r \quad (6)$$

$$\sum_{l=1}^L \sum_{j \in M_{ikt}} x_{iklj} = 1 \quad \forall i, k \quad (7)$$

$$U_{ljr}^E \leq u_{ljr} \leq U_{ljr}^L \quad \forall l, j, r \quad (8)$$

$$c_{ik} \geq 0 \quad \forall i, k \quad (9)$$

$$u_{ljr} \geq 0 \quad \forall l, j, r \quad (10)$$

$$x_{iklj}, y_{ikhq}, v_{ikljr} \in \{0, 1\} \quad \forall \{i, h | i \neq h\}, k, q, l, j, r \quad (11)$$

در معادله‌ی ۱ هدف کمیته‌سازی معیار عملکرد بیشترین زمان تکمیل کلیه کارها است. نامعادله‌ی ۲ بیان‌گر محدودیت تقدم بین عملیات مختلف یک کار بر روی ماشین‌ها است و طبق آن عملیات (k-1)ام از کار نام پیش از عملیات kام آن انجام می‌شود. نامعادلات ۳ و ۴ بیان‌گر محدودیت ناهمزمانی انجام عملیات کارهای مختلف روی یک ماشین هستند. به عبارت دیگر دو عملیات مختلف، همزمان به یک ماشین تخصیص داده نمی‌شوند. باید توجه داشت که این دو محدودیت از نوع محدودیت‌های انفصالی‌اند. یعنی برای هر ماشین، یکی از این محدودیت‌ها خود به خود ارضاء، و از مدل حذف می‌شود. نامعادلات ۵ و ۶ بیان‌گر محدودیت ناهمزمانی انجام فعالیت‌های نت و عملیات کارهای مختلف بر روی یک ماشین هستند. به عبارت دیگر، در هر لحظه فقط امکان تخصیص یک فعالیت نت یا عملیات به هر ماشین وجود دارد. این دو محدودیت نیز از نوع محدودیت‌های انفصالی‌اند. معادله‌ی ۷ نشان می‌دهد که می‌بایست یک ماشین از مجموعه ماشین‌های در دسترس برای انجام هر عملیات انتخاب شود و نامعادله‌ی ۸ بیان می‌کند که فعالیت‌های نت می‌بایست در پنجره زمانی مشخصی تکمیل شوند.

### رویکرد حل مسئله

بسیاری از مسائل بهینه‌سازی در سیستم‌های تولید، خصوصاً مسائل بهینه‌سازی زمان‌بندی در کارگاه، بسیار پیچیده بوده و حل آنها با روش‌های بهینه‌سازی معمولی امکان‌پذیر نیست. از سال ۱۹۶۰، الگوریتم‌های تکاملی به‌عنوان دسته‌بی از الگوریتم‌های بهینه‌سازی توجه بسیاری از محققان را برای حل این‌گونه مسائل پیچیده به خود جلب کرده‌اند. این الگوریتم‌ها که مبنایی تصادفی دارند، به‌منظور جست‌وجوی نقطه‌ی بهینه‌ی کلی، در فضا‌های پیچیده بسیار مناسب‌اند و کم‌تر در نقاط بهینه‌ی محلی گرفتار می‌شوند. [۱۳، ۱۴] با توجه به ادبیات مسئله‌ی تحقیق و روش‌های حل آن که در بخش ۲ مرور شد، باید اشاره کرد که الگوریتم ژنتیک یکی از شناخته‌شده‌ترین الگوریتم‌های تکاملی است و روشی کارا برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر تلقی می‌شود. این الگوریتم تکاملی اولین بار در سال ۱۹۷۵ مطرح شد و سپس توسط محققین بعدی توسعه یافت. این روش که بر پایه‌ی جست‌وجوی تصادفی و تکامل استوار شده، در حل مسائل بهینه‌سازی ترکیبی عملکردی مؤثر دارد. بدین ترتیب که با استفاده از اطلاعات مربوط به نسل‌های گذشته، فرایند جست‌وجو در جمعیت انجام می‌شود، و با استفاده از سازوکار توارث، خصوصیات افراد جمعیت از نسلی به نسل دیگر بهبود می‌یابد. [۲۲]

اندیس‌ها:

کارها

$$i, h = 1, 2, \dots, n$$

ماشین‌های موازی در ایستگاه کاری لام

$$j = 1, 2, \dots, m_l$$

توالی عملیات

$$k, q = 1, 2, \dots, o_i$$

فعالیت‌های نت

$$r = 1, 2, \dots, R_{lj}$$

ایستگاه‌های کاری

$$l = 1, 2, \dots, L$$

پارامترها:

n: تعداد کل کارها

$M_{ikt}$ : مجموعه ماشین‌های در دسترس در ایستگاه کاری لام

$o_{ik}$ : جهت انجام

m: تعداد کل ماشین‌ها

$o_i$ : تعداد عملیات کار لام

$t_{m_{lj}}$ : زمان در دسترس بودن  $m_{lj}$

$o_{ik}$ : عملیات لام از کار لام

$R_{lj}$ : تعداد فعالیت‌های نت بر روی  $m_{lj}$

L: تعداد کل ایستگاه‌های کاری

$PM_{ljr}$ : فعالیت نت rام بر روی  $m_{lj}$

$W_l$ : ایستگاه کاری لام

$t_{ljr}$ : مدت زمان انجام  $PM_{ljr}$

$m_l$ : تعداد ماشین‌های موازی در ایستگاه کاری لام

$U_{ljr}^E$ : زودترین زمان تکمیل  $PM_{ljr}$

$m_{lj}$ : ماشین لام از ایستگاه کاری لام

$U_{ljr}^L$ : دیرترین زمان تکمیل  $PM_{ljr}$

$p_{iklj}$ : مدت زمان پردازش  $o_{ik}$  بر روی  $m_{lj}$

$[U_{ljr}^E, U_{ljr}^L]$ : پنجره زمانی جهت تکمیل  $PM_{ljr}$

متغیرهای تصمیم:

$c_{ik}$ : زمان تکمیل  $o_{ik}$

$u_{ljr}$ : زمان تکمیل  $PM_{ljr}$

$$x_{iklj} = \begin{cases} 1 & \text{اگر } m_{lj} \text{ برای انجام } o_{ik} \text{ انتخاب شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

$$y_{ikhq} = \begin{cases} 1 & \text{اگر } o_{ik} \text{ پیش از } o_{hq} \text{ انتخاب شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

$$v_{ikljr} = \begin{cases} 1 & \text{اگر } o_{ik} \text{ پیش از } PM_{ljr} \text{ انتخاب شود} \\ 0 & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

اگر تابع هدف را کمیته‌سازی بیشترین زمان تکمیل کلیه کارها فرض کنیم، مسئله تحقیق به صورت زیر فرمول‌بندی می‌شود:

$$\text{Min} : c_{Max} = \text{Max} \{c_{io_i}\}_{1 \leq i \leq n} \quad (1)$$

$$s.t. c_{ik} - c_{i,k-1} \geq p_{iklj} \cdot x_{iklj} \quad k = 2, 3, \dots, o_i; \forall i, l, j \quad (2)$$

$$(c_{ik} - c_{hq} - p_{iklj}) \cdot x_{iklj} \cdot x_{hqlj} \cdot (1 - y_{ikhq}) \geq 0 \quad \forall \{i, h | i \neq h\}, k, q, l, j \quad (3)$$

چنان که پیش‌تر اشاره شد، مسئله‌ی اصلی به سه زیرمسئله‌ی مسیریابی، تعیین توالی و زمان‌بندی نت تقسیم می‌شود. در تحقیق حاضر به‌منظور حل مسئله از یک روش ترکیبی استفاده می‌شود. بدین ترتیب که دو زیرمسئله‌ی مسیریابی و تعیین توالی به‌کمک الگوریتم ژنتیک حل می‌شوند. حل این دو زیرمسئله، با رویکردی یک‌پارچه انجام می‌گیرد. به‌عبارت دیگر دو زیرمسئله‌ی مسیریابی و تعیین توالی به‌صورت هم‌زمان در نظر گرفته شده و حل می‌شوند. همچنین برای حل زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت از یک الگوریتم ابتکاری استفاده می‌شود.

یک روش بسیار پرکاربرد در مواجهه با مسائل بهینه‌سازی با انواع مختلف متغیرهای تصمیم این است که تعدادی از متغیرهای تصمیم در فرایند کدگذاری کروموزوم‌ها در نظر گرفته نشده و در فرایند کدگذاری به‌وسیله‌ی روش‌های ابتکاری تعیین می‌شوند. چنانچه اطلاعات این نوع از متغیرهای تصمیم در کروموزوم‌ها وجود نداشته باشد، طول کروموزوم‌ها نسبت به زمان وجود آنها کوتاه‌تر خواهد بود. از این رو فضای جست‌وجوی ژنتیک کاهش یافته و انجام عملیات تقاطع و جهش به‌دلیل کاهش تعداد ژن‌ها در هر کروموزوم آسان می‌شود و در نتیجه، کارایی الگوریتم ژنتیک بهبود خواهد یافت.<sup>[۱۹]</sup> در این تحقیق نیز در برخورد با متغیرهای تصمیم مربوط به زمان‌بندی نت  $(u_{ijr}, v_{ijklr})$ ، از واردکردن اطلاعات آن متغیرها در کروموزوم صرف نظر شده و مقادیر آنها با استفاده از یک الگوریتم ابتکاری و در فرایند کدگذاری بر پایه‌ی اولویت در توالی تعیین می‌شود و بدین ترتیب زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت نیز حل خواهد شد.

### الگوریتم ژنتیک پیشنهادی

چنان که گفته شد، ساختار کلی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی دربرگیرنده‌ی طراحی کروموزوم، تولید جمعیت اولیه، انجام عملیات تقاطع و جهش، استفاده از الگوریتم ابتکاری برای حل زیرمسئله‌ی نت، و انجام فرایندهای ارزیابی و انتخاب است. رویه‌ی کلی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در شکل ۷ نشان داده شده است.

### طراحی کروموزوم

یکی از مهم‌ترین عوامل تعیین‌کننده‌ی کارایی الگوریتم ژنتیک، طراحی سیستم کدگذاری برای نمایش جواب‌ها و تأثیر متقابل کدگذاری و عملگرهای ژنتیک است.<sup>[۱۹]</sup> در تحقیق حاضر با توجه به ماهیت مسئله، یک کروموزوم دورشته‌ی برای نمایش هر جواب ارائه شده که در آن رشته‌ی اول نشان‌گر تخصیص ماشین و رشته‌ی دوم نشان‌گر توالی عملیات است. طول کروموزوم نیز برابر تعداد کل عملیات  $(\sum_{i=1}^n o_i)$  است. هر ژن در کروموزوم دارای مکان مشخصی است که نشان‌دهنده‌ی عملیات

مربوط به یک کار و ایستگاه کاری پردازش‌گر آن عملیات است. همچنین رشته‌ی توالی عملیات به روش نمایش جایگشت<sup>۱۲</sup> نشان داده شده است. به‌منظور درک بهتر سیستم کدگذاری، مثال ارائه شده با چهار کار و سه ایستگاه کاری را در نظر بگیرید که در آن، هر کار دارای سه عملیات و هر ایستگاه به‌ترتیب دارای سه، دو و دو ماشین موازی یکسان است. کروموزوم متناظر با جواب دارای دو رشته به‌طول دوازده است و مطابق شکل ۸ کدگذاری می‌شود. مفهوم این نحوه‌ی نمایش کروموزوم چنین بیان می‌شود: براساس رشته‌ی توالی عملیات، نخستین عملیات به‌منظور پردازش همان عملیات اول کار یک است که با توجه به رشته‌ی تخصیص ماشین، بر روی ماشین اول ایستگاه کاری یک انجام می‌شود. سایر مکان‌های کروموزوم نیز به همین صورت قابل تفسیرند.

### تولید جمعیت اولیه

در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، جمعیت اولیه (Pop Size) به‌صورت تصادفی و بدون استفاده از روش‌های ابتکاری تولید شده و فاقد هرگونه اطلاعات در رابطه با مسئله است. این امر سبب حفظ تنوع کروموزوم‌ها در جمعیت و کاهش احتمال هم‌گرایی سریع و پیش از موعد و به دام افتادن در نقاط بهینه‌ی محلی خواهد شد.<sup>[۱۹]</sup>

### عملیات تقاطع

در الگوریتم ژنتیک، عملیات تقاطع سبب ترکیب دو کروموزوم والد به‌منظور تولید کروموزوم‌های فرزند، که ویژگی‌های والدین خود را دارند، می‌شود.<sup>[۱۹]</sup> در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، از دو عملیات تقاطع مکان‌محور<sup>۱۳</sup> و ترتیب‌محور<sup>۱۴</sup> به‌صورت ترکیبی و با نرخ  $P_c$  استفاده شده است. عملگر تقاطع مکان‌محور بر روی رشته‌ی تخصیص ماشین و عملگر تقاطع ترتیب‌محور بر روی رشته توالی عملیات اعمال می‌شوند. در عملیات تقاطع مکان‌محور، تعدادی از ژن‌های کروموزوم  $P_1$  به‌طور تصادفی انتخاب شده و دقیقاً در همان مکان از کروموزوم  $O_1$  قرار می‌گیرند. در صورتی که یک ژن از کروموزوم  $P_1$  در عملیات مشارکت نداشته باشد، ژن هم‌مکان آن از کروموزوم  $P_2$  در عملیات شرکت کرده و به همان مکان از  $O_1$  منتقل خواهد شد. در عملیات تقاطع ترتیب‌محور، ابتدا تعدادی از ژن‌های کروموزوم  $P_1$  به‌طور تصادفی انتخاب، سپس ژن‌های منتخب کروموزوم  $P_1$  از  $P_2$  حذف می‌شوند. آنگاه ژن‌های باقی‌مانده در کروموزوم  $P_2$  دقیقاً در همان مکان از کروموزوم  $O_1$  قرار می‌گیرند. برای تکمیل کروموزوم  $O_1$  ژن‌های منتخب کروموزوم  $P_1$  با حفظ ترتیب از چپ به راست در مکان‌های خالی کروموزوم  $O_1$  قرار خواهند گرفت. در شکل‌های ۹ و ۱۰ نحوه‌ی انجام عملیات تقاطع مکان‌محور و ترتیب‌محور نشان داده شده است.

کروموزوم  $O_2$  نیز طبق فرایند فوق، و با تعویض جای دو کروموزوم  $P_1$  و  $P_2$

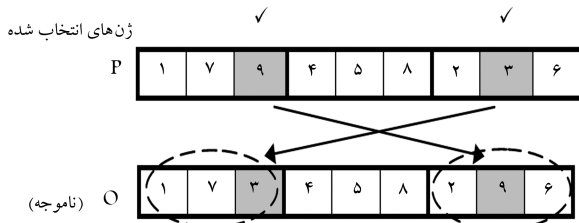
۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	مکان
												اندیس عملیات
$O_{11}$	$O_{12}$	$O_{13}$	$O_{11}$	$O_{13}$	$O_{13}$	$O_{11}$	$O_{13}$	$O_{13}$	$O_{11}$	$O_{13}$	$O_{13}$	اندیس ایستگاه کاری
$W_1$	$W_2$	$W_1$	$W_1$	$W_2$	$W_2$	$W_1$	$W_2$	$W_1$	$W_1$	$W_2$	$W_2$	رشته تخصیص ماشین
۱	۸	۱۰	۵	۶	۹	۲	۳	۱۲	۴	۷	۱۱	رشته توالی عملیات

شکل ۸. نمایش کروموزوم متناظر با جواب مسئله.

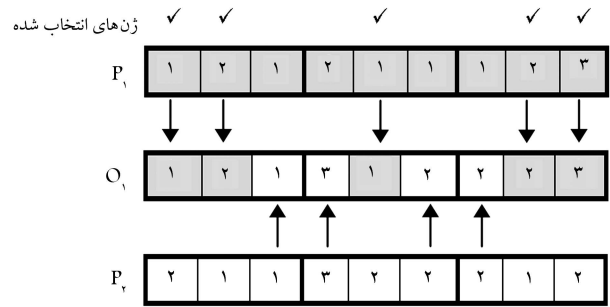
```

Procedure: Genetic Algorithm
Begin
t ← 0
Initialize P(t);
While (Not termination condition) do
Crossover P(t) to yield O(t);
Mutation P(t) to yield O(t);
Heuristic Algorithm to solve maintenance scheduling sub-problem
Evaluate P(t) and O(t);
Select P(t+) form P(t) and O(t);
t ← t + 1
End
End.
    
```

شکل ۷. رویه‌ی کلی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی.



شکل ۹. عملیات تقاطع مکان‌محور بر روی رشته‌ی تخصیص ماشین.



شکل ۱۰. عملیات تقاطع ترتیب‌محور بر روی رشته‌ی توالی عملیات.

و سپس جای آنها با یکدیگر تعویض می‌شود. این عملیات در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی بدین صورت انجام می‌شود که دو عملیات از دو کار مختلف در رشته‌ی توالی عملیات کروموزوم  $P$  به‌طور تصادفی انتخاب، و سپس جای آنها با یکدیگر عوض می‌شود. در شکل ۱۲، عملیات سوم از کار اول و عملیات دوم از کار سوم برای عملیات جهش انتخاب، و جای آنها با یکدیگر تعویض می‌شود. با انجام این عملیات جهش، ایجاد کروموزوم غیرموجه ممکن خواهد شد.

### الگوریتم ابتکاری به‌منظور حل زیرمسئله‌ی نت

چنان‌که پیش‌تر اشاره شد، ضمن چشم‌پوشی از واردکردن متغیرهای تصمیم مربوط به زمان‌بندی نت در کروموزوم، برای حل زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت و تعیین مقادیر متغیرهای تصمیم آن از الگوریتم ابتکاری در فرایند کدگذاری بر پایه‌ی اولویت در توالی، استفاده می‌شود.

در سال ۲۰۰۶، به‌منظور حل زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت برای مسئله‌ی زمان‌بندی کارگاهی اعطاف پذیر، یک الگوریتم ابتکاری ارائه شد.<sup>[۱۹]</sup> در این تحقیق الگوریتم برای حل زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت و اعمال بر روی ماشین‌های موازی در حالت وجود بیش از یک فعالیت نت برای هر ماشین، توسعه داده شده است. گام‌های این الگوریتم ابتکاری به‌شرح زیر هستند:

- گام ۱: فعالیت‌های نت کلیه‌ی ماشین‌های ایستگاه‌های کاری مختلف را در انتهای پنجره‌ی زمانی خود، چنین زمان‌بندی کنید:  $u_{ijr} = U_{ijr}^L$ .
- گام ۲: عملیات کلیه‌ی کارها را براساس اولویت در توالی، به اولین ماشین در دسترس ایستگاه کاری از پیش تعیین شده تخصیص دهید؛ این کار را تا رسیدن به نزدیک‌ترین پنجره زمانی انجام فعالیت نت هر ماشین ادامه دهید.
- گام ۳: در بازه زمانی انجام فعالیت نت، در صورت در دسترس بودن ماشین و امکان انجام عملیات پیش از فعالیت نت، عملیات را به ماشین مورد نظر تخصیص داده و به گام ۵ بروید؛ در غیر این صورت فعالیت نت را تا آنجا که امکان دارد به‌صورت زیر به سمت چپ جابه‌جا کرده و به ابتدای پنجره زمانی خود نزدیک کنید:  $u_{ijr} = \text{Max} \{t_{m_{ij}} + t_{ijr}, U_{ijr}^E\}$ .
- گام ۴: در صورت در دسترس بودن ماشین و امکان انجام عملیات پس از فعالیت نت، آن عملیات را به ماشین تخصیص دهید.
- گام ۵: چنانچه عملیات کلیه‌ی کارها زمان‌بندی شده‌اند به الگوریتم خاتمه دهید؛ در غیر این صورت به گام ۲ بازگردید.

### تابع برازندگی

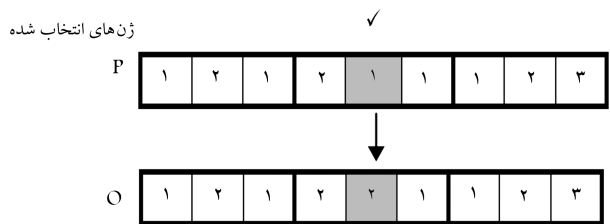
در الگوریتم ژنتیک، برای ارزیابی کروموزوم‌ها از شاخص معینی به‌نام «تابع برازندگی» استفاده می‌شود. این تابع در مسائل بهینه‌سازی، همان تابع هدف مسئله است.

تولید خواهد شد. چنان‌که ملاحظه می‌شود با انجام این عملیات تقاطع، امکان ایجاد کروموزوم غیر موجه وجود دارد. در ادامه به نحوه‌ی حل این مشکل اشاره خواهد شد.

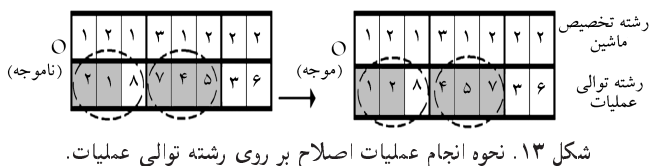
### عملیات جهش

عملیات جهش در الگوریتم ژنتیک با ایجاد تغییرات تصادفی برنامه‌ریزی نشده در یک کروموزوم، جست‌وجوی قسمت‌های وسیع‌تری از فضای جواب را ممکن می‌سازد و از هم‌گرایی پیش از موعد الگوریتم جلوگیری می‌کند.<sup>[۲۲]</sup> در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، از دو عملگر جهش یکنواخت<sup>۱۵</sup> و تبادل دوطرفه<sup>۱۶</sup> به ترتیب با نرخ‌های  $P_{m_1}$  و  $P_{m_2}$  استفاده می‌شود. عملگر جهش یکنواخت بر رشته‌ی تخصیص ماشین، و عملگر جهش تبادل دوطرفه بر رشته‌ی توالی عملیات اعمال می‌شود. در عملیات جهش یکنواخت، یک ژن از کروموزوم  $P$  به‌طور تصادفی انتخاب، و مقدار آن نیز به‌صورت تصادفی به عدد دیگری در دامنه‌ی ژن تبدیل می‌شود. این عملیات در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی بدین صورت انجام می‌شود که ماشینی از رشته‌ی تخصیص ماشین کروموزوم  $P$ ، به‌طور تصادفی انتخاب، و سپس یک ماشین در دسترس جدید از همان ایستگاه کاری جایگزین آن می‌شود. در شکل ۱۱ ماشین اول از یک ایستگاه کاری (با سه ماشین موازی) به‌منظور عملیات جهش انتخاب، و ماشین دوم همان ایستگاه جایگزین آن می‌شود.

در عملیات جهش تبادل دوطرفه، دو ژن از کروموزوم  $P$  به‌طور تصادفی انتخاب،



شکل ۱۱. عملیات جهش یکنواخت بر رشته‌ی تخصیص ماشین.



در مرحله‌ی ارزیابی، پس از کدگذاری هر کروموزوم به یک جواب و قرار دادن مقادیر آن در تابع هدف، میزان برازندگی آن کروموزوم مشخص می‌شود.<sup>[۲۲]</sup> از آنجا که تابع هدف مسئله‌ی تحقیق «کمینه‌سازی  $CM_{max}$ » است، پس هر جوابی که مقدار تابع هدف کم‌تری داشته باشد برازنده‌تر است. بنابراین به‌منظور تطابق مفهوم تابع هدف با برازش، تابع برازندگی کروموزوم  $k$ ،  $f(k)$ ، چنین تعریف می‌شود:

$$f(k) = \frac{1}{CM_{max}(k)}$$

## طراحی آزمایش‌های عددی

### روش‌های مورد مقایسه

در این تحقیق عملکرد روش ترکیبی پیشنهادی در دو حالت ارزیابی خواهد شد. از آنجا که مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر، با وجود انعطاف‌پذیری عملیات حالت ساده‌شده از مسئله‌ی تحقیق است و در آن تعداد دوره‌های عدم دسترسی برای ماشین‌ها صفر ( $R = 0$ ) در نظر گرفته می‌شود. لذا در این حالت الگوریتم ژنتیک پیشنهادی با روش فرا ابتکاری که در سال ۲۰۰۴ برای حل مسئله‌ی جریان کارگاهی انعطاف‌پذیر ارائه شد، مقایسه می‌شود. مسئله‌ی جریان کارگاهی انعطاف‌پذیر بیشترین شباهت را با مسئله‌ی تحقیق دارد. همچنین روش حل مسئله‌ی مذکور به‌سهولت و بدون از دست دادن کلیات الگوریتم به‌منظور حل مسئله‌ی تحقیق کاربرد دارد. محققین برای حل مسئله‌ی خود از روش فرا ابتکاری RKG A در زمان‌بندی عملیات اول کارها و از الگوریتم‌های ابتکاری SPT چرخشی و قاعده‌ی جانسون برای زمان‌بندی عملیات بعدی آن کارها استفاده کردند.<sup>[۲۳]</sup> در این تحقیق نیز از روش آنها برای حل مسئله استفاده می‌شود. سپس نشان داده خواهد شد که کارایی روش پیشنهادی برای حل مسئله‌ی تحقیق از روش حل آنها بیشتر است. در حالت دوم، مسئله‌ی تحقیق که تعمیم‌یافته‌ی مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر است به‌کمک روش پیشنهادی و در نظر گرفتن به‌ترتیب تعداد یک، دو و سه فعالیت نت بر روی ماشین‌ها ( $R = 1, 2, 3$ ) مورد مطالعه قرار گرفته و نتایج حاصل از آن با حالت اول ( $R = 0$ ) مقایسه می‌شود. در این حالت کارایی روش حل پیشنهادی به‌کمک شاخص مورد استفاده‌ی که در سال ۲۰۰۶ محققین برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با یک دوره‌ی عدم دسترسی برای هر ماشین ارائه کرده بودند، بررسی می‌شود. آنها با مقایسه‌ی مقدار افزایش تابع هدف با بیشترین مدت زمان انجام فعالیت‌های نت بر روی ماشین‌ها نشان دادند که این مقدار افزایش در تابع هدف ناچیز است.<sup>[۱۹]</sup> در این تحقیق نیز از همین روش به‌منظور نشان‌دادن کارایی روش حل ارائه‌شده استفاده می‌شود و نشان داده خواهد شد که این مقدار افزایش در تابع هدف مسئله ناچیز است.

### تولید داده‌های تصادفی

داده‌های مورد نیاز برای حل مسئله شامل تعداد کارها، تعداد ایستگاه‌های کاری، تعداد ماشین‌ها در هر ایستگاه، مدت زمان پردازش، همچنین تعداد فعالیت‌های نت هر ماشین، مدت زمان انجام، زودترین و دیرترین زمان تکمیل هر فعالیت نت، و زمان بین انجام دو فعالیت نت (زمان بین پایان یک فعالیت نت و شروع فعالیت نت بعدی) است. در این تحقیق، برای تولید چهار پارامتر نخست، از داده‌های مسئله‌ی کروموزوم آسکین استفاده شده است.<sup>[۲۳]</sup> چهار پارامتر مدت زمان انجام، زودترین زمان تکمیل، دیرترین زمان تکمیل، و زمان بین انجام دو فعالیت نت به‌ترتیب دارای توزیع‌های یکنواخت  $U[100, 120]$ ،  $U[140, 160]$ ،  $U[260, 280]$  و  $U[900, 1100]$  هستند. همچنین مسئله‌ی تحقیق در صورت وجود به‌ترتیب ۰، ۱، ۲، ۳ فعالیت نت برای هر ماشین مورد بررسی قرار گرفته است.

به‌منظور اعتبارسنجی روش حل پیشنهادی، از تمامی ترکیبات داده‌های تصادفی

### فرایند انتخاب

فضای نمونه‌گیری مورد استفاده در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، فضای نمونه‌گیری توسعه‌یافته است که در آن کروموزوم‌های والد و فرزند، هر دو، برای بقاء شانس یکسان دارند.

سازوکار نمونه‌گیری، ترکیبی از دو روش انتخاب قطعی  $(\mu + \lambda)$  و انتخاب تصادفی چرخ رولت بوده و تعمیم‌یافته‌ی روش Hoffmeister و Bäck است. بر اساس روش انتخاب  $(\mu + \lambda)$  تعداد  $\mu'$  کروموزوم متفاوت، از بهترین کروموزوم‌های فضای نمونه‌گیری انتخاب شده و به نسل بعد منتقل می‌شوند. سپس به‌کمک روش چرخ رولت، تعداد  $\mu - \mu'$  کروموزوم باقی‌مانده برای تکمیل نسل جدید انتخاب می‌شوند. همچنین با جلوگیری از ورود کروموزوم‌های تکراری به نسل جدید، مانع از تسلط ابرکروموزوم‌ها<sup>[۱۷]</sup> بر جمعیت شده و از هم‌گرایی سریع به جواب بهینه‌ی محلی جلوگیری می‌شود.

### معیار توقف

شرط توقف الگوریتم ممکن است عدم تغییر جواب در چند تکرار متوالی، سپری شدن مدت زمان معینی از حل، یا هر شرط خاص دیگری باشد.<sup>[۲۲]</sup> در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، شرط توقف همانا تولید تعداد معینی نسل (Max\_Gen) از جمعیت اولیه است.

### نحوه‌ی اعمال محدودیت‌ها

در مسائل بهینه‌سازی نحوه‌ی اعمال محدودیت‌ها در الگوریتم ژنتیک دارای اهمیت ویژه‌ی است، زیرا ممکن است عملگرهای ژنتیک کروموزوم‌های غیرموجه تولید کنند. در مواجهه با این مشکل، روش‌های مختلفی نظیر استراتژی رد کردن<sup>[۱۸]</sup>، اصلاحی<sup>[۱۹]</sup>، جریمه‌ی<sup>[۲۰]</sup> و اصلاح عملگرهای ژنتیک<sup>[۲۱]</sup> ارائه شده است.<sup>[۲۲]</sup> در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی برای اعمال محدودیت‌های مسئله از استراتژی اصلاحی استفاده می‌شود. در این روش، هر کروموزوم غیرموجه به‌کمک یک فرایند اصلاح مشخص به کروموزوم موجه تبدیل می‌شود. در روش حل ارائه‌شده، طراحی کروموزوم و انتخاب عملگرهای ژنتیک به‌گونه‌ی صورت‌گرفته که کم‌ترین مشکل در برخورد با محدودیت‌ها و تولید کروموزوم غیرموجه ایجاد شود. بدین صورت که رشته‌ی تخصیص ماشین همواره موجه خواهد بود. در رشته‌ی توالی عملیات نیز فقط امکان نقض محدودیت تقدم توالی بین عملیات یک کار وجود دارد که این مشکل با مرتب‌سازی صعودی توالی عملیات هر کار در رشته‌ی توالی عملیات، حل خواهد شد. نحوه‌ی انجام عملیات اصلاح بر روی رشته‌ی توالی عملیات، در شکل ۱۳ نشان داده شده است.



جدول ۱. تولید داده‌های تصادفی.

حالات	مقادیر	پارامتر
۳	۶, ۳۰, ۱۰۰	تعداد کارها (n)
۳	۲, ۴, ۸	تعداد ایستگاه‌ها (L)
۲	متغیر عدد ثابت	توزیع ماشین‌ها
۲	$U[1, \dots, 4]$ , $U[1, \dots, n]$	تعداد ماشین‌ها ( $m_i$ )
۲	$U[50, 70]$ , $U[20, 100]$	زمان پردازش ( $p_{ik}$ )
۴	۰, ۱, ۲, ۳	تعداد فعالیت‌های نت (R)
۱	$U[100, 120]$	زمان فعالیت‌های نت ( $t_r$ )
۱	$U[140, 160]$	زودترین زمان تکمیل فعالیت نت ( $U_r^E$ )
۱	$U[240, 260]$	( $U_r^L$ )
۱	$U[900, 1100]$	زمان مابین فعالیت‌های نت
$4 \times 72$		تعداد کل سناریوها

جدول ۲. مقادیر پارامترهای الگوریتم ژنتیک پس از تنظیم.

پارامتر	Pop-Size	Max-Gen	$\mu'$	$P_c$	$P_{m_1}$	$P_{m_2}$
مقادیر	۱۰۰	۱۲۵	۲۰	۰٫۷	۰٫۰۲	۰٫۰۴

پس از تنظیم پارامتر نخست، مقدار این پارامتر در حوزه‌ی تغییرش تثبیت شده و سایر پارامترهای الگوریتم نیز به همین ترتیب تنظیم می‌شوند.

پارامترهای الگوریتم ژنتیک پیشنهادی عبارت‌اند از: اندازه جمعیت، تعداد نسل‌ها، نرخ تقاطع ترکیبی، نرخ‌های جهش یکنواخت و تبادل دوطرفه، تعداد بهترین کروموزوم‌های هر نسل. به‌منظور انجام شبیه‌سازی برای تنظیم پارامترهای الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، تعداد ۲۸۸ سناریو ممکن آزمایش شده و از هر سناریو یک مثال تولید شد. با توجه به نتایج حاصل از شبیه‌سازی، مناسب‌ترین مقادیر برای پارامترهای الگوریتم در جدول ۲ نشان داده شده‌اند.

### نتایج آزمایش‌های عددی

در مرحله‌ی نخست، کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت عدم وجود فعالیت نت بر روی ماشین‌ها ( $R = 0$ ) با روش فراابتکاری RKGا مقایسه شده است. برای مقایسه‌ی این دو روش حل، از شاخص میانگین تابع هدف به‌عنوان شاخص اصلی و از شاخص‌های کم‌ترین مقدار تابع هدف، میانگین زمان حل، میزان و تعداد دفعات بهبود به‌عنوان شاخص‌های کمکی در ابعاد مختلف مسئله استفاده شده است. چنان‌که در جدول ۳ ملاحظه می‌شود، روش پیشنهادی با توجه به شاخص میانگین تابع هدف در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ به‌ترتیب با میانگین ۰٫۹۰٪، ۱٫۱۴٪ و ۱٫۸۱٪ بهبود و در کل با میانگین ۱٫۵۹٪ بهبود، عملکرد بهتری نسبت به RKGا دارد. همچنین الگوریتم ژنتیک ارائه‌شده براساس شاخص کم‌ترین مقدار تابع هدف در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ به‌ترتیب با میانگین ۰٫۲۴٪، ۱٫۰۰٪ و ۱٫۱۲٪ بهبود و در کل با میانگین ۰٫۹۱٪ بهبود، برتری محسوسی نسبت به

استفاده شده است. برای انجام آزمایش‌های عددی، تعداد ۲۸۸ سناریو ممکن وجود دارد که از هر سناریو تعداد ۱۰ مثال تولید شده است. بنابراین در مجموع تعداد ۲۸۸۰ اجرا در آزمایش‌های عددی وجود دارد. الگوریتم ژنتیک پیشنهادی به زبان ++C کد نویسی شده و آزمایش‌های عددی فوق بر روی رایانه‌ی شخصی Pentium IV با مشخصات CPU ۳٫۲GHz و RAM ۱ GB انجام گرفته است. در جدول ۱ پارامترهای مدل و مقادیر مربوط به آنها، و نیز تعداد حالات ممکن برای تولید داده‌های تصادفی نشان داده شده است.

### تنظیم پارامترهای الگوریتم ژنتیک پیشنهادی

تنظیم پارامترهای یک الگوریتم ژنتیک، عملکرد آن را به‌شدت تحت تأثیر قرار می‌دهد.<sup>[۱۹]</sup> این امر بر کیفیت جواب‌های حاصل از الگوریتم بسیار مؤثر است. توجه به این نکته ضروری است که الگوریتم‌های ژنتیک برای حل مسائل مختلف در رویکرد (به‌علت تفاوت در اجزاء مسئله) و ساختار (به‌دلیل وجود تفاوت در نوع عملگرهای ژنتیک، نحوه‌ی ارزیابی فضا، سازوکار نمونه‌گیری و...) تفاوت‌هایی دارند. به‌همین دلیل تنظیم پارامترهای الگوریتم ژنتیک ضروری به نظر می‌رسد.

به‌منظور تنظیم پارامترهای الگوریتم ژنتیک روش‌های مختلفی (نظیر روش‌های آماری طراحی آزمایش‌ها، شبیه‌سازی و روش‌های تجربی) وجود دارد. یادآور می‌شود که هر پارامتر می‌تواند مقادیر متنوعی داشته باشد و این امر سبب ایجاد حالات و ترکیبات بی‌شماری از پارامترها در الگوریتم می‌شود. بنابراین دست‌یابی به مقدار بهینه‌ی پارامترها در الگوریتم ژنتیک دشواری‌های خاص خود را دارد و به‌سادگی دست‌یافتنی نیست. در این تحقیق از روش شبیه‌سازی برای تنظیم پارامترهای الگوریتم استفاده شده است. به‌منظور انجام شبیه‌سازی پارامترها، ابتدا حوزه‌ی تغییر هر یک از پارامترها مشخص می‌شود. سپس با ثابت نگه‌داشتن سایر پارامترها در کم‌ترین مقدارشان، اولین پارامتر در حوزه‌ی تغییر خود مقداردهی شده و تأثیر نتایج آزمایش‌های حاصل از شبیه‌سازی بر تابع هدف بررسی می‌شود. به‌عبارت دیگر به‌ازای هر مقداری که بهبود بیشتری در جواب حاصل کند، پارامتر اول تنظیم می‌شود.

جدول ۳. مقایسه‌ی نتایج.

ابعاد مسئله	تعداد کار	تعداد مراحل	الگوریتم ژنتیک پیشنهادی ( $R=0$ )			روش RKGA			میزان بهبود (درصد)		تعداد دفعات بهبود	
			کمترین تابع هدف (ثانیه)	میانگین تابع هدف (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف (ثانیه)	میانگین تابع هدف (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف
کوچک	۲	۲	۱۲۰	۲۱۰٫۳۳	۰٫۱۲	۱۲۲	۲۱۲٫۴۵	۰٫۰۴	٪۱٫۶۴	٪۱٫۰۰	۶۵	۶۳
	۴	۴	۲۴۶	۳۲۴٫۷۴	۰٫۳۰	۲۳۶	۳۲۲٫۱۷	۰٫۰۴	٪-۴٫۲۴	٪-۰٫۸۰	۴۶	۵۸
	۸	۸	۴۸۱	۵۶۷٫۹۰	۰٫۹۹	۴۹۱	۵۷۸٫۳۸	۰٫۰۵	٪۲٫۰۴	٪۱٫۸۱	۷۲	۶۹
میانگین بعد کوچک			۲۸۲٫۳۳	۳۶۷٫۶۵	۰٫۴۷	۲۸۳٫۰۰	۳۷۱٫۰۰	۰٫۰۴	٪۰٫۲۴	٪۰٫۹۰	۶۱	۶۳
متوسط	۲	۲	۲۲۴	۸۱۱٫۵۰	۱٫۵۱	۲۱۸	۸۱۰٫۳۱	۰٫۲۸	٪-۲٫۷۵	٪-۰٫۱۵	۵۵	۶۱
	۴	۴	۳۰۸	۹۰۶٫۱۸	۳٫۵۹	۳۲۰	۹۱۵٫۱۸	۰٫۲۵	٪۳٫۷۵	٪۰٫۹۸	۷۷	۶۹
	۸	۸	۵۵۶	۱۲۰۲٫۷۶	۲۰٫۶۶	۵۶۱	۱۲۲۸٫۵۳	۰٫۲۴	٪۰٫۸۹	٪۲٫۱۰	۶۲	۷۷
میانگین بعد متوسط			۳۶۲٫۶۷	۹۷۳٫۴۸	۸٫۵۹	۳۶۶٫۳۳	۹۸۴٫۶۷	۰٫۲۶	٪۱٫۰۰	٪۱٫۱۴	۶۵	۶۹
بزرگ	۲	۲	۶۱۰	۲۷۹۱٫۷۹	۱۳٫۷۳	۶۲۴	۲۷۸۲٫۴۷	۱٫۶۷	٪۲٫۲۴	٪-۰٫۳۳	۷۶	۵۷
	۴	۴	۷۰۵	۲۸۹۱٫۲۴	۴۰٫۳۳	۷۰۱	۲۹۶۵٫۹۸	۲٫۵۳	٪-۰٫۵۷	٪۲٫۵۲	۵۹	۷۳
	۸	۸	۹۷۶	۳۶۵۰٫۳۶	۲۵۱٫۶۷	۹۹۲	۳۷۵۷٫۴۶	۲٫۹۳	٪۱٫۶۱	٪۲٫۸۵	۶۸	۷۵
میانگین بعد بزرگ			۷۶۳٫۶۷	۳۱۱۱٫۱۳	۱۰۱٫۹۱	۷۷۲٫۳۳	۳۱۶۸٫۶۴	۲٫۳۸	٪۱٫۱۲	٪۱٫۸۱	۶۸	۶۸
میانگین کلیه ابعاد			۴۶۹٫۵۶	۱۴۸۴٫۰۹	۳۶٫۹۹	۴۷۳٫۸۹	۱۵۰۸٫۱۰	۰٫۸۹	٪۰٫۹۱	٪۱٫۵۹	۶۴	۶۷
کل تعداد دفعات بهبود												
درصد کل دفعات بهبود			٪۸۳٫۶۱ / ٪۸۰٫۵۶									

\* در جدول فوق اعداد منفی نشان‌دهنده برتری روش RKGA می‌باشد.



نمودار ۱. مقایسه تفاضل میانگین توابع هدف در حالت ( $R=0$ ) با روش فراابتکاری RKGA.

مدت‌زمان انجام فعالیت‌های نت روی ماشین‌ها که در سال ۲۰۰۶ برای حل مسئله‌ی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با یک دوره عدم دسترسی برای هر ماشین ارائه شده بود، بررسی می‌شود.<sup>[۱۹]</sup> روشن است که با در نظر گرفتن فعالیت نت برای ماشین‌ها، زمان در دسترس

RKGA دارد. کارایی روش پیشنهادی، با توجه به شاخص میانگین تابع هدف در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ به‌طور میانگین و به‌ترتیب با ۶۹، ۶۳ و ۶۸ بار بهبود و در کل با میانگین ۶۷ بار و در مجموع با ۶۰۲ بار (از ۷۲۰ اجرا) یا ٪۸۳٫۶۱ بهبود از روش فراابتکاری RKGA بیشتر است.

الگوریتم ژنتیک ارائه‌شده برای حل مسئله در مقایسه با RKGA نیازمند زمان حل بیشتری است، اما با توجه به میزان بهبود حاصله این افزایش زمان قابل توجیه است. بنابراین با توجه به نتایج حاصل از آزمایش‌های عددی، در مجموع کارایی روش حل ارائه‌شده نسبت به روش RKGA تأیید می‌شود. در نمودار ۱ میزان تفاضل میانگین توابع هدف الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت ( $R=0$ ) با روش فراابتکاری RKGA برای ابعاد مختلف مسئله رسم شده است.

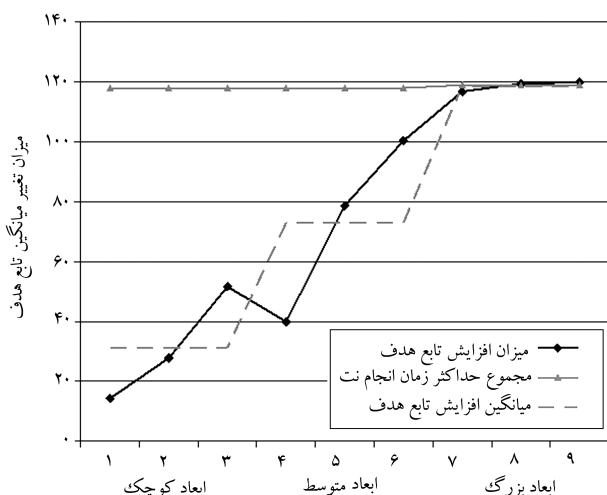
## آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی و روش

### RKGA

در این مرحله تأثیر اعمال محدودیت نت بر عملکرد روش حل ارائه‌شده به‌ترتیب با در نظر گرفتن تعداد یک، دو و سه فعالیت نت بر روی هر ماشین ( $R=1, 2, 3$ ) بررسی شده و نتایج حاصل از این آزمایش‌ها با حالت عدم وجود فعالیت نت مقایسه می‌شود. در این حالت کارایی روش حل پیشنهادی به‌کمک شاخص بیشترین

جدول ۴. مقایسه‌ی نتایج آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت  $R=1$  با  $R=0$ .

شاخص کارایی الگوریتم ابتکاری نت	میزان افزایش (درصد)	روش پیشنهادی در حالت $R=1$			روش پیشنهادی در حالت $R=0$			تعداد مراحل	تعداد کار	ابعاد مسئله		
		کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)					
مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت‌های نت	۱۱۶	۱۴,۳۱	٪۶,۸۰	٪۲,۵۰	۰,۱۳	۲۲۴,۶۳	۱۲۳	۰,۱۲	۲۱۰,۳۳	۱۲۰	۶	کوچک
	۱۱۹	۲۷,۷۶	٪۸,۵۵	٪۹,۷۶	۰,۳۶	۳۵۲,۵۰	۲۷۰	۰,۳۰	۳۲۴,۷۴	۲۴۶		
	۱۱۹	۵۱,۶۵	٪۹,۰۹	٪۵,۴۱	۱,۲۱	۶۱۹,۵۵	۵۰۷	۰,۹۹	۵۶۷,۹۰	۴۸۱		
	۱۱۸	۳۱,۲۴	٪۸,۵۰	٪۶,۲۶	۰,۵۷	۳۹۸,۸۹	۳۰۰,۰۰	۰,۴۷	۳۶۷,۶۵	۲۸۲,۳۳	میانگین بعد کوچک	
	۱۱۸	۳۹,۹۳	٪۴,۹۲	٪۱۳,۳۹	۱,۷۷	۸۵۱,۴۳	۲۵۴	۱,۵۱	۸۱۱,۵۰	۲۲۴	۳۰	متوسط
	۱۱۹	۷۸,۷۱	٪۸,۶۹	٪۲۴,۳۵	۳,۶۳	۹۸۴,۸۸	۳۸۳	۳,۵۹	۹۰۶,۱۸	۳۰۸		
	۱۱۷	۱۰۰,۴۱	٪۸,۳۵	٪۱۲,۰۵	۲,۷۸	۱۳۰۳,۱۸	۶۲۳	۲,۶۶	۱۲۰۲,۷۶	۵۵۶		
	۱۱۸	۷۳,۰۲	٪۷,۵۰	٪۱۵,۸۱	۹,۰۶	۱۰۴۶,۵۰	۴۲۰,۰۰	۸,۵۹	۹۷۳,۴۸	۳۶۲,۶۷	میانگین بعد متوسط	
	۱۱۷	۱۱۶,۸۲	٪۴,۱۸	٪۱۷,۲۱	۱۳,۰۶	۲۹۰۸,۶۱	۷۱۵	۱۳,۷۳	۲۷۹۱,۷۹	۶۱۰	۱۰۰	بزرگ
	۱۱۹	۱۱۹,۴۴	٪۴,۱۳	٪۱۶,۴۵	۴۱,۲۱	۳۰۱۰,۶۸	۸۲۱	۴,۳۳	۲۸۹۱,۲۴	۷۰۵		
	۱۲۰	۱۱۹,۹۵	٪۳,۲۹	٪۱۵,۲۷	۲۵۲,۴۵	۳۷۷۰,۳۱	۱۱۲۵	۲۵۱,۶۷	۳۶۵۰,۳۶	۹۷۶		
	۱۱۹	۱۱۸,۷۴	٪۳,۸۲	٪۱۶,۱۵	۱۰۲,۲۴	۳۲۲۹,۸۷	۸۸۷,۰۰	۱۰۱,۹۱	۳۱۱۱,۱۳	۷۶۳,۶۷	میانگین بعد بزرگ	
	۱۱۸	۷۴,۳۳	٪۵,۰۱	٪۱۴,۰۸	۳۷,۲۹	۱۵۵۸,۴۲	۵۳۵,۶۷	۳۶,۹۹	۱۴۸۴,۰۹	۴۶۹,۵۶	میانگین کلیه ابعاد	



نمودار ۲. مقایسه‌ی متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف با مجموع بیشینه مدت زمان انجام فعالیت‌های نت در حالت‌های  $(R=1)$  و  $(R=0)$ .

۷/۵۰٪ و ۳/۸۲٪ افزایش و در کل با میانگین ۵/۰۱٪ درصد افزایش، عملکرد مناسبی دارد. همچنین با در نظر گرفتن شاخص میانگین زمان حل، تفاوت چندانی بین وجود یک فعالیت نت در مقایسه با حالت عدم وجود فعالیت نت ملاحظه نمی‌شود. بنابراین در حضور فعالیت‌های نت، روش حل پیشنهادی دارای میانگین زمان حل قابل قبولی است.

در نمودار ۲ متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف الگوریتم ژنتیک پیشنهادی

بودن آنها کاهش یافته و تکمیل عملیات کارهای مختلف دیرتر انجام می‌شود و در نتیجه به افزایش مقدار تابع هدف می‌انجامد. حال این سؤال مطرح می‌شود که افزایش مقدار تابع هدف تا چه اندازه‌ی معقول است و کارایی روش حل را تأیید می‌کند. برای پاسخ به این پرسش، باید گفت که شاخص بیشترین مدت زمان انجام فعالیت‌های نت، نشان‌دهنده‌ی بیشینه زمان عدم دسترسی به ماشین‌ها است. این شاخص مستقیماً بر تابع هدف تأثیر داشته و به‌نوعی نشان‌گر حد مجاز افزایش معقول آن است. محققین این شاخص را معیاری مناسب برای تشخیص معقول بودن افزایش مقدار تابع هدف دانسته و اظهار داشتند که چنانچه میزان افزایش تابع هدف نسبت به بیشترین مدت زمان نت، کم‌تر (یا نزدیک به آن) باشد نشان‌گر ناچیز بودن افزایش تابع هدف و کارایی الگوریتم ابتکاری است.<sup>[۱۹]</sup> اما از آنجا که آنها مسئله‌ی خود را تنها در یک دوره عدم دسترسی بررسی کردند ولی مسئله تحقیق در حالت‌های وجود دو و سه دوره عدم دسترسی نیز بررسی می‌شود، لازم است شاخص مورد استفاده‌شان را برای اعتبارسنجی روش پیشنهادی تعمیم داده، و به‌صورت مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت تعریف شود. بنابراین میزان افزایش تابع هدف با مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت روی ماشین‌ها مقایسه شده و به‌کمک آن کارایی روش ترکیبی بررسی می‌شود. در جدول ۴ نتایج حاصل از مقایسه‌ی حالت عدم وجود فعالیت نت با حالت وجود یک فعالیت نت نشان داده شده است. چنان‌که ملاحظه می‌شود، متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف در مقایسه با مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ، دارای مقادیر کم‌تری است. پس با توجه به نتایج محاسبات، این امر دلالت بر ناچیز بودن افزایش تابع هدف دارد و نشان‌گر کارایی روش ترکیبی است. بنابراین روش حل پیشنهادی براساس شاخص میانگین تابع هدف در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ به‌ترتیب با میانگین ۸/۵۰٪،

جدول ۵. مقایسه‌ی نتایج آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت  $R=2$  با  $R=0$ .

شاخص کارایی الگوریتم ابتکاری نت	میزان افزایش (درصد)	روش پیشنهادی در حالت $R=2$			روش پیشنهادی در حالت $R=0$			تعداد مراحل	تعداد کار	ابعاد مسئله
		کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف (ثانیه)	میانگین تابع هدف (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)			
مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت‌های نت	۴۴,۷۸	%۲۱,۲۹	%۳,۳۳	۰,۱۳	۲۵۵,۱۰	۱۲۴	۰,۱۲	۲۱۰,۳۳	۱۲۰	کوچک
	۵۸,۲۴	%۱۷,۹۳	%۷,۷۲	۰,۳۶	۳۸۲,۹۸	۲۶۵	۰,۳۰	۳۲۴,۷۴	۲۴۶	
	۴۰,۲۵	%۷,۰۹	%۷,۲۸	۱,۲۲	۶۰۸,۱۵	۵۱۶	۰,۹۹	۵۶۷,۹۰	۴۸۱	
	۴۷,۷۵	%۱۲,۹۹	%۶,۸۵	۰,۵۷	۴۱۵,۴۱	۳۰۱,۱۶۷	۰,۴۷	۳۶۷,۶۵	۲۸۲,۳۳	میانگین بعد کوچک
متوسط	۱۳۱,۳۰	%۱۶,۱۸	%۳۹,۲۹	۱,۷۴	۹۴۲,۸۰	۳۱۲	۱,۵۱	۸۱۱,۵۰	۲۲۴	۳۰
	۷۸,۲۶	%۸,۶۴	%۳۲,۱۴	۳,۶۵	۹۸۴,۴۳	۴۰۷	۳,۵۹	۹۰۶,۱۸	۳۰۸	
	۲۰۷,۳۱	%۱۷,۲۴	%۱۰,۹۷	۲۱,۹۲	۱۴۱۰,۰۸	۶۱۷	۲۰,۶۶	۱۲۰۲,۷۶	۵۵۶	
	۱۲۸,۹۶	%۱۴,۲۷	%۲۲,۷۹	۹,۱۰	۱۱۱۲,۴۴	۴۴۵,۳۳	۸,۵۹	۹۷۳,۴۸	۳۶۲,۶۷	میانگین بعد متوسط
بزرگ	۲۳۷,۶۴	%۸,۵۱	%۲۰,۳۳	۱۳,۰۱	۳۰۲۹,۴۳	۷۳۴	۱۳,۷۳	۲۷۹۱,۷۹	۶۱۰	۱۰۰
	۲۳۶,۹۴	%۸,۲۰	%۱۳,۰۵	۴۱,۲۷	۳۱۲۸,۱۸	۷۹۷	۴۰,۳۳	۲۸۹۱,۲۴	۷۰۵	
	۲۳۶,۱۱	%۶,۴۷	%۱۴,۷۵	۲۵۲,۶۱	۳۸۸۶,۴۷	۱۱۲۰	۲۵۱,۶۷	۳۶۵۰,۳۶	۹۷۶	
	۲۳۶,۹۰	%۷,۶۱	%۱۵,۷۱	۱۰۲,۳۰	۳۳۴۸,۰۳	۸۸۳,۶۷	۱۰۱,۹۱	۳۱۱۱,۱۳	۷۶۳,۶۷	میانگین بعد بزرگ
	۱۴۱,۲۰	%۹,۵۱	%۱۵,۷۶	۳۷,۳۲	۱۶۲۵,۲۹	۵۴۳,۵۶	۳۶,۹۹	۱۴۸۴,۰۹	۴۶۹,۵۶	میانگین کلیه ابعاد

جدول ۶. مقایسه‌ی نتایج آزمایش‌های الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در حالت  $R=3$  با  $R=0$ .

شاخص کارایی الگوریتم ابتکاری نت	میزان افزایش (درصد)	روش پیشنهادی در حالت $R=3$			روش پیشنهادی در حالت $R=0$			تعداد مراحل	تعداد کار	ابعاد مسئله
		کمترین تابع هدف	میانگین تابع هدف	میانگین زمان حل (ثانیه)	کمترین تابع هدف (ثانیه)	میانگین تابع هدف (ثانیه)	میانگین زمان حل (ثانیه)			
مجموع حداکثر مدت زمان انجام فعالیت‌های نت	۰,۸۱	%۳۱,۳۳	%۳,۳۳	۰,۱۳	۲۷۶,۲۳	۱۲۴	۰,۱۲	۲۱۰,۳۳	۱۲۰	کوچک
	۰,۵۸	%۲۲,۰۸	%۱۱,۷۹	۰,۳۱	۳۹۶,۴۵	۲۷۵	۰,۳۰	۳۲۴,۷۴	۲۴۶	
	۰,۹۰	%۹,۰۲	%۵,۸۲	۱,۰۴	۶۱۹,۱۵	۵۰۹	۰,۹۹	۵۶۷,۹۰	۴۸۱	
	۰,۷۶	%۱۷,۱۲	%۷,۲۰	۰,۴۹	۴۳۰,۶۱	۳۰۲,۶۷	۰,۴۷	۳۶۷,۶۵	۲۸۲,۳۳	میانگین بعد کوچک
متوسط	۰,۶۹	%۹,۵۲	%۴۱,۰۷	۱,۴۹	۸۸۸,۷۵	۳۱۶	۱,۵۱	۸۱۱,۵۰	۲۲۴	۳۰
	۰,۹۶	%۲۶,۱۳	%۳۳,۷۷	۳,۹۳	۱۱۴۲,۹۳	۴۱۲	۳,۵۹	۹۰۶,۱۸	۳۰۸	
	۰,۷۸	%۱۶,۲۱	%۱۲,۴۱	۲۱,۴۴	۱۳۹۷,۳۷	۶۲۵	۲۰,۶۶	۱۲۰۲,۷۶	۵۵۶	
	۰,۸۱	%۱۷,۴۳	%۲۴,۳۶	۸,۹۵	۱۱۴۳,۱۳	۴۵۱,۰۰	۸,۵۹	۹۷۳,۴۸	۳۶۲,۶۷	میانگین بعد متوسط
بزرگ	۰,۹۵	%۱۲,۷۰	%۱۹,۱۸	۱۴,۴۹	۳۱۴۶,۳۹	۷۲۷	۱۳,۷۳	۲۷۹۱,۷۹	۶۱۰	۱۰۰
	۰,۷۴	%۱۲,۴۳	%۱۴,۱۸	۴۰,۴۶	۳۲۵۰,۷۵	۸۰۵	۴۰,۳۳	۲۸۹۱,۲۴	۷۰۵	
	۰,۸۵	%۹,۷۸	%۱۴,۲۴	۲۵۳,۰۱	۴۰۰۷,۲۳	۱۱۱۵	۲۵۱,۶۷	۳۶۵۰,۳۶	۹۷۶	
	۰,۸۵	%۱۱,۴۷	%۱۵,۵۴	۱۰۲,۶۵	۳۴۶۸,۱۲	۸۸۲,۳۳	۱۰۱,۹۱	۳۱۱۱,۱۳	۷۶۳,۶۷	میانگین بعد بزرگ
	۰,۸۱	%۱۳,۲۴	%۱۶,۱۴	۳۷,۳۷	۱۶۸۰,۶۲	۵۴۵,۳۳	۳۶,۹۹	۱۴۸۴,۰۹	۴۶۹,۵۶	میانگین کلیه ابعاد

پیشنهادی با مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت بر روی ماشین‌ها به ترتیب در حالت‌های  $(R = 0)$  و  $(R = 2)$  و نیز  $(R = 0)$  و  $(R = 3)$  برای ابعاد مختلف مسئله مورد مقایسه قرار گرفته‌اند.

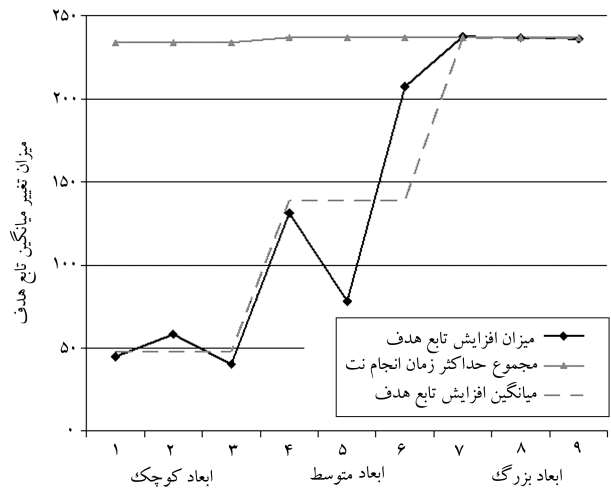
با توجه به نتایج محاسباتی فوق، روش ارائه‌شده براساس شاخص میانگین تابع هدف در حالت وجود یک، دو و سه فعالیت نت به ترتیب در کل با میانگین  $1/5/01\%$ ،  $13/24\%$  و  $9/51\%$  درصد افزایش از عملکرد مطلوبی برخوردار است.

### نتیجه‌گیری

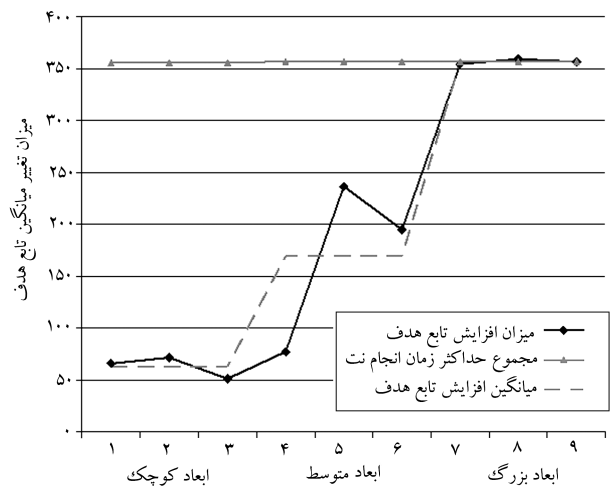
در این نوشتار مسئله‌ی مرکب از زمان‌بندی تولید کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با در نظر گرفتن امکان وجود ماشین‌های موازی در هر ایستگاه کاری و محدودیت نت برای ماشین‌ها معرفی شد. سپس یک مدل ریاضی از نوع برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح مختلط برای مسئله ارائه شد. در ادامه، روشی ترکیبی برای حل مسئله با به‌کارگیری الگوریتم ژنتیک به‌منظور حل دو زیرمسئله‌ی مسیریابی و تعیین توالی با رویکردی یک‌پارچه و الگوریتم ابتکاری کارا برای حل زیرمسئله‌ی زمان‌بندی نت مورد استفاده قرار گرفت. طراحی کروموزوم و انتخاب عملگرهای ژنتیک به‌گونه‌ی صورت گرفت که کم‌ترین مشکل در برخورد با محدودیت‌ها و تولید کروموزوم غیرموجه ایجاد شود. در الگوریتم ژنتیک پیشنهادی، جمعیت اولیه به‌صورت تصادفی تولید شد و فاقد هرگونه اطلاعات در رابطه با مسئله بود. این امر سبب حفظ تنوع کروموزوم‌ها در جمعیت، و کاهش احتمال هم‌گرایی سریع و پیش از موعد شد. همچنین با جلوگیری از ورود کروموزوم‌های تکراری به نسل جدید، مانع از تسلط ابرکروموزوم‌ها بر جمعیت شده و از هم‌گرایی سریع به جواب بهینه‌ی محلی جلوگیری می‌شود. در این تحقیق، اثربخشی و کارایی الگوریتم ژنتیک پیشنهادی در دو حالت ارزیابی شد. در حالت اول، روش ارائه‌شده در حالت عدم انجام فعالیت نت بر روی ماشین‌ها  $(R = 0)$  با روش فراابتکاری RKGا مقایسه و نشان داده شد که کارایی روش پیشنهادی برای حل مسئله‌ی تحقیق از روش RKGا بیشتر است.

در حالت دوم، مسئله‌ی تحقیق به‌ترتیب با در نظر گرفتن تعداد یک، دو و سه فعالیت نت بر روی ماشین  $(R = 1, 2, 3)$  به‌کمک الگوریتم ژنتیک پیشنهادی حل، و نتایج حاصل از آن با حالت اول  $(R = 0)$  مقایسه شد. در این حالت متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف در مقایسه با شاخص مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ مقادیر کم‌تری دارد. این امر نشان‌دهنده تأثیر اندک وجود فعالیت نت در کیفیت جواب، و کارایی روش ترکیبی است. بنابراین، بررسی‌های انجام‌گرفته بیان‌گر این مطلب است که روش حل ارائه‌شده، روشی کارا برای حل مسئله‌ی زمان‌بندی کار کارگاهی انعطاف‌پذیر با در نظر گرفتن محدودیت نت است.

با توجه به نتایج تحقیق حاضر و شناسایی حلاله‌های تحقیقاتی موجود، زمینه‌هایی همچون در نظر گرفتن ماشین‌های موازی یک‌نواخت<sup>۲۲</sup> و غیرمرتبط<sup>۲۳</sup> در هر ایستگاه کاری، وجود پنجره‌های زمانی نرم<sup>۲۴</sup> به‌منظور انجام فعالیت‌های نت، در نظر گرفتن تغییر در سرعت ماشین‌ها پس از انجام فعالیت‌های نت، اعمال هم‌زمان محدودیت دسترسی به صورت قطعی و تصادفی، استفاده از راهکار جریمه‌ی در الگوریتم ژنتیک برای جست‌وجوی قسمت‌های بیشتری از ناحیه‌ی جواب به‌منظور انجام تحقیقات آتی پیشنهاد می‌شوند.



نمودار ۳. مقایسه‌ی متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف با مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت در حالت‌های  $(R = 2)$  و  $(R = 0)$ .



نمودار ۴. مقایسه‌ی متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف با مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت در حالت‌های  $(R = 3)$  و  $(R = 0)$ .

با مجموع بیشینه مدت زمان انجام فعالیت‌های نت بر روی ماشین‌ها در حالت‌های  $(R = 0)$  و  $(R = 1)$  برای ابعاد مختلف مسئله مورد مقایسه قرار گرفته‌اند.

به‌همین ترتیب در مقایسه‌ی حالت عدم وجود فعالیت نت با حالت وجود دو و سه فعالیت نت، و با توجه به جداول ۵ و ۶ ملاحظه می‌شود که متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف در مقایسه با مجموع بیشینه زمان انجام فعالیت‌های نت در ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ مقادیر کم‌تری دارد و نتایج محاسبات دال بر ناچیز بودن افزایش تابع هدف در حالت وجود دو و سه فعالیت نت است و کارایی روش ترکیبی را تأیید می‌کند. به‌همین ترتیب با در نظر گرفتن شاخص میانگین زمان حل تفاوت چندانی بین وجود دو و سه فعالیت نت در مقایسه با حالت عدم وجود فعالیت نت ملاحظه نمی‌شود. بنابراین در حضور فعالیت‌های نت، روش حل پیشنهادی دارای میانگین زمان حل قابل قبولی است.

در نمودارهای ۳ و ۴، متوسط میزان افزایش میانگین تابع هدف الگوریتم ژنتیک

## پانوشته

1. flexible job shop (FJS)
2. non-fixed availability
3. preemption
4. no resumption (N-R)
5. symbiotic evolutionary algorithm
6. fixed availability constraint
7. semi preemption
8. No-preemption
9. resumption (R)
10. semi resumption (S-R)
11. identical parallel machines
12. permutation presentation
13. position based crossover
14. order based crossover
15. uniform mutation
16. reciprocal exchange mutation
17. super chromosome
18. rejecting strategy
19. repairing strategy
20. penalizing strategy
21. modifying genetic operations strategy
22. uniform parallel machines
23. unrelated parallel machines
24. soft time windows

## منابع

1. Zelenovic, D. "Flexibility - a condition for effective manufacturing system", *International Journal of Production Research*, **20**(3), pp. 319-337 (1982).
2. Mandelbaum, M. "Flexibility and decision-making", *European Journal of Operational Research*, **44**, pp. 17-27 (1990).
3. Torabi, S.A.; Karimi, B., and Fatemi-Ghomi, S.M.T. "The common cycle economic lot scheduling in flexible job shops: The finite horizon case", *International Journal of Foundations of Production Economics*, **97**, pp. 52-65 (2005).
4. Allaoui, H., and Artiba, A. "Scheduling two-stage hybrid flow shop with availability constraints", *Computers & Operations Research*, **33**, pp. 1399-1419 (2004).
5. Bruker, P., and Schlie, R. "Job-shop scheduling with multi-purpose machines", *Computing*, **45**, pp. 369-375 (1990).
6. Xia, W., and Wu, Z. "An effective hybrid optimization approach for multi-objective flexible job-shop scheduling problems", *Computers & Industrial Engineering*, **48**, pp. 409-425 (2005).
7. Brandimarte P. "Routing and scheduling in a flexible job shop by taboo search", *Annals of Operations Research*, **41**, pp. 157-183 (1993).
8. Jansen K. Mostrollili, M., and Solis-Oba, R. "Approximation algorithms for flexible job-shop problem", *International Journal of Foundations of Computer Science*, (16), pp.361-379 (2005).
9. Ho, N.B., and Tay, J.C. "Evolving dispatching rules for solving the flexible job shop problem", *Congress on Evolutionary Computation*, pp.2848-2855 (2005).
10. Kacem, I.; Hammadi, S., and Borne P. "Approach by localization and multiobjective evolutionary optimization for flexible job-shop scheduling problems", *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics*, **32**, pp. 1-13 (2002).
11. Hurink, E.; Jurisch, B., and Thole, M. "Tabu search for the job shop scheduling problem with multi-purpose machines", *Operations Research Spectrum*, **15**, pp. 205-215 (1994).
12. Mastrolilli, M., and Gambardella, L.M. "Effective neighborhood functions for the flexible job shop problem", *Journal of Scheduling*, **3**, pp. 3-20 (2002).
13. Kim, Y.K.; Park, K., and Ko, J. "A symbiotic evolutionary algorithm for the integration of process planning and job shop scheduling", *Computers & Operations Research*, **30**, pp. 1151-1171 (2003).
14. Ho, N.B.; Tay, J.C., and Lai, E.M. "An effective architecture for learning and evolving flexible job-shop schedules", *European Journal of Operational Research*, **179**, pp. 316-333 (2006).
15. Saidi-Mehrabad, M., and Fattahi, P. "Flexible job shop scheduling with tabu search algorithms", *Int Journal of Advanced Manufacturing Technology*, **32**, pp. 563-570 (2006).
16. Rossi, A., and Dini, G. "Flexible job-shop scheduling with routing flexibility and separable setup times using ant colony optimisation method", *Robotics and Computer-Integrated Manufacturing*, **23**, pp. 503-516 (2006).
17. Pezzella, F.; Morganti, G., and Ciaschetti, G. "A genetic algorithm for the flexible Job-shop scheduling problem", *Computers & Operations Research*, pp. 1-11 (2007).
18. Gao, J.; Sun, L. and Gen, M. "A hybrid genetic and variable neighborhood descent algorithm for flexible job shop scheduling problems", *Computers & Operations Research*, pp. 1-16 (2007).
19. Gao, J.; Gen, M., and Sun, L. "Scheduling jobs and maintenances in flexible job shop with a hybrid genetic algorithm", *Journal of Intelligent Manufacturing*, **17**, pp. 493-507 (2006).
20. Aggoune, R., and Portmann, M.C. "Flow shop scheduling problem with limited machine availability A heuristic approach", *Int Journal of Production Economics*, **99**, pp. 4-15 (2005).
21. Gharbi, A., and Haouari, M. "Optimal parallel machines scheduling with availability constraints", *Discrete Applied Mathematics*, **148**, pp. 63-87 (2005).
22. Aggoune, R. "Minimizing the makespan for the flow shop scheduling problem with availability constraints", *European Journal of Operational Research*, **153**, pp. 534-543 (2004).
23. Lee C. Y. "Two-machine flowshop scheduling with availability constraints", *European Journal of Operational Research*, **114**, pp. 420-429 (1997).
24. Schmidt G. "Scheduling on semi-identical processors", *Zeitschrift fur Operations Research*, **28**, pp.153-162 (1984).

25. Adiri, I.; Bruno, J.; Frostig, E., and Rinnooy-Kan, A.H.G. "Single machine flow-time scheduling with a single breakdown", *Acta Informatica*, **26**, pp. 679-696 (1989).
26. Lee, C.Y. "Parallel machines scheduling with non-simultaneous machine available time", *Discrete Applied Mathematics and Computers in Simulation*, **30**, pp. 53-61 (1991).
27. Lee, C.Y. "Two-machine flowshop scheduling with availability constraints", *European Journal of Operational Research*, **114**, pp. 420-429 (1999).
28. Schmidt, G. "Scheduling with limited machine availability", *European Journal of Operational Research*, **121**, pp. 1-15 (2000).
29. Espinouse, M.L.; Formanowicz, P., and Penz, B. "Complexity results on and approximation algorithms for the two machine no-wait flow shop with limited machine availability", *Journal of Operational Research Society*, **52**, pp. 116-121 (2001).
30. Xie, J., and Wang, X. "Branch and bound algorithm for flexible flowshop with limited machine availability", *Asian Information Science Life*, **1**, pp. 241-248 (2002).
31. Cheng, T.C.E., and Liu, Z. "Approximability of two-machine flowshop scheduling with availability constraints", *Operations Research Letters*, **31**, pp. 319-322 (2003).
32. Kubzin, M.A., and Strusevich, V.A. "Two-machine flow shop no-wait scheduling with machine maintenance", *A Quarterly Journal of Operations Research*, **3**, pp. 303-313 (2005).
33. Xie, J., and Wang, X. "Complexity and algorithms for two-stage flexible flowshop scheduling with availability constraints", *Computers and Mathematics with Applications*, **50**, pp. 1629-1638 (2005).
34. Wu, C.C., and Lee, W.C. "A note on single-machine scheduling with learning effect and an availability constraint", *Int. J. of Advance Manufacturing Technology*, (33), pp.540-544 (2007).
35. Zribi, N.; Kamel, A.E., and Borne, P. "Minimizing the makespan for the MPM job-shop with availability constraints", *Int Journal of Production Economics*, (112),pp. 151-160 (2008).
36. Qi, X.; Chen, T., and Tu, F. "Scheduling the maintenance on a single machine", *Journal of the Operational Research Society*, **50**, pp. 1071-1078 (1999).
37. Graves, G.H., and Lee, C.Y. "Scheduling maintenance and semiresumable jobs on a single machine", *Naval Research Logistics*, **46**, pp. 845-863 (1999).
38. Lee, C.Y., and Chen, Z.L. "Scheduling of jobs and maintenance activities on parallel machines", *Naval Research Logistics*, **47**, pp. 145-165 (2000).
39. Breit, J. "Improved approximation for non-preemptive single machine flow-time scheduling with an availability constraint", *European Journal of Operational Research*, (183), pp.516-524 (2007).
40. Graham, R.L.; Lawler, E.L.; Lenstra, J.K., and Kan, A.H.K.R. "Optimization and approximation in deterministic sequencing and scheduling: A Survey", *Annals of discrete mathematics*, **5**, pp. 287-326, (1979).
41. Garey, M.R.; Johnson, D.S., and Sethi R. "The complexity of flowshop and job-shop scheduling", *Mathematics of Operations Research Letters*, **1**, pp. 117-129 (1976).
42. Gen, M., and Cheng R. *Genetic algorithms and engineering design*, John Wiley & sons (1997).
43. Kurz, M.E., and Askin, R.G. "Scheduling flexible flow lines with sequence-dependent setup times", *European Journal of Operational Research*, **159**, pp. 66-82 (2004).

