

# مکانیابی تسهیلات بازتولید و انبار در سیستم‌های یکپارچه لجستیک مستقیم و معکوس بر حالت تقاضای تصادفی با در نظر گرفتن کالاهای مرجعی با محدودیت ظرفیت

مهماز کیانپور (دانشجوی کارشناسی ارشد)

زهرا جلیلی‌بال (دانشجوی کارشناسی ارشد)

فریبرز جولای\* (استاد)

دانشکده‌ی هنдрسی صنایع، پردیس دانشکده‌های فنی، دانشگاه تهران

در این مطالعه، با بررسی مدل‌های مختلف مکانیابی در سیستم‌های لجستیک مستقیم و معکوس و مرور مقالات اخیر در این زمینه، مدل یکپارچه‌بی مکانیابی تسهیلات در سیستم لجستیک ارائه شده است که در آن جریان کالا به طور همزمان به صورت مستقیم و معکوس در نظر گرفته شده است. در این مدل، تسهیلاتی نظیر مرکز تولیدکننده، مرکز واسطه، مرکز بازتولید و انبار، با در نظر گرفتن ظرفیت محدود تسهیلات، مکانیابی شده است. برای مدل سازی در این مطالعه، یک مدل برنامه‌ریزی مختلط صفر و ۱ عدد صحیح ارائه شده است که در آن به طور همزمان جریان مستقیم و معکوس کالا لحاظ شده است. همچنین در این مدل تقاضا به صورت تصادفی در نظر گرفته شده و شامل دو دسته تقاضای کالای جدید و تقاضای کالای دسته دو است.

**واژگان کلیدی:** مکانیابی تسهیلات، لجستیک معکوس و مستقیم، مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط، تقاضای تصادفی.

## ۱. مقدمه

می‌گویند.<sup>[۱]</sup> سیستم لجستیک معکوس کلیه فعالیت‌های مرتبط با بازگشت محصول را تا زمانی که به طور کامل بازیافت می‌شوند در بر دارد. این فعالیت‌ها عبارت‌اند از: جمع‌آوری، تیزیکاری، تکنیک‌سازی، آزمایش و تست محصول و مرتب‌سازی، ذخیره‌سازی و انتقال به سوی عملیات بازیابی.<sup>[۲]</sup> یکی از مهمترین مسائل مکانیابی، مکانیابی انبار است که به دو صورت دارای محدودیت ظرفیت و بدون محدودیت ظرفیت در مقالات مورد مطالعه قرار می‌گیرد و هدف در این مسائل یافتن مناسب‌ترین و بهترین مکان استقرار انبار برای دریافت محصول و ارائه سرویس به مشتریان است. استقرار انبارها معمولاً به‌منظور کاهش سطح هزینه‌های استقرار تسهیلات و همچنین کاهش سطح هزینه‌های حمل و نقل مورد مطالعه قرار می‌گیرد.<sup>[۳]</sup> تتو شو<sup>[۴]</sup> در مطالعه‌ی خود پیرامون موضوع طراحی شبکه‌ی لجستیک بر مکانیابی انبار تمرکز کرده‌اند. نوع شبکه‌بی که در مطالعه خود به آن اشاره کرده‌اند از نوع شبکه‌ی لجستیک مستقیم بوده است. تعیین تعداد و مکان بهینه‌ی انبار و چگونگی سرویس‌دهی انبارها موضوعاتی است که در شبکه‌ی لجستیک، به‌خصوص لجستیک معکوس مورد توجه قرار می‌گیرد. در این مطالعه مدلی برای مکانیابی سه‌سطحی در شبکه‌ی بازتولید (RMN)<sup>[۵]</sup> در سیستم لجستیک مستقیم و معکوس ارائه شده که در آن به طور همزمان تعاملات مرکز بازتولید و تولید و انبارهای مرکزی مورد توجه قرار

با توجه به تغییر قوانین و مقررات و بنا به دلایلی چون مسائل زیست‌محیطی، اقتصادی و سطح سرویس‌دهی بسیاری از مرکزهای صنعتی و سازمان‌ها جریانات معکوس لجستیکی را در سیستم لجستیکی خود وارد کرده‌اند که رفتارهایی به تعداد این مرکزهای افزوده می‌شود. منظور از جریانات معکوس لجستیکی، جریان یا حرکت محصولاتی است که مورد استفاده مشتریان قرار گرفته، مانند پسماندها و یا بازمانده‌هایی از محصولات که برای مشتری بی‌ارزش محسوب می‌شود و به سمت مرکز بازیابی فرستاده می‌شود.<sup>[۶]</sup> جریان مستقیم لجستیک بیان‌کننده‌ی حالت متدال و رایج توزیع کالا است و جریان معکوس لجستیک بیان‌کننده جمع‌آوری محصولات مصرف شده یا پس فرستادن محصولات به مرکز بازیابی توسط مشتری است. لجستیک معکوس از سوی انجمن اجرایی لجستیک معکوس آمریکا چنین تعریف شده است:

«فرایند برنامه‌ریزی، پیاده‌سازی، کنترل کارآمدی هزینه، جریان مواد خام، موجودی در فرایند، محصولات نهایی و اطلاعات مربوط به آن‌ها را که از نقطه نظر مصرف به‌منظور بازیابی ارزش یا مصرف بهینه مورد بررسی قرار می‌گیرد» لجستیک معکوس

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۴، ۳، ۱۳۹۴، / صلاحیه ۱۳۹۴، ۸، ۱۱، ۷، پذیرش ۷، ۱۳۹۴.

مرجوعی و دست دوم در لجستیک معکوس مدلی ارائه داده‌اند که در آن تقاضاً تصادفی در نظر گرفته شده است. در نهایت مدل ارائه شده با استفاده از شبیه‌سازی تصادفی و الگوریتم فراباتکاری ژنتیک حل شده است. شریف و همکاران<sup>[۱۴]</sup> در سال ۲۰۱۴ مدل مکان‌یابی - مسیریابی یک شبکه‌ی لجستیک معکوس چندمحصوله را ارائه داده‌اند. رمضانی و همکاران<sup>[۱۵]</sup> در سال ۲۰۱۳ یک شبکه‌ی یکپارچه‌ی لجستیک مستقیم و معکوس با استفاده از مسئله‌ی چندهدفه‌ی تصادفی طراحی کرده‌اند. حسن‌زاده امین و زانگ<sup>[۱۶]</sup> در سال ۲۰۱۳، مدل چندهدفه‌ی برای مکان‌یابی یک شبکه‌ی زنجیره‌ی تأمین حلقه‌بسته‌ی مستقیم و معکوس، با تقاضاً و ترجیح برگشت تصادفی، ارائه کرده‌اند. لین<sup>[۱۷]</sup> در سال ۲۰۰۹، با استفاده از روش برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح مختلط، مسئله‌ی مکان‌یابی تسهیلات با محدودیت ظرفیت و تقاضای احتمالی آن را مدل کرده و آن را یک روش آزادسازی ابتکاری حل کرده است. سان<sup>[۱۸]</sup> در سال ۲۰۱۲، مسئله‌ی مکان‌یابی تسهیلات را با استفاده از یک روش فراباتکاری با وجود محدودیت ظرفیت توسعه داده است. همچنین او برای اثبات عملکرد روش خود، این روش را با سایر روش‌ها مقایسه کرده است. فرتاندز و همکاران<sup>[۱۹]</sup> در سال ۲۰۱۴ مسئله‌ی مکان‌یابی تسهیلات با محدودیت ظرفیت را با استفاده از الگوریتم فراباتکاری ژنتیک حل کرده‌اند و از مقایسه‌ی روش پیشنهادی خود با روش سیمبلیکس، به این نتیجه رسیدند که روش آن‌ها درصد با روش بهینه اختلاف دارد. ملکت و دسکین<sup>[۲۰]</sup> در سال ۲۰۰۱ مسئله‌ی مکان‌یابی و طراحی شبکه با محدودیت روی تقاضا را در نظر گرفته و حل کرده‌اند. هو<sup>[۲۱]</sup> در سال ۲۰۱۴ مسئله‌ی مکان‌یابی با وجود محدودیت ظرفیت و با یک منبع را با استفاده از الگوریتم ابتکاری جست‌وجوی ممنوعه حل کرده است. در این مطالعه یک مدل مکان‌یابی سه‌سطحی در شبکه‌ی بازتوالید در سیستم لجستیک مستقیم و معکوس ارائه شده که در آن به طور همزمان تعاملات مرکز بازتوالید و تولید و نیز انبارهای مرکزی مورد توجه قرار گرفته است. در این مطالعه تقاضای مشتریان به صورت تقاضای تصادفی و سناریویی در نظر گرفته شده است. با توجه به مطالعات انجام شده در حوزه‌ی زنجیره‌ی تأمین، در مطالعات اندکی انبار با ظرفیت محدود در زنجیره‌ی تأمین مستقیم با معکوس لحاظ شده است؛ این در حالی است که در این مطالعه به مکان‌یابی انبار در کنار سایر تسهیلات مرکز تولید، مرکز بازتوالید، مرکوز واسطه با محدودیت ظرفیت پرداخته شده است. در بسیاری از مقالات مطالعه شده در شبکه‌ی یکپارچه‌ی زنجیره‌ی تأمین مستقیم و معکوس جریان کالا در برگشت به صورت جریان کالای مستقیم یعنی از تولیدکننده یا مرکز بازتوالید به مشتری یا مصرفکننده است؛ این در حالی است که در این مطالعات فقط کالاهای نو در نظر گرفته شده است. در این مقاله برای اولین بار، تقاضای کالاهای دست دوم، که در جریان کالای معکوس برای تأمین تقاضای مشتریان یا مصرفکنندگان در انبار ذخیره می‌شود، مطالعه شده است. همچنین در این مطالعه ضریب خطای برای مرکز واسطه در رابطه با معدوم‌سازی کالا در نظر گرفته‌ایم به گونه‌ی که علاوه بر استقرار مرکز معدوم‌سازی در کنار مرکز واسطه و در میانه‌ی زنجیره‌ی تأمین، این مرکز در کنار مرکز بازتوالید نیز استقرار یافته‌اند. بسیاری از شرکت‌های تولیدکننده‌ی قطعات الکترونیکی در سراسر جهان از این زنجیره‌ی تأمین استفاده می‌کنند.

## ۲. مرور ادبیات

فوتنانا و همکاران<sup>[۲۲]</sup> در سال ۲۰۱۴ با استفاده از رویکرد پرامیتی برای انبارهای ذخیره‌سازی مکان‌یابی کرده‌اند. روش پرامیتی یکی از روش‌های دقیق در زمینه‌ی رتبه‌بندی است که عملیات انتخاب را برای مدلiran سهولت می‌بخشد. در این مطالعه با استفاده از معیارهای مطرح شده در این مطالعه اولویت‌های ساخت انبار در مکان‌های مختلف مد نظر قرار می‌گیرد و با دقت نسبتاً خوبی محاسبه می‌شود. آسکین و همکاران<sup>[۲۳]</sup> در سال ۲۰۱۳ با درنظر گرفتن موجودی مشخص به مکان‌یابی انبارهای چندکالایی پرداخته، و یک شبکه‌ی لجستیک برای تولیدکننده طراحی کرده‌اند، به طوری که پس از تولید چندین محصول با یکدیگر و با توزیع شدن در این مطالعه با استفاده از یک رویکرد ریاضی، مکان‌یابی تسهیلات انجام می‌شود؛ مکان‌یابی انبارها و تعیین ظرفیت هر یکی برای حل این مسئله از الگوریتم فراباتکاری ژنتیک از جمله این مکان‌یابی هاست. برای حل این مسئله از الگوریتم نظر گرفتن معیارهای کمی و کیفی، و به طور همزمان با رویکرد تحلیل سلسه‌مراتبی فازی تحت شرایط عدم قطعیت، به مکان‌یابی انبار پرداخته‌اند. در رویکرد تحلیل سلسه‌مراتبی فازی ابتدا معیارها و زیرمعیارها وزن دهنده شده و سپس طی محاسباتی محل مناسب برای انبار انتخاب شده است. در این مطالعه موردی روی یک کمپانی بزرگ در ایران صورت گرفته است. در همان سال، افسارزاده و همکاران<sup>[۲۴]</sup> به مکان‌یابی برای این انبارها با رویکرد تاپسیس فازی تحت شرایط عدم قطعیت پرداخته‌اند. به طور همزمان معیارهای کمی و کیفی برای مکان‌یابی انبارهای در این تحقیق مدنظر قرار گرفته شده است. معیارهای کمی در نظر گرفته شده در این تحقیق برای اکثر کمپانی‌ها حائز اهمیت است و به همین دلیل این مدل قابل پیاده‌سازی برای اکثر کمپانی‌هاست. در این مطالعه موردی روی یک کمپانی بزرگ ایرانی صورت گرفته و داده‌ها از طریق خبره به دست آمده است. استغفار رات و همکاران<sup>[۲۵]</sup> در سال ۲۰۱۱ به مکان‌یابی - مسیریابی انبار در شرایط بحران پرداخته‌اند. پس از رخداد بلایای طبیعی باید سیستم عرضه‌کننده‌ی در یک مکان مشخص مستقر شود تا مواد لازم را به افراد حاده دیده ارسال کند. در این مطالعه با استفاده از رویکرد بهینه‌سازی چندهدفه و روش تقویت شده‌ی حدی، انباری برای این سیستم عرضه‌کننده مکان‌یابی شده است. در نهایت برای به دست آوردن جواب بهینه و حل مدل از الگوریتم‌های ابتکاری استفاده شده است. در سال ۲۰۱۴ دای و وانگ<sup>[۲۶]</sup> برای مکان‌یابی مرکزی برای انبار کالاهای

## ۳. مدل مکان‌یابی تسهیلات در یک شبکه با لحاظ مرکز بازتوالید و انبار

ناتالی بوستل و زیکانگ لو<sup>[۲۷]</sup> در سال ۲۰۰۷ در مطالعه‌ی خود شبکه‌ی بازتوالید که یکی از روش‌های بازیابی است را در نظر گرفته‌اند. آن‌ها به ارائه یک مدل

مدل ارائه شده نمایش داده شده است. برای جلوگیری از پیچیدگی این شکل، تمامی روابط میان عناصر ارائه نشده است و فقط روابط نمادین ارائه شده تا صرفاً بیان مسئله را ساده تر کند.

در این مطالعه یک مدل یکپارچه‌ی سه‌سطحی از مکان‌بایی تسهیلات ارائه می‌شود که در آن جریان کالای مستقیم و معکوس به طور همزمان در نظر گرفته شده است. در جریان کالا به طور مستقیم، تقاضای مشتریان یا مصرف‌کنندگان از طریق مراکز تولیدکننده یا مراکز بازتولید تأمین و برای انبارها ارسال می‌شود؛ مشتریان نیز به طور مستقیم کالاهای مورد تقاضای خود را از انبارها دریافت می‌کنند. باید توجه داشته باشید که مراکز بازتولید تنها به بازتولید کالاهای نمی‌پردازند، بلکه مراکز تولیدی هستند که قابلیت بازتولید کالاهای مرجعی را دارند. در جریان کالا به طور معکوس، کالاهای مرجعی ابتدا برای مراکز واسطه ارسال می‌شود و سپس از این مراکز به مراکز بازتولید فرستاده خواهد شد. تقاضای مشتریان یا مصرف‌کنندگان تحت سناریوهای مختلف تصادفی، احتمالی، یا نامشخص است؛ همچنین ظرفیت هریک از مراکز نیز محدود است. در ادامه به معرفی مدل و پارامترها و متغیرها می‌پردازیم.

#### ۴. مدل‌سازی ریاضی

چنان‌که اشاره شد، مدل ارائه شده به‌طور همزمان به مکان‌بایی چهار نوع تسهیلات (مراکز تولیدکننده، مراکز واسطه، مراکز بازتولید و انبار) بالحظاظ ظرفیت محدود در شبکه‌ی بازتولید و انبار می‌پردازد. برای مدل‌سازی این مسئله یک مدل برنامه‌ریزی مختلط صفر و ۱ و عدد صحیح ارائه شده که در آن به‌طور همزمان جریان کالای مستقیم و معکوس و برهم‌کنش متقابل آنها در نظر گرفته شده است. مدل ریاضی ارائه شده جنبه‌های واقعی شبکه را نمایش می‌دهد که در آن مراکز با ظرفیت محدود فعالیت دارند و تقاضای کالا به صورت تصادفی و به دو صورت کالای جدید و کالای دسته دو توسط مشتری یا مصرف‌کننده ارائه می‌شود. در زیر اندیس‌ها، نمادها، پارامترها و متغیرهای مدل پیشنهادی ارائه شده است.

##### ۱.۱. اندیس‌ها و نمادها

z: مشتریان یا مصرف‌کننده‌ها؛

z: مکان‌های بالقوه برای استقرار مراکز تولید و بازتولید؛

k: مکان‌های بالقوه برای استقرار مراکز واسطه؛

w: سناریوی تقاضا برای مشتریان؛

##### ۲.۰. پارامترها

$f_{rj}$ : هزینه‌ی ثابت استقرار تولیدکننده در مکان زام؛

$f_{rz}$ : هزینه‌ی ثابت استقرار مراکز بازتولید در مکان زام؛

$f_{ck}$ : هزینه‌ی ثابت استقرار مراکز واسطه در مکان زام؛

$f_{aw}$ : هزینه‌ی ثابت استقرار انبار در مکان w؛

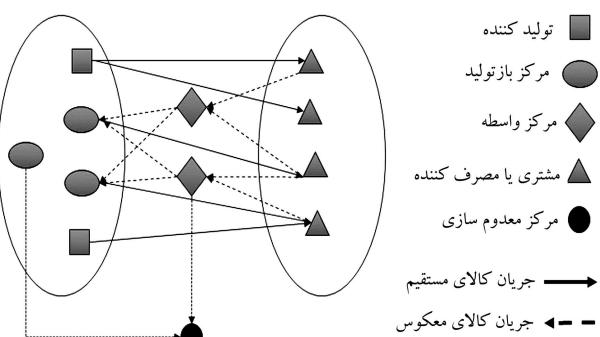
$h_i$ : تقاضای مشتری یا مصرف‌کننده زام؛

$h_{ri}$ : میزان محصولات مرجعی آماده بازتولید مشتری زام؛

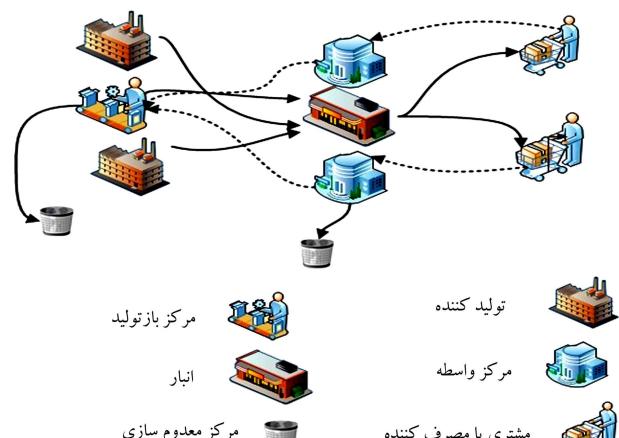
$cap_w$ : ظرفیت انبار در مکان w؛

دسطوحی یکپارچه در سیستم لجستیک معکوس پرداخته‌اند، که در آن تنها سه مرکز بازتولید و مرکز ساخت اصلی مکان‌بایی شده است. مطابق شکل ۱، آن‌ها در مدل پیشنهادی خود چهار عنصر مشتری یا مصرف‌کننده، مراکز واسطه، مراکز بازتولید و مرکز ساخت اصلی را در نظر گرفته‌اند. در مدل ارائه شده تقاضای مشتریان ثابت در نظر گرفته شده و نیز هیچ‌گونه محدودیت ظرفیت برای آن قائل نشده‌اند.

ما در این مطالعه مدل مطرح شده توسط ناتالی بوستل و ژیکیانگ لو<sup>[۲۲]</sup> را توسعه داده، و آن را با مدل‌های مکان‌بایی انبار تکیب کرده‌ایم. آن‌ها مدل خود را تنها با در نظر گرفتن یک شبکه از سیستم‌های لجستیک مستقیم و معکوس ارائه داده‌اند با این تفاوت که در این مطالعه ما با تعریف ظرفیت برای مراکز واسطه و مراکز تولیدکننده، ترکیب این شبکه با شبکه مراکز بازتولید و نیز تعریف ظرفیت برای هر کدام از آن مراکز، به مدل‌سازی این مسئله پرداخته‌ایم. در این شبکه ما پنج قسمت مهم را در نظر گرفته‌ایم: مشتریان یا مصرف‌کنندگان، مراکز واسطه، مراکز بازتولید، مراکز تولیدکننده و مراکز انبار. در قسمت مشتریان یا مصرف‌کنندگان متغیر تقاضا به دو صورت تقاضای کالاهای جدید و نو و تقاضای کالای تعمیرشده ارائه می‌شود. مراکز واسطه تنها برای کانال‌های معکوس کالا مورد استفاده قرار می‌گیرند و بازرسی، تمیزکاری، دموتاژکردن، توزیع کالاهای میان مراکز بازتولید، دریافت کالاهای مرجعی از سوی مشتریان، معدوم کردن برخی کالاهای غیر قابل بازتولید اهم فعالیت‌های آن‌ها را تشکیل می‌دهد. در شکل ۲ شمای کلی مسئله مکان‌بایی تسهیلات و



شکل ۱. شمای کلی مسئله مکان‌بایی تسهیلات در یک شبکه با در نظر گرفتن مراکز بازتولید.



شکل ۲. شمای کلی مسئله مکان‌بایی تسهیلات در یک شبکه با در نظر گرفتن مراکز بازتولید و انبار.

s.t

$$\sum_j X_{wj} = 1 \quad \forall w \quad (1)$$

$$\sum_w X_{iw} = 1 \quad \forall i \quad (2)$$

$$\sum_j \sum_k X R_{ikj} = 1 \quad \forall i \quad (3)$$

$$\sum_w cap_w X_{wj} \geq (1-\beta)(1-\gamma) \sum_i \sum_s \sum_k p'_{si} h r_i X R_{ikj} \quad \forall j \quad (4)$$

$$\begin{aligned} \sum_w cap_w X_{wj} - (1-\beta)(1-\gamma) \sum_i \sum_s \sum_k p'_{si} h r_i X R_{ikj} \\ \leq Y_j M \quad \forall j \end{aligned} \quad (5)$$

$$\sum_{s=1}^n (1-\beta)p'_{si} h r_i X R_{ikj} \leq Y R_j M' \quad \forall i, j, k \quad (6)$$

$$X_{iw} \leq Y A_w \quad \forall i, w \quad (7)$$

$$X R_{ikj} \leq Y C_k \quad \forall i, j, k \quad (8)$$

$$Y_j, Y R_j, Y C_k, Y A_w = 0, 1 \quad \forall j, k, w \quad (9)$$

$$X_{ij}, X_{iw}, X R_{ikj}, X_{wj} \geq 0 \quad (10)$$

مدل ارائه شده یک مدل خطی و تک هدفه است که با استفاده از نرم افزار GAMS ۲۴.۱.۲ کدنویسی شده است. در این مدل با تعریف برخی متغیرها مانند  $c_{rjk}$ ،  $c_{wi}$ ،  $c_{jw}$  و  $c'_{rjk}$  برای ساده کردن و اختصار تابع هدف کوشیده ایم؛ این متغیرها چنین تعریف می شوند:

$$c_{jw} = cc_{jw} + ccp_j$$

$$c_{wi} = cw_{iw} + cp_w$$

$$\begin{aligned} c'_{rjk} = & cc_{ik} + ct_k(1-\beta) + \beta ccd + cr_{kj}(1-\beta) + cm_j(1-\beta)(1-\gamma) \\ & + crd\gamma(1-\beta) - (1-\beta)(1-\gamma)cp_j \end{aligned}$$

همچنین اعداد  $M'$  و  $M$  اعداد بزرگ تعریف شده اند. تابع هدف مدل کمینه کردن کل هزینه های سبیستم -- شامل هزینه های ثابت ایجاد تسهیلات و هزینه های متغیر تسهیلات -- است؛ کل ظرفیت های انبار از میزان کالاهایی که از واحد های باز تولید به دست می آید بیشتر فرض شده است:

$$\sum_w cap_w X_{wj} \geq (1-\beta)(1-\gamma) \sum_i \sum_s \sum_k p'_{si} h r_i X R_{ikj}$$

این فرض بیان می کند که کل تقاضاهای مشتریان را نمی توان از طریق مراکز باز تولید تأمین کرد. همچنین هزینه های تولید واحد محصول بیشتر از هزینه های باز تولید در نظر گرفته شده است. محدودیت ۴ به بیان این مطلب می پردازد که به ازای هر تولید ز میزان محصولاتی که تقاضای انبارها را پوشش می دهد بیشتر از محصولاتی است که توسط مراکز باز تولید و مراکز احیا می شوند. محدودیت ۵ به این نکته می پردازد که اگر تولید کننده بی وجود نداشته باشد هیچ محصولی در جریان کالای مستقیم تولید نمی شود. محدودیت های ۱ تا ۳ بیان می دارند که میزان ظرفیت انبارها و تقاضای کالاهای کالاهای مرجعی مشتری یا مصرف کننده ها باید توسط تولید کننده ها و مراکز تعمیر و باز تولید به طور کامل تأمین شود. محدودیت ۷ نیز بیان گر این مطلب است که اگر انبار  $w$  وجود نداشته باشد پس نسبت تقاضای مشتری  $i$  از انبار  $w$  باید

- $c_{jw}$ : هزینه ای ارسال محصول از تولید کننده یا مرکز باز تولید زام به انبار  $w$  ام؛
- $cc_{jw}$ : هزینه ای حمل و نقل از تولید کننده یا مرکز باز تولید زام به انبار  $w$  ام؛
- $ccp_j$ : هزینه ای تولید واحد کالا تو سط تولید کننده یا مرکز باز تولید زام؛
- $c_{wi}$ : هزینه ای ارسال محصول از انبار  $w$  ام به مشتری  $i$  ام؛
- $cc_{wi}$ : هزینه ای حمل و نقل واحد محصول تو سط انبار  $w$  ام به مشتری  $i$  ام؛
- $cp_w$ : احتمال تقدیم مشتری  $i$  ام تحت سناریوی  $s$ ؛
- $p_{si}$ : احتمال مقدار کالاهای مرجعی مشتری  $i$  ام تحت سناریوی  $s$ ؛
- $p'_{si}$ : هزینه ای ارسال محصول مرجعی مشتری  $i$  ام تو سط مرکز واسطه  $k$  ام به مرکز باز تولید زام تحت سناریوی  $s$ ؛
- $cc_{ik}$ : هزینه ای ارسال محصول مرجعی از مشتری  $i$  ام به مرکز واسطه  $k$  ام؛
- $ct_k$ : هزینه ای واحد پردازش در مرکز  $k$  ام؛
- $\beta$ : نرخ منسخ شدن در مرکز واسطه  $k$  ام؛
- $ccd$ : هزینه ای منسخ شدن در مرکز واسطه  $k$  ام؛
- $cr_{kj}$ : هزینه ای ارسال محصول بازرسی شده از مرکز  $k$  ام به مرکز باز تولید زام؛
- $cm_j$ : هزینه ای باز تولید در مرکز باز تولید زام؛
- $cm$ : نرخ منسخ شدن در مرکز باز تولید زام؛
- $crd$ : هزینه ای منسخ شدن در مرکز باز تولید زام؛
- $cp$ : هزینه ای تولید در تولید کننده زام.

### ۳. متغیرهای تصمیم گیری

- $Y_j$ : اگر تولید کننده در مکان  $j$  زام قرار بگیرد ۱ و در غیر این صورت صفر؛
  - $Y R_j$ : اگر مرکز باز تولید در مکان  $j$  زام قرار بگیرد ۱ و در غیر این صورت صفر؛
  - $Y C_k$ : اگر مرکز واسطه در مکان  $k$  زام قرار بگیرد ۱ و در غیر این صورت صفر؛
  - $Y A_w$ : اگر انبار  $w$  ام که تو سط تولید کننده یا مرکز باز تولید زام تأمین می شود؛
  - $X_{wj}$ : سهمی از انبار  $w$  ام که تو سط انبار  $w$  ام تأمین می شود؛
  - $X_{Rijk}$ : سهمی از کالاهای مرجعی مشتری  $i$  ام که تو سط مرکز واسطه  $k$  ام به مرکز باز تولید زام ارسال می شود؛
  - $M, M'$ : اعداد بزرگ هستند.
- با توجه به پارامترها و متغیرهای تصمیم تعریف شده، مسئله را با در نظر گرفتن ظرفیت برای هر یک از واحد ها و مراکز تولید کننده، واسطه، باز تولید و انبار به صورت یک پارچه مدل سازی می کنیم.

### ۵. مدل ریاضی مسئله

$$\begin{aligned} \min z = & \sum_j f_j Y_j + \sum_j f_{Rj} Y R_j + \sum_k f_{Ck} Y C_k + \sum_w f_{Aw} Y A_w \\ & + \sum_j \sum_w cap_w X_{wj} c_{jw} + \sum_w \sum_i \sum_s c_{wi} p_{si} h_i X_{iw} \\ & + \sum_i \sum_s \sum_k \sum_j c'_{rjk} p'_{si} h r_i X R_{ijk} \end{aligned}$$

جدول ۱. نتایج بهینه حاصل از حل مسئله در مدل یکپارچه - جریان مستقیم.

مشتری		تقاضا			سهم ارضیه تقاضا از هر
۱۱	۹	۵	۱	۰	۰
۰	۰	۱۵	۱۵	۱	۰
۰	۱۰	۰	۱۰	۲	۰
۰	۳	۹	۱۲	۳	۰
۰	۱۵	۳	۱۸	۴	۰
۰	۰	۵	۵	۵	۰
۰	۱۹	۵	۲۴	۶	۰
۴	۱	۶	۱۱	۷	۰
۱۵	۱	۰	۱۶	۸	۰
۵	۸	۰	۱۳	۹	۰
۲۲	۰	۰	۲۲	۱۰	۰
۱۹	۰	۰	۱۹	۱۱	۰
۲۰	۰	۰	۲۰	۱۲	۰
۸۵	۵۷	۴۳	۱۸۵	کل	
۲۰۰	۶۰	۵۰		ظرفیت	

با مصرف کنندگان یا مشتریان در لجستیک معکوس جمع آوری شده است. اطلاعات مسئله را می‌توانیم به صورت شبکه (شکل ۳) نمایش دهیم.

در شکل ۳ اعداد نمایش داده شده در بالای هر یک از مستطیل‌ها، هزینه‌های ثابت چهار نوع تسهیل را بیان می‌دارند. اعداد درون هر یک از مستطیل‌ها نیز سطح تقاضای محصولات و میزان محصولات مرجوعی را نشان می‌دهد که به طور تصادفی مقدار گرفته‌اند. برای مثال در مکان ۱ تقاضای محصول ۱۵ است و میزان محصولات مرجوعی ۲۰ است. اعداد بالای خطوط، فاصله‌ی میان هر یک از مکان‌ها را نشان می‌دهد. اعداد درون دایره‌های مشکی نشان‌گر مکان‌های بالقوه برای استقرار ۴ نوع تسهیل اند. هزینه‌ی در نظر گرفته شده برای اراضی تقاضا با توجه به واحد مسافت و واحد تقاضا در جریان مستقیم ۱/۰ و در جریان معکوس ۰/۸ است. هزینه‌ی واحد محصول ۲۰، هزینه‌ی واحد بازتولید محصول ۷، هزینه‌ی واحد نگهداری محصول ۴، و هزینه‌ی پردازش در مراکز واسطه ۲ در نظر گرفته شده است؛ هزینه‌ی معذوم سازی هر یک از تسهیلات در جریان معکوس نیز ۰/۲ است. همچنین

$$\gamma = ۰/۳, \beta = ۰/۶, \alpha = ۰/۳$$

نتایج نشان می‌دهد که اگر یک تولیدکننده در مکان ۱۱ استقرار یابد و دو مرکز بازتولید در مکان‌های ۵ و ۹ مستقر شوند و همچنین دو مرکز واسطه در مکان‌های ۶ و ۷ و دو مرکز انبار نیز در مکان‌های ۱ و ۳ مستقر شوند، جدول ۱ جریان کالا و تقاضا را میان مراکز تولیدکننده و مراکز بازتولید و مشتریان یا مصرف کنندگان را در لجستیک مستقیم و جدول ۲ جریان کالا را میان مراکز تعمیر و مشتریان یا مصرف کنندگان نشان می‌دهد.

میزان تولید محصول توسط تولیدکننده ۱۱ معادل ۸۵ واحد تقاضا است که نسبت به نتیجه ارائه شده توسط ناتالی بسته و زیکیانگ لو [۱۲] در سال ۲۰۰۷ حدود ۴۰ درصد کاهش یافته است. همچنین مجموع حجم تولید شده در مراکز بازتولید ۵ و ۹ معادل ۱۰۰ واحد تقاضاست که نسبت به نتیجه ارائه شده توسط ناتالی بسته و زیکیانگ لو [۱۲] در سال ۲۰۰۷ معادل ۵۸ درصد افزایش داشته

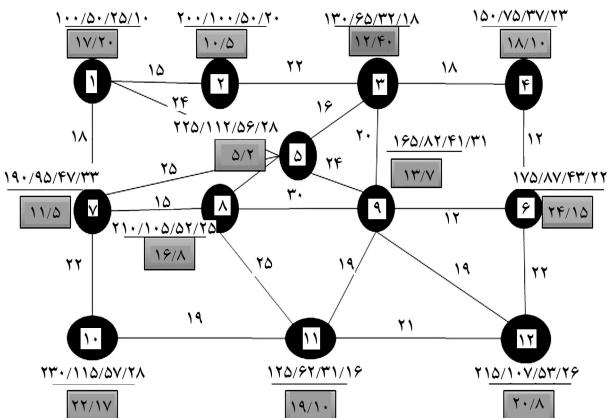
تأمین شود صفر می‌شود و اگر انبار وجود داشته باشد نسبت تقاضای مشتری نام می‌تواند از انبار ۷ام تأمین شود یا نشود. محدودیت ۸ نیز بیان می‌دارد که اگر مرکز واسطه‌ی وجود نداشته باشد پس مرکز بازتولید وجود ندارد، و اگر مرکز واسطه وجود داشته باشد جمع نسبت محصولات مرجوعی که باید توسط هر یک از این مراکز تأمین شود برابر ۱ خواهد بود. محدودیت ۶ به بیان این نکته می‌پردازد که اگر هر یک از مراکز بازتولید وجود نداشته باشد سهم آن‌ها در تأمین محصولات مرجوعی صفر است و در غیر این صورت این محدودیت اضافی است یعنی قادر است نسبتی از تقاضای محصولات مرجوعی را تأمین نکند، به طوری که نمی‌توان حد بالایی برای آن در نظر گرفت. محدودیت‌های ۹ متغیرها را به صورت صفر و ۱ معرفی کرده است و محدودیت ۱۰ غیر منفی بودن متغیرها را بیان می‌کند.

## ۶. آزمایش‌های محاسباتی

برای ارزیابی عملکرد مدل برنامه‌ریزی مختلط صفر و ۱ عدد صحیح ارائه شده آزمایش‌های عددی و محاسباتی مختلفی با استفاده از نرم افزار GAMS ۲۴.۱.۲ حل شده است. کلیه نتایج حاصل از آزمایش‌های محاسباتی انجام شده در ادامه آورده شده است.

## ۷. مدل مکان‌یابی تسهیلات با لحاظ مراکز بازتولید و انبار

برای نشان دادن کارایی مدل مکان‌یابی ارائه شده مسئله‌ی عددی را در نظر می‌گیریم که آقای دستکین [۱۲] در سال ۱۹۹۵ در رابطه با مسئله‌ی مکان‌یابی مراکز تولیدکننده در شبکه‌ی لجستیک مستقیم مطرح کرده بود؛ بعد از ناتالی بسته و زیکیانگ لو [۱۲] در سال ۲۰۰۷ این مسئله را در شبکه‌ی یکپارچه‌ی لجستیک مستقیم و معکوس با درنظر گرفتن مراکز بازتولید در لجستیک معکوس مدل شان توسعه دادند و به حل آن پرداختند. در این مسئله ۱۲ مکان برای مشتریان در نظر گرفته شده است که مراکز تولیدکننده، مراکز بازتولید و مراکز واسطه را می‌توان به طور بالقوه برای استقرار در آنها در نظر گرفت. شما کلی این مسئله را در شکل ۳ مشاهده می‌کنید. ما از این ۱۲ مکان بالقوه برای مکان‌یابی و استقرار ۴ نوع تسهیلات (مراکز تولیدکننده، مراکز بازتولید، مراکز واسطه و مراکز انبار) مفروض در مدل و شبکه‌ی ارائه شده استفاده می‌کنیم. اطلاعات لازم از قبیل اندازه کالاهای مرجوعی، هزینه‌های ثابت مراکز بازتولید و انبار و هزینه‌های مراکز واسطه برای کالاهای مرجوعی از سوی مشتریان



شکل ۳. شبکه مسئله نمونه حل شده.

معکوس و لجستیک مستقیم به صورت تأم و یک پارچه یکی از موضوعاتی است که در مدیریت سازمان‌هایی که همواره سیستم‌های لجستیک را به کارگرفته‌اند از اهمیت بالایی برخوردار است. با توجه به اهمیت این موضوع، انجام تحقیقات و مطالعات در زمینه‌ی لجستیک، بهویله در زمینه‌ی برنامه‌ریزی و بهینه‌سازی سیستم‌های لجستیک با لحاظ لجستیک معکوس و مستقیم به صورت تأم و یک پارچه امری لازم و حائز اهمیت است. در این مطالعه مقدمه‌یی از مفاهیم لجستیک معکوس با توجه به اهمیت استقرار مراکز بازتولید و مراکز انبار ارائه شده است. مدل مکان‌یابی ارائه شده در این مطالعه یک مدل یک پارچه از لجستیک معکوس و مستقیم است که در آن جریان کالا به صورت مستقیم و معکوس به صورت همزمان در نظر گرفته شده است. مدل ریاضی ارائه شده در این مطالعه یک مدل مکان‌یابی سه‌سطحی در شبکه‌ی یک پارچه از لجستیک معکوس و مستقیم است که به‌طور همزمان به مکان‌یابی و استقرار چهار نوع تسهیلات (مراکز تولیدکننده، مراکز واسطه، مراکز بازتولید و مراکز انبار) با لحاظ ظرفیت محدود می‌پردازد. برای مدل سازی این مسئله یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی مختلط صفر و ۱ و عدد صحیح ارائه شده است. مدل پیشنهادی شامل ۴ نوع تسهیلات است که به‌طور همزمان در شبکه‌ی یک پارچه ای لجستیک معکوس و مستقیم با لحاظ ظرفیت محدود استقرار می‌یابد و با استفاده از مدل ارائه شده بهترین حالت استقرار فراهم خواهد شد.

با مقایسه‌ی نتایج یک مسئله عددی از مدل ارائه شده توسط ناتالی بوستل و زیکانگ لو<sup>[۱۲]</sup> نشان داده شده که استقرار مراکز تولید به‌گونه‌یی بوده است که میزان هزینه‌های تولیدی را تا ۴۰ درصد کاهش داده است؛ همچنین نشان داده شده که مراکز بازتولید در این مسئله با استقرار در مکان‌های مناسب به میزان ۵۸ درصد بازتولید را نسبت به نتایج ارائه شده در مقایسه‌ی مذکور افزایش داده‌اند. با توجه به نتایج عددی حاصله و مقایسه‌ی نتایج استخراج شده از مدل ارائه شده و مدل مقایله‌ی مذکور نتایج مدل ارائه شده در این مطالعه دارای نتایج بهینه است. در مدل ارائه شده، ارضی تقاضا در جریان کالا معکوس بر مراکز بازتولید متصرک شده است. در این مطالعه همچنین نشان داده شده که در نظر گرفتن استقرار تسهیلات به‌طور همزمان، ساختار شبکه‌ی لجستیک معکوس و مستقیم را تحت تأثیر قرار می‌دهد. همچنین هزینه‌های مختلف تولید، بازتولید بر هزینه‌ی شبکه تأثیر می‌گذارد به‌طوری که با افزایش درصد بازتولید به‌دلیل کاهش هزینه‌های تولید هزینه‌ی کل شبکه کاهش می‌یابد. بنابراین با اتخاذ تصمیم‌های مناسب و کسب اطلاعات صحیح درمورد انتخاب تسهیلات بازیابی (مراکز بازتولید) می‌توان کالاهای مرکوزی را تا حد امکان تعمیر و بازتولید کرده و از هزینه‌های معدوم سازی و تولید نابهجه اجتناب کرد.

جدول ۲. نتایج بهینه‌ی حاصل از حل مسئله در مدل یک پارچه - جریان معکوس.

مشتری یک از مراکز انبار	مرجوعی	سهم ارضاء کالاهای	
		حجم کالاهای مرجوعی توسط هر	۹
۰	۲۰	۲۰	۱
۰	۵	۵	۲
۴۰	۰	۴۰	۳
۱۰	۰	۱۰	۴
۰	۲	۲	۵
۱۵	۰	۱۵	۶
۰	۵	۵	۷
۰	۸	۸	۸
۴	۳	۷	۹
۲	۱۵	۱۷	۱۰
۰	۱۰	۱۰	۱۱
۵	۳	۸	۱۲
۷۶	۷۱	۱۴۷	کل
۱۰۰	۵۰	۵۰	ظرفیت

است. از این ۱۰۰ واحد آن مربوط به مراکز بازتولید پنجم و ۵۷ واحد آن مربوط به مراکز بازتولید نهم است. مشاهده می‌شود که با درنظر گرفتن تأم مدل لجستیک معکوس و مستقیم در حالت استقرار مراکز انبار، طرح و ساختار شبکه و مدل را تحت تأثیر قرار می‌دهد. در مدل مکان‌یابی در لجستیک مستقیم تقاضای هر یک از مشتریان باید توسط یک تسهیل مشخص باسنج داده شود، اما این موضوع در لجستیک معکوس همیشه برقرار نیست. علاوه بر این مکان تسهیلات تولیدکننده واسطه به رابطه‌ی کمی میان جریان مستقیم و معکوس کالا است. توجه به جداول ۱ و ۲ این موضوع را بیشتر روشن می‌سازد.

## ۸. نتیجه‌گیری

مفاهیم لجستیک معکوس مانند بازیافت محصولات در چند سال اخیر، بیشتر مورد توجه بوده و در عمل نیز بسیار به کار گرفته شده است. در نظر گرفتن لجستیک

## پانوشت‌ها

## منابع (References)

1. Re-manufacturing network
2. close-loop network
1. El-Sayed, M., Afia, N. and El-Kharbotly, A. "A stochastic model for forward-reverse logistics network design under risk", *Computers & Industrial Engineering*, **58**(3), pp. 423-431 (2010).
2. Fleischmann, M., Beullens, P., Bloemhof-Ruwaard, J.M. and Van Wassenhove, L.N. "The impact of product re-

- covery on logistics network design”, *Production and Operations Management*, **10**(2), pp. 156-173 (2001).
3. Diabat, A., Abdallah, T., Al-Refaie, A., Svetinovic, D. and Govindan, K. “Strategic closed-loop facility location problem with carbon market trading”, *Engineering Management, IEEE Transactions on*, **60**(2), pp. 398-408 (2013).
4. Louwers, D., Kip, B.J., Peters, E., Souren, F. and Flapper, S.D.P. “A facility location allocation model for reusing carpet materials”, *Computers and Industrial Engineering*, **36**(4), pp. 855-869 (1999).
5. Beaulieu, M., Martin, R. and Landry, S. “Logistique à rebours: Un portrait nord-américain”, *Logistique & Management*, **7**(2), pp. 5-14 (1999).
6. Sharma, R.R.K. and Berry, V. “Developing new formulations and relaxations of single stage capacitated warehouse location problem (SSCWLP): Empirical investigation for assessing relative strengths and computational effort”, *European Journal of Operational Research*, **177**(2), pp. 823-812 (2007).
7. Teo, C.P. and Shu, J. “Warehouse-retailer network design problem”, *Operations Research*, **52**(3), pp. 396-408 (2004).
8. Fontana, M.E. and Cavalcante, C.A.V. “Use of promethee method to determine the best alternative for warehouse storage location assignment”, *International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, **70**, pp. 1615-1624 (2014).
9. Askin, R.G., Baffo, I. and Xia, M. “Multi-commodity warehouse location and distribution planning with inventory consideration”, *International Journal of Production Research*, **52**, pp. 1897-1910 (2013).
10. Afsharzadeh M., MokhatabRafiei, F. and Zare., Z. “The application of fuzzy analytic hierarchy process approach for the selection of warehouse location: A case study”, *International Journal of Business and Social Science*, **3**(4), pp.112-125 (2012).
11. Afsharzadeh, M., Mokhatab Rafiei, F., Mollaverdi Isfahani, N., Zare, Z. “Application of fuzzy TOPSIS method for the selection of warehouse location: A case study”, *Interdisciplinary Journal of Contemporary Research in Business*, **3**(9), pp. 655-671 (2012).
12. Rath, S. and Gutjahr, W.J. “A math-heuristic for the warehouse location-routing problem in disaster relief”, *Computers & Operations Research*, **42**, pp. 25-39 (2014).
13. Dai, L.F. and Wang, X.F. “Research on mixed intelligent arithmetic of reuse reverse logistics centers' location model”, *Advanced Materials Research*, **945-949**, pp. 3246-3251 (2014).
14. Sheriff, K.M.M., Subramanian, N. and Min, H. “Combined location and routing problems for designing the quality-dependent and multi-product reverse logistics network”, *Journal of the Operational Research Society*, **65**, pp. 873-887 (2014).
15. Ramezani, M., Bashiri, M. and Tavakkoli-Moghaddam, R. “A new multi-objective stochastic model for a forward/reverse logistic network design with responsiveness and quality level”, *Applied Mathematical Modelling*, **37**(1-2), pp. 328-344 (2013).
16. Hassanzadeh Amin, S. and Zhang, G. “A multi-objective facility location model for closed-loop supply chain network under uncertain demand and return”, *Applied Mathematical Modelling*, **37**(6), pp. 4165-4176 (2013).
17. Lin, C.K.Y. “Stochastic single-source capacitated facility location model with service level requirements”, *Int. J. Production Economics*, **117**, pp. 439-451 (2009).
18. Sun, M. “A tabu search heuristic procedure for the capacitated facility location problem”, *J Heuristics*, **18**, pp. 91-118 (2012).
19. Fernandes, D., Rocha, C., Aloise, D., Ribeiro, G.M., Santos, E. and Silva, A. “A simple and effective genetic algorithm for the two-stage capacitated facility location problem”, *Computers & Industrial Engineering*, **75**, pp. 222-228 (2014).
20. Melkote, S. and Daskin, M.S. “Capacitated facility location/network design problems”, *European Journal of Operational Research*, **129**, pp. 481-495 (2001).
21. Ho, S.C. “An iterated tabu search heuristic for the single source capacitated facility location problem”, *Applied Soft Computing*, **27**, pp. 169-178 (2014).
22. Lu, Z., Bostel, N. and Dejax, P. “Planification hiérarchisée des systèmes logistiques incluant la logistique inverse: Problématique et modèles stratégiques”, *Actes du 4e Congrès International de Génie Industriel (GI2001)*, Aix-en-Provence-Marseille, France, pp. 1141-1151 (2001).
23. Daskin, M.S., *Network and Discrete Location, Models, Algorithms, and Application*, Wiley: Wiley-Interscience Publication (1995).