

# مدل سازی احتمالی مشارکت در مدیریت موجودی زنجیره‌ی تأمین پس‌رو

میترا موبد\*

بحیر زایع مهرجودی (استاد)

محمد صالح اولیا (استاد)

دانشکده‌ی مهندسی صنایع، دانشگاه بزد

با افزایش آگاهی‌های زیست‌محیطی جامعه و مدیران، زنجیره‌ی تأمین پس‌رو به سرعت به موضوعی شناخته شده در نظریه و عمل تبدیل شده است. با این وجود، هزینه‌های بالای را اندازی این زنجیره‌ها همچنان یکی از موانع اصلی استقرار آنهاست. در این مقاله با الهام از مدیریت موجودی توسط فروشنده، روشی برای مشارکت در زنجیره‌های تأمین پس‌رو پیشنهاد شده است. به منظور بررسی شرایط ترجیح مدل پیشنهادی بر عدم مشارکت و مشارکت ساده، توابع هزینه‌ی این سه حالت با یکدیگر مقایسه و شرایط برتری تعریف شده است. برای در نظر گرفتن عدم قطعیت ذاتی زنجیره‌های تأمین پس‌رو، توابع توزیع احتمال میزان تولید و مصرف بازگشتهای دار مراکز تولید و بازیابی در تابع هزینه مورد استفاده قرار گرفته است. در پایان نیز سه حالت بدون مشارکت، مشارکت ساده، و مدل پیشنهادی شبیه‌سازی و هزینه‌های آنها مقایسه شده است. مقایسه‌ی هزینه‌های نشان‌گر کاهش قبل توجه هزینه در مدل پیشنهادی نسبت به دو روش دیگر است.

**واژگان کلیدی:** زنجیره‌ی تأمین پس‌رو، مشارکت، مدیریت موجودی توسط فروشنده.

moubed.m@gmail.com  
mehrjerdyazd@gmail.com  
owliams@yazd.ac.ir

## ۱. مقدمه

سازمان‌های عضو زنجیره‌ی تأمین به یکدیگر وابسته‌اند و برای دست‌یابی به عملکرد بالاتر در بلندمدت با هم همکاری می‌کنند. این بدان معناست که یک بنگاه می‌تواند برای بهبود بهره‌وری و عملکرد خود به جای تأمین منابع به صورت تکی، از منابع اشتراکی و منابع سایر اجزای زنجیره بهره‌گیرد. بنا بر این مشارکت در زنجیره‌ی تأمین یکی از مهم‌ترین نیازهای بهبود آن به شمار می‌آید.<sup>[۱]</sup> مشارکت زمانی اتفاق می‌افتد که دو یا تعداد بیشتری از واحدهای تجاری مستقل، اتحادی را شکل دهند و منابع اطلاعات خود را به اشتراک بگذارند تا به تضمیمات بهتر و سودآوری بیشتری دست یابند. به عبارت دیگر، روشی است برای همکاری فعالانه‌ی اجرای زنجیره با تمهیم اطلاعات، دانش، ریسک و سود بین آنها، به منظور دست‌یابی به هدف کل زنجیره‌ی تأمین.<sup>[۲]</sup> محققین نتایجی از جمله کاهش ضایعات، هزینه‌ها، موجودی‌ها و اثر شلاق چرمی، افزایش شفافیت، بهبود پاسخ‌گویی، رضایت مشتری و رقابت‌پذیری در بین اعضای زنجیره را برای مشارکت بر شمردند.<sup>[۳]</sup>

بررسی ادبیات موضوع مشارکت در زنجیره‌ی تأمین در سال ۲۰۱۴ نشان داده که بیشترین تأکید مطالعات پیشین بر بنگاه‌های تولیدی و تأمین‌کنندگانشان بوده است. در بررسی تقاضوت واژگان مختلف به کار گرفته شده، این محققین نشان داده‌اند که معمولاً واژه‌های هماهنگی و مشارکت به جای یکدیگر به کار رفته‌اند.<sup>[۴]</sup> عموماً نویسنده مسئول\*

تاریخ: دریافت ۱۵/۱/۱۳۹۴، اصلاحیه ۱۴/۵/۱۳۹۴، پذیرش ۲۴/۶/۱۳۹۴.

\* نویسنده مسئول  
می‌کند و برای آن تصمیمات بازپرسازی موجودی می‌گیرد. این برنامه همراه با تبادل

همه‌ی ذی نفعان می‌توانند بر قابلیت‌های کلیدی خود تمکرکنند، و نیز هزینه‌ها (به‌ویژه حمل و نقل)، کاهش می‌یابد.<sup>[۱۵]</sup> محققین جزوی با نام سیستم اطلاعاتی یکپارچه را به مراحل معمول زنجیره‌ی تأمین پس رو افزوده‌اند؛ مدل ارائه شده توسعه آنان شامل هفت جزء سیستم هماهنگی، کنترل ورودی‌ها<sup>۹</sup>، جمع‌آوری، دسته‌بندی، بازپردازش، سیستم یکپارچه‌ی اطلاعات و تعیین تکلیف است. سیستم هماهنگی مهم‌ترین قسمت مدل دانسته شده که ارتباط بین اجزای مختلف زنجیره‌ی پس رو را برقرار می‌سازد.<sup>[۱۶]</sup>

با وجود نتایج مناسبی که کاربرد VMI در زنجیره‌های تأمین سنتی داشته، در زنجیره‌ی تأمین پس رو مدل شناخته‌شده‌ی مشابهی وجود ندارد؛ فقط دو کار پراکنده در این زمینه به دست آمد که در ادامه به آنها می‌پردازیم. در سال ۲۰۰۷ محققین با توسعه‌ی روش‌های قبایلی موجود، سیاستی جدید برای مدیریت موجودی در زنجیره‌های تأمین حلقه‌باز پیشنهاد کردند. آنها با این روش جدید به تعریف پارامترهای اقتصادی بهینه (کمینه موجودی، میزان تحویل و هزینه‌های موجودی) برای کمینه‌کردن کل هزینه‌های سیستم پرداخته‌اند. همین محققین یک سال بعد، عبارت مدیریت موجودی تأمین را معرفی و روشی برای مدیریت سطح موجودی در حالت وجود یک مرکز جمع‌آوری اصلی (CRC)<sup>۱۰</sup> و چند جمع‌آوری کشته مدلی (LCP)<sup>۱۱</sup> معرفی کردند. هدف این نوشتار نیز کمینه‌کردن متوسط هزینه‌های بلندمدت زنجیره بوده است. پیش‌تر در سال ۲۰۰۶<sup>[۱۷]</sup>، لیلانک در قسمتی از پایان‌نامه‌ی دکترا خود، مفهومی را با عنوان مدیریت موجودی توسعه جمع‌آوری کشته (CMI) به عنوان VMI در زنجیره‌ی تأمین پس روی حلقه‌باز توسعه داده بود. در این سیستم برای جمع‌آوری روغن‌های سوخته دو سطح موجودی با عنوان قابل سفارش (CO)<sup>۱۲</sup> و لازم به سفارش (MO)<sup>۱۳</sup> معرفی شده است. وقتی موجودی یک مرکز به سطح «لازم به سفارش» (MO) رسید، حتماً باید حمل انجام گیرد. سطح CO نیز مقداری است که مرکز می‌تواند به صورت اقتصادی در مسیر حمل قرار گیرد.<sup>[۱۴]</sup> در این نوشتار مدل جدیدی برای مشارکت در زنجیره‌های پس رو که می‌توان آن را معادل VMI در زنجیره‌های سنتی دانست، توسعه داده است. برای این کار از ایده‌ی لیلانک برای تعریف دو سطح استفاده کردہ‌ایم. همچنین این واقعیت به مدل اضافه شده که مرکز بازیابی نیز تها در زمان‌های خاصی نیاز به مرجوعی دارد و هر زمان که جمع‌آوری انجام شد، نمی‌تواند به این مرکز انتقال داد. به این ترتیب برنامه‌ی جمع‌آوری و حمل و نقل باید به‌گونه‌ی تهیه شود که کمترین میزان بازگشتشی‌ها به شیوه‌ی نامناسب منعدم شود و بیشترین مقدار ممکن در زمان مورد نیاز به دست بازیابی کشندگان برسد. چنین مدلی هزینه‌های اضافه‌ی همچون انتقال اطلاعات و هزینه‌های مرکز میانی را برای سازمان به همراه خواهد داشت که یکی از بازدارنده‌های استقرار آن است. در این مقاله مشابه مطالعات پیشین،<sup>[۱۵]</sup> توابع هزینه‌ی حالت‌های مختلف با هم مقایسه شده است. با توجه به عدم قطعیت ذاتی زنجیره‌های تأمین پس رو، در این تحقیق توابع هزینه به صورت احتمالی مدل‌سازی، و شرایط ترجیح مشارکت بررسی شده است.

## ۲. تعریف مسئله

مسئله‌ی مورد مطالعه در این نوشتار، زنجیره‌های تأمین پس رو موازی با نوع خاصی از بازگشته، و روش مشخصی برای بازیابی است که طی آن اجزای تولیدکشته و مصرف‌کشته‌ی بازگشته‌ها در یک محدوده‌ی جغرافیایی فعالیت می‌کنند. برای مثال می‌توان به زنجیره‌های پس رو بازیابی ضایعات کارخانجات تولیدی مستقر در یک

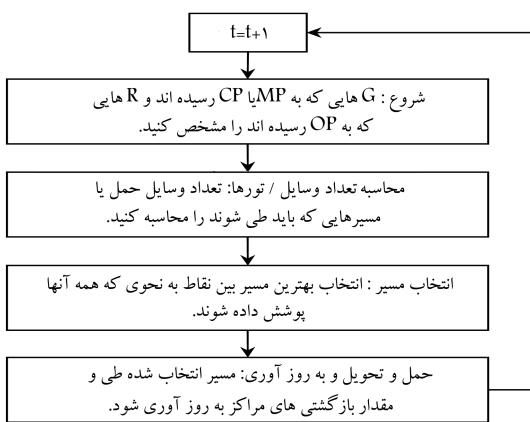
اطلاعات و شفافیت تقاضا بین اعضای زنجیره به آنها این امکان را می‌دهد که سطح موجودی خود را بهتر مدیریت کنند. به این ترتیب ضمن کاهش اثر شلاق چرمی، موجودی در کل زنجیره نیز کاهش می‌یابد که باعث کاهش فضای مورد نیاز و هزینه‌های مختلف زنجیره می‌شود.<sup>[۱۶]</sup> صوفی فرد و همکارانش با مدل‌سازی ریاضی VMI نشان داده‌اند که این سیستم چنانچه تأمین‌کشته‌ی تها یک خریدار طرف قرارداد باشد همواره از سیستم سنتی بهتر عمل می‌کند. همچنین زمانی که تأمین‌کشته با دو خریدار کار می‌کند می‌توان شرایطی فراهم کرد که سیستم جدید نسبت به سیستم سنتی بهتر عمل کند.<sup>[۱۷]</sup> در مطالعه‌ی دیگری در سال ۱۳۹۳، مدل یکپارچه‌ی پیاساس VMI در زنجیره‌ی تأمین دوستخواهی با یک تولیدکشته و چند خردۀ فروش توسعه یافته است. برای حل مدل دوهدفی غیرخطی حاصله، دو روش

فرابستگاری ارائه و عملکرد آنها با هم مقایسه شده است.<sup>[۱۸]</sup>

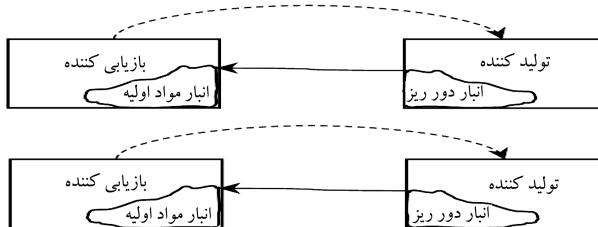
با افزایش آگاهی‌های زیست محیطی جوامع و مدیران، در سال‌های اخیر سازمان‌ها ملزم به ارزیابی اثربار محصولات و فعالیت‌های خود در طول زنجیره‌ی تأمین و در تمامی چرخه‌ی عمر آن شده‌اند. این چرخه علاوه بر تولید و مصرف محصول شامل مراحل بازگشت، بازیابی و انهدام مناسب محصول نیز می‌شود. زنجیره‌ی تأمین پس رو<sup>۷</sup> به صورت «فرابیند برنامه‌ریزی، استقرار و کنترل مناسب جریان مواد خام، مواد در جریان ساخت و کالاهای نهایی از تولیدکشته، مرکز توزع یا مصرف‌کشته‌ی نهایی به مرکز بازیابی یا انهدام» تعریف شده است.<sup>[۱۹]</sup> مطالعات مربوط به زنجیره‌های تأمین پس رو در سال‌های گذشته به سرعت رو به رشد بوده اما با وجود افزایش آگاهی مدیران و صنایع در این زمینه، سرعت استقرار و راهاندازی آنها نسبت به مطالعات نظری بسیار کند بوده است. یکی از دلایل این موضوع نیز هزینه‌های بالای استقرار زنجیره‌های است که در بسیاری مواقعي جذابیت اقتصادی چنانی برای مدیران ایجاد نمی‌کند.<sup>[۱۲]</sup> از دیدگاهی کلی، این زنجیره‌ها به زنجیره‌های حلقة‌باز و حلقة‌بسته<sup>۸</sup> تقسیم می‌شود. در زنجیره‌های حلقة‌بسته محصولات برگشته به همان تولیدکشته‌ی اولیه در زنجیره‌ی سنتی بازمی‌گردند؛ اما در زنجیره‌های تأمین حلقة‌باز برگشته‌ها به یک یا چند بازیابی‌کشته‌ی دیگر در زنجیره‌های دیگر بازمی‌گردد تا عملیات لازم را روی آنها انجام دهند.

محققین تعداد ۶۹ مقاله در مبحث مشارکت در زنجیره‌ی تأمین را بررسی و آنها را براساس زمینه‌ی کاری‌شان تفکیک کرده‌اند.<sup>[۲۰]</sup> نمودار مربوط به نوع موضوعات نشان می‌دهد که هیچ‌کدام از مطالعات بررسی شده در زنجیره‌ی تأمین پس رو نبوده است. با این حال، زنجیره‌های تأمین پس رو نیز مانند زنجیره‌های سنتی نیازمند مشارکت در میان اجزای مختلف خود به منظور دست‌یابی به عملکرد مناسب‌اند. برخی از نویسنده‌گان این حوزه به اهمیت ارتباطات در هماهنگی‌های زنجیره‌ی پس رو و گزینه‌های تعیین تکلیف پرداخته‌اند و برخی دیگر معتقد‌اند که استفاده از سیستم‌های پشتیبان تصمیم‌گیری و سیستم‌های اطلاعاتی می‌تواند به این امر کمک کند.<sup>[۱۳]</sup> بررسی عوامل تأثیرگذار بر پذیرش و موفقیت زنجیره‌ی تأمین پس رو در صنایع تولیدی کنیا، مشارکت بین اجزا را یکی از عوامل حیاتی معرفی کرده است. بررسی جنبه‌های مختلف مشارکت نیز تأثیر مثبت هماهنگی و روابط مناسب، کیفیت خدمات، انعطاف‌پذیری و توان‌مندی اجزا و شهیم اطلاعات بین آنها را بر اثربخشی زنجیره‌ی پس رو نشان داده است.<sup>[۱۴]</sup>

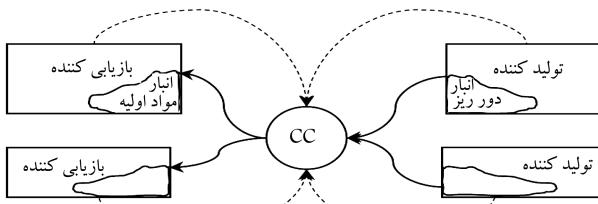
در زنجیره‌های تأمین حلقة‌بسته، مدلی برای مشارکت بین مشتریان، خردۀ فروشان و تولیدکشته‌گان به منظور بیشینه‌کردن میزان بازگشته‌ها ارائه شده است.<sup>[۱۵]</sup> در این ساختار، تولیدکشته و تأمین‌کشته‌ی خدمات بازپرسازی کارت‌تایی پرینترها با هم شراکت دارند. به منظور بررسی تأثیر این ساختار جدید، نتایج و توابع هزینه‌ی آن با ساختار قبلی مقایسه، و نشان داده شده که در مدل جدید حجم بازگشته‌ها افزایش می‌یابد،



شکل ۱. فرایند کلی مشارکت در زنجیره‌ی پیشنهادی.



شکل ۲. دو زنجیره‌ی تأمین پس رو در حالت بدون مشارکت.



شکل ۳. دو زنجیره‌ی تأمین موازی با مشارکت در مرکز جمع‌آوری.

### ۱.۳ مدل مشارکت پیشنهادی

ابتدا لازم است حدودی برای موجودی مرآکز و برنامه‌ریزی مسیرهای حرکت تعريف شود. این سطوح عبارت‌اند از:

— هر مرکز تولید ( $G_i$ ) یک نقطه‌ی برداشت <sup>۱۸</sup> ( $MP_i$ ) دارد که اگر موجودی بازگشتهای بیش از آن باشد، قابلیت نگهداری ندارد. همچنین یک نقطه‌ی قابل برداشت <sup>۱۹</sup> ( $CP_i$ ) برای هر مرکز تعريف می‌شود که وقتی موجودی به آن حد رسیده باشد، مرکز می‌تواند در مسیر اضافه شود.

— هر مرکز بازیابی ( $R_i$ ) یک نقطه‌ی سفارش ( $OP_i$ ) دارد که وقتی موجودی بازگشتهایها به آن حد رسید، باید به مقدار اقتصادی سفارش ( $EOQ_i$ ) بازگشتهای دریافت کنند. در واقع  $R$  ها قبل از رسیدن به نقطه‌ی سفارش نمی‌توانند بازگشتهای را تحویل بگیرند.

— مرکز جمع‌آوری (CC) در حالت ایده‌آل ظرفیتی برای نگهداری ضایعات ندارد و بیشتر به عنوان مرکزی برای نگهداری اطلاعات موجودی مرآکز و برنامه‌ریزی برای برداشت و انتقال بازگشتهایها در نظر گرفته می‌شود. اما از آنجا که گاهی ممکن است برخی از  $G$  ها نیاز به برداشت داشته باشند، در حالی که هیچ‌کدام از  $R$  ها نیازی ندارند، بازگشتهایها می‌توانند برای مدتی در CC نگهداری شوند.

خوشی صنعتی اشاره کرد. هرکدام از کارخانجاتی که در یک محدوده‌ی جغرافیایی فعال‌اند، ضایعات خود را به روش‌های مختلف (اگرچه مناسب نباشد) منهدم می‌کنند. اگرچه ممکن است از این ضایعات در مرآکز دیگری مجدد استفاده شود، به دلایل متعدد — نظریه‌زینهای بالای زنجیره‌های پس رو و عدم صرفه به مقیاس — این کار انجام نمی‌گیرد و ممکن است ذفن، سوزاندن یا... همان روش معمول و کاربردی کارخانجات برای دوربین باشد. از طرفی بازیابی‌کنندگانی که می‌توانند از این ضایعات استفاده کنند نیز به دلیل هزینه‌ها و مشکلات راهاندازی زنجیره‌ها، از مواد اولیه‌ی خام برای تولید استفاده می‌کنند. بنابراین مدل این مقاله شامل یک زنجیره‌ی تأمین حلقه‌پار سه‌سطحی است. از آنجا که بازگشتهای می‌بختفای می‌توانند در این نوع زنجیره‌های سه‌سطحی حرکت کنند، برای نام‌گذاری اجزا از نام‌های عمومی استفاده شده که عبارت‌اند از:

— تولیدکنندگان بازگشتهای (G): مرآکزی که بازگشتهای در آنجا ایجاد و نگهداری می‌شود و شروع به حرکت در طول زنجیره می‌کند. این مرآکز ممکن است: ۱. تولیدکنندگانی باشند که ضایعات و دوربینهای تولید را بازیابی می‌کنند؛ ۲. مرآکز توزیعی باشند که بازگشتهایها را از مرآکز مخفتفی مانند خوده فروشان یا مشتریان جمع‌آوری می‌کنند؛ ۳. خرده‌فروشانی باشند که محصولات بازگشتهای مشتریان با مجموعات تاریخ مصرف گذشته برای بازیابی دارند.

— مرآکز بازیابی بازگشتهای (R): این مرآکز در نوع خاصی از بازیابی مورد نظر تولیدکنندگان تخصص دارد. نوع بازیابی بسته به محصول بازگشتهای می‌تواند متفاوت باشد، نظری مرآکزی که می‌توانند نخلهای ساختمانی را به عنوان مواد اولیه در فرایند تولید خود به کار ببرند.

— مرآکز جمع‌آوری بازگشتهای (CC): این مرآکز بازگشتهای را از مرآکز تولید جمع‌آوری، و به مرآکز بازیابی ارسال می‌کند. همچنین می‌توانند بازگشتهای را برای مدتی — دست کم تا زمان نیاز مرآکز بازیابی — نزد خود نگهدارند.

### ۳. بررسی تأثیر مشارکت بر هزینه‌های زنجیره

برای بررسی تأثیر مشارکت بر هزینه‌ها، دو تولیدکننده بازگشتهای (G) یک مرکز جمع‌آوری بازگشتهای (CC) و دو مرکز بازیابی بازگشتهای (R) در زنجیره‌ی تأمین پس رو در نظر گرفته شده است. در ادامه، ابتدا حالت‌های مورد مطالعه، معرفی و هزینه‌های کل آنها به صورت ریاضی مدل‌سازی می‌شود. از مقایسه‌ی هزینه‌ها به شرایط برتری روش پیشنهادی، مشارکت ساده و عدم مشارکت بر یکدیگر دست می‌یابیم. در این مقاله سه حالت کلی برای اعضای بررسی می‌شود:

الف) حالت سنتی که در آن هر عضو زنجیره مسئول کنترل موجودی، سفارش دهی و برنامه‌ریزی ارسال، دریافت و حمل برای خودش است (شکل ۱)؛

ب) روش ساده‌ی مشارکت که در آن اجزای زنجیره از یک مرکز جمع‌آوری مشترک استفاده می‌کنند (شکل ۲).

ج) مدل مشارکتی پیشنهادی این مقاله که در آن یک مرکز جمع‌آوری به همه‌ی مرآکز خدمت‌رسانی می‌کند، با این تفاوت که این مرکز صرفاً در حکم انتبار میانی نیست و مسئولیت کنترل موجودی مرآکز، برنامه‌ریزی برای انتقال بازگشتهای و تعیین بهترین مسیرهای حمل را عهده‌دار است (شکل ۳).

با این تعریف انتظار داریم در روش پیشنهادی، هزینه‌ها و مشکلات کنترل موجودی و سفارش دهی توسط اجزا کاهش یابد.

- $C_s$ : هزینه‌ی هر بار راه افتادن (استارت) برای حمل و نقل؛  
 $C_t$ : هزینه‌ی حمل و نقل بازیابی هر واحد بازگشتی در زنجیره؛  
 $Q_R$ : مقدار هر بار سفارش برای بازگشتی توسط  $R$ ؛  
 $Q_G$ : مقدار هر بار سفارش برای برداشت بازگشتی توسط  $G$ ؛  
 $M_P$ : بیشترین بازگشتی قابل نگهداری در انبار  $G$ ؛  
 $CP_i$ : نقطه‌ی قابل برداشت ضایعات از انبار  $G$ ؛  
 $Cap$ : ظرفیت وسیله‌ی نقلیه؛  
 $I_{G_i}$ : موجودی بازگشتی‌ها در انبار  $G$ ؛  
 $I_{R_i}$ : موجودی بازگشتی‌ها در انبار  $R$ ؛  
 $I_{CC}$ : موجودی بازگشتی‌ها در انبار مرکز جمع‌آوری (CC)؛  
 $n_j$ : تعداد دفعات حرکت وسائل نقلیه در روش  $j$  ( $j = 1, 2, 3$ )؛  
 $P_{so_j}$ : احتمال کمپود در انبار  $R$  در روش  $j$  ( $j = 1, 2, 3$ )؛  
 $f_R(x)$ : تابع میزان مصرف سالانه بازگشتی‌ها در  $R$ ؛  
 $f_G(x)$ : تابع میزان تولید سالانه بازگشتی در  $G$ ؛  
 $f_{GS}(x)$ : تابع میزان حمل مستقیم از  $G$  به  $R$ ؛  
 $f_{SO_j}(x)$ : تابع میزان کمپود در  $R$  در روش  $j$  ( $j = 1, 2, 3$ ).

### ۱.۳.۳ هزینه‌ها در حالت عدم مشارکت

در این حالت،  $G$ ‌ها پس از تولید بازگشتی آن را در محل خود نگهداری می‌کنند تا زمانی که یک  $R$  سفارشی ارسال کند. در شکل ۲ نقطه‌چین‌ها تبادل اطلاعات و خطوط پر جابه‌جایی فیزیکی بازگشتی‌ها را نشان می‌دهد. در صورتی که ظرفیت انبار  $G$  تکمیل شود و جایی برای نگهداری نداشته باشد، ممکن است آنها را به روشی نامناسب منهدم کند. در این حالت هر کدام از اعضاء می‌خواهند هزینه‌های خود را کمینه کنند؛ یعنی  $R$ ‌ها برای کاهش هزینه‌های سفارش‌دهی، حمل و نقل، و نگهداری بازگشتی‌ها و  $G$ ‌ها برای کاهش هزینه‌های نگهداری و دوربری غیرمجاز می‌کوشند. این تصمیمات جداگانه ممکن است کل هزینه‌ی زنجیره را افزایش دهد.

برای محاسبه‌ی هزینه‌ی کل این دو زنجیره، هزینه‌های  $G$ ‌ها،  $R$ ‌ها و  $CC$  را به دست می‌آوریم. مدل موجودی در  $R$  مشابه مدل موجودی مواد اولیه در یک مرکز تولیدی است که کمپودها را پس‌افت می‌کند. هزینه‌ی کل هر  $R$  بدون مشارکت، در رابطه ۱ عبارت است از هزینه‌های سفارش‌دهی، نگهداری و پس‌افت:

$$C_R = \frac{C_O \int_0^\infty x f_R(x) dx}{Q_R} + C_h \left( \frac{Q_R}{2} - \int_0^\infty x f_{SO_1}(x) dx \right) + C_{so} \int_0^\infty x f_{SO_1}(x) dx \quad (1)$$

برای محاسبه‌ی هزینه‌ی کل هر  $G$ ، فرض بر این است که دوربری‌ها به صورت روزانه ایجاد و نگهداری می‌شوند تا به  $MP$  برسند. در این زمان اگر برداشت نشوند، مقدار اضافی دوربری می‌شود. هزینه‌ی کل برابر با هزینه‌ی نگهداری موجودی و دوربری غیرمجاز مطابق رابطه ۲ محاسبه می‌شود. از آنجا که سفارش‌دهی برای دوربری تنها توسط  $R$  انجام می‌شود،  $G$  هزینه‌ی سفارش‌دهی ندارد. همچنین مقدار هر بار برداشت از  $G$  برابر است با مقدار تقاضای  $R$  از آن.

$$TC_G = C_h \int_0^{MP} x f_G(x) dx + C_e \int_{MP}^\infty (x - MP) f_G(x) dx \quad (2)$$

هزینه‌ی کل این زنجیره در این حالت ( $TC_1$ ) شامل هزینه‌های مرکز تولید و بازیابی و هزینه‌های حمل و نقل است. با فرض یکسان بودن تابع مقدار نیاز، تقاضا و

در هر دوره، مقدار بازگشتی مرکز بررسی و آنها بیکه به  $OP$  و  $MP$  رسیده باشند در مسیر قرار می‌گیرند. اگر وسیله‌ی ظرفیت خالی داشته باشد، می‌توان از مرکز تولیدی که به  $CP$  رسیده‌اند نیز برداشت کرد. در صورتی که بازگشتی‌ها برداشت شوند اما هیچ مرکز بازیابی به آن نیاز نداشته باشد، به  $CC$  حمل و نگهداری می‌شود تا زمانی که یک مرکز به بازگشتی نیاز پیدا کند. فرایند کلی مشارکت در روش پیشنهادی در شکل ۱ نشان داده شده است.

### ۲.۰ پیش‌فرض‌های مدل پیشنهادی

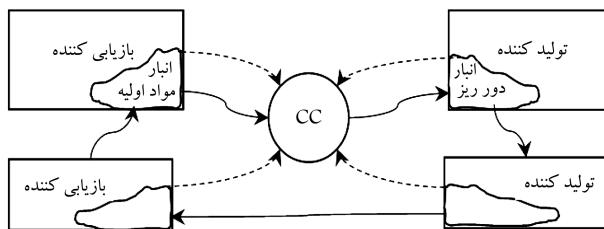
به منظور تشریح مدل، نیاز به پیش‌فرض‌هایی داریم که عبارت‌اند از:

- ظرفیت انبار  $G$ ‌ها و  $R$ ‌ها محدود است. اما ظرفیت نگهداری  $CC$  نامحدود فرض می‌شود. (می‌تواند انبار اجاره کند):
- شروع و پایان حرکت وسائل نقلیه از مرکز جمع‌آوری است:
- بازگشتی‌های یک  $G$  باید دست کم به نقطه‌ی قابل برداشت ( $CP$ ) رسیده باشد تا مرکز بتواند در مسیر وسیله قرار گیرد.
- وقتی موجودی بازگشتی  $G$  به  $MP$  برسد، دیگر نمی‌تواند آن را نگهداری کند و با اولین روش ممکن منهدم می‌سازد.
- نقطه‌ی قابل برداشت برای  $CC$  صفر است، یعنی هر زمان مقداری بازگشتی داشته باشد، می‌تواند در لیست برداشت قرار گیرد.
- وسایل نقلیه، مشابه و دارای ظرفیت یکسان‌اند.
- زمان انتظار برای دریافت بازگشتی‌ها  $z^*$  صفر است، یعنی بازگشتی‌ها در همان دوره‌ی برداشت به  $R$  می‌رسند.
- $R$ ‌ها سیاست مقدار اقتصادی سفارش را دنبال می‌کنند و زمانی که به نقطه‌ی سفارش برسند، بازگشتی‌ها را دریافت می‌کنند.
- $R$ ‌ها در صورتی که با کمپود مواجه شوند، می‌توانند پس از دریافت موجودی، کمپود را جبران کنند (پس‌افت).
- هزینه‌ی نگهداری موجودی در مرکز تولید و بازیابی یکسان است.
- هزینه‌های حمل و نقل میان اجزا برابر است با هزینه‌ی ثابت شروع حرکت و هزینه به‌ازای میزان بار حمل شده.
- متوسط مقدار بازگشتی تولید شده در کل زنجیره دست کم برابر با متوسط مقدار بازگشتی مصرف شده است.
- توزیع احتمال مقدار تولید بازگشتی در  $G$ ‌ها و مقدار مصرف آنها در  $R$ ‌ها پیوسته است.

### ۳.۰ مدل‌سازی ریاضی حالت‌های مورد بررسی

نمادهای مورد استفاده برای محاسبه‌ی هزینه‌ها عبارت‌اند از:

- تعداد مرکز تولید ( $G$ ‌ها):  $g$
- تعداد مرکز بازیابی ( $R$ ‌ها):  $r$
- هزینه‌ی هر بار سفارش‌دهی:  $C_o$
- هزینه‌ی نگهداری هر واحد بازگشتی در انبار  $R/G$ :  $C_h$
- هزینه‌ی هر واحد کمپود در انبار  $R$ :  $C_{so}$
- هزینه‌ی دوربری هر واحد بازگشتی به روش نامناسب در  $G$ :  $C_e$



شکل ۴. مشارکت در دو زنجیره‌ی تأمین موازی با روش پیشنهادی.

### ۳.۳.۳. هزینه‌های مشارکت پیشنهادی

در این حالت (شکل ۴) مرکز تولید، بازیابی و جمع‌آوری با مشارکت یکدیگر به جمیع آوری و انتقال بازگشتهای می‌پردازند. در این مشارکت، اطلاعات موجودی مرکز به طور مداوم برای CC ارسال می‌شود. به این ترتیب هزینه‌ی سفارش‌دهی حذف و هزینه‌ی بی‌بابت انتقال اطلاعات به زنجیره اضافه می‌شود.

در این روش مشارکت، بخشی از تقاضای بازگشتهای Rها از طریق ارسال مستقیم از Gها و بخشی از طریق CC تأمین می‌شود. بنابراین متوسط موجودی مرکز جمع‌آوری از معادله‌ی ۷ به دست می‌آید. در واقع ورودی به مرکز برابر است با مقدار تولید در Gها منهای مقداری که مستقیماً برای Rها ارسال می‌شود و خروجی برابر است با مقدار مصرف Rها منهای مقداری که مستقیماً برای آنها ارسال شده است. برای Gها و Rها در این حالت هزینه‌های سفارش‌دهی حذف می‌شود. اما هزینه‌ی دوربیز غیرمجاز در Gها مجدداً مانند حالت اول وجود دارد. هزینه‌ی کل این حالت نیز در رابطه‌ی ۸ ارائه شده است. در این حالت هزینه‌ی انتقال اطلاعات به هزینه‌های زنجیره اضافه می‌شود. با این فرض که در هر حرکت، وسیله به اندازه‌ی ظرفیت خود بازگشتهای را برمی‌دارد، هزینه‌ی متغیر حمل به صورت «تعداد دفعات حمل × ظرفیت وسیله» محاسبه می‌شود که در معادله‌ی هزینه نیز مشخص است.

$$\begin{aligned} \bar{I}_{CC} &= \int_0^\infty x f_{ic}(x) dx - \int_0^\infty x f_{oc}(x) dx \\ &= \left( g \int_0^\infty x f_G(x) dx - g \int_0^\infty x f_{GS}(x) dx \right) \\ &\quad - \left( r \int_0^\infty x f_R(x) dx - g \int_0^\infty x f_{GS}(x) dx \right) \\ &= g \int_0^\infty x f_G(x) dx - r \int_0^\infty x f_R(x) dx \end{aligned} \quad (7)$$

$$\begin{aligned} TC_r &= r C_h \left( \frac{Q_R}{2} - \int_0^\infty x f_{SO_r}(x) dx \right) + r C_{so} \int_0^\infty x f_{SO_r}(x) dx \\ &\quad + g C_h \int_0^{MP} x f_G(x) dx + g C_e \int_{MP}^\infty (x - MP) f_G(x) dx \\ &\quad + C_h \left( g \int_0^\infty x f_G(x) dx - r \int_0^\infty x f_R(x) dx \right) + n_r C_s \\ &\quad + n_r \cdot Cap \cdot C_t + TC_{inf} \end{aligned} \quad (8)$$

### ۴. شرایط انتخاب روش پیشنهادی

برای آن که این نوع مشارکت توسط اعضای زنجیره‌ی تأمین انتخاب شود، باید هزینه‌های آن کمتر از دو حالت قبل باشد. شرط برتری مدل پیشنهادی بر مشارکت ساده در رابطه‌ی ۹ نشان داده شده است. در صورت برابر بودن احتمال کمبود این

هزینه‌های مختلف برای اجرای مشابه، هزینه‌ی کل مطابق رابطه‌ی ۳ محاسبه می‌شود. همانطور که در پیش‌فرضها هم بیان شد هزینه‌های حمل شامل هزینه‌های ثابت برای هر بار حرکت و متغیر برای هر واحد بار جابه‌جا شده است.

$$\begin{aligned} TC_1 &= \frac{r C_O \int_0^\infty x f_R(x) dx}{Q_R} + r C_h \left( \frac{Q_R}{2} - \int_0^\infty x f_{SO_1}(x) dx \right) \\ &\quad + r C_{so} \int_0^\infty x f_{SO_1}(x) dx + g C_h \int_0^{MP} x f_G(x) dx \\ &\quad + g C_e \int_{MP}^\infty (x - MP) f_G(x) dx + n_1 C_s \\ &\quad + r C_t \int_0^\infty x f_R(x) dx \end{aligned} \quad (3)$$

### ۲.۳.۳. هزینه‌های مشارکت ساده

یکی از ساده‌ترین حالت‌های مشارکت، استفاده از یک مرکز جمع‌آوری مشترک (CC) برای چند G و R است (شکل ۳). در این حالت وقتی که ظرفیت انبار هر G پر شد، می‌تواند دوربیزها را برای CC بفرستند. از سویی Rها هر زمان نیاز داشته باشند، به CC درخواست می‌دهند و دوربیزها را دریافت می‌کنند. این مرکز به عنوان یک انبار میانی در مدل پیشنهادی عمل می‌کند.

هزینه‌های Rها در این نوع مشارکت، مشابه حالت قبل، عبارت‌اند از: هزینه‌های سفارش‌دهی، نگهداری و کمبود. همچنین هزینه‌های هر مرکز تولید (G) مطابق رابطه‌ی ۴ محاسبه می‌شود، که نسبت به حالت قبل هزینه‌ی سفارش‌دهی به آن اضافه شده است. از سویی هزینه‌ی دوربیز غیرمجاز در این حالت حذف شده است، چرا که هر زمان مقدار موجودی آنها به MP رسید، برداشت انجام می‌گیرد و بازگشتهای را هیچ‌گاه دور نمی‌زند.

$$TC_G = \frac{C_O \int_0^\infty x f_G(x) dx}{QG} + C_h \int_0^{MP} x f_G(x) dx \quad (4)$$

هزینه‌های مرکز جمع‌آوری در این حالت مطابق رابطه‌ی ۵ فقط هزینه‌های نگهداری هستند. بنابراین لازم است متوسط موجودی این مرکز به دست آید که برابر است با متوسط ورودی به انبار (تولید بازگشتهای در Gها) منهای متوسط خروجی از انبار (مصرف بازگشتهای در Rها). هزینه‌های کل زنجیره‌ی ۶ در این حالت برابر با هزینه‌های مرکز تولید، بازیابی و جمع‌آوری همراه با هزینه‌های حمل و نقل است. در مورد هزینه‌ی حمل و نقل، در این حالت هم کل مقدار بازگشتهای Gها و هم کلیه بازگشتهای Rها باید برداشت و حمل شود.

$$TC_{CC} = g \int_0^\infty x f_G(x) dx - r \int_0^\infty x f_R(x) dx \quad (5)$$

$$\begin{aligned} TC_1 &= \frac{r C_O \int_0^\infty x f_R(x) dx}{Q_R} + r C_h \left( \frac{Q_R}{2} - \int_0^\infty x f_{SO_1}(x) dx \right) \\ &\quad + r C_{so} \int_0^\infty x f_{SO_1}(x) dx + \frac{g C_O \int_0^\infty x f_G(x) dx}{QG} \\ &\quad + g C_h \int_0^{MP} x f_G(x) dx + C_h \left( g \int_0^\infty x f_G(x) dx \right. \\ &\quad \left. - r \int_0^\infty x f_R(x) dx \right) + n_1 C_s + C_t \left( r \int_0^\infty x f_R(x) dx \right. \\ &\quad \left. + g \int_0^\infty x f_G(x) dx \right) \end{aligned} \quad (6)$$

دو حالت، شرط برتری به صورت رابطه‌ی ۱۰ درمی‌آید.

$$\begin{aligned} TC_{\tau} \leq TC_1 &\Rightarrow C_O \left( \frac{r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx}{Q_R} + \frac{g \int_{-\infty}^{\infty} x f_G(x) dx}{Q_G} \right) \\ &+ rC_h \left( \int_{-\infty}^{\infty} x f_{SO_{\tau}}(x) dx - \int_{-\infty}^{\infty} x f_{SO_1}(x) dx \right) \\ &- rC_{so} \left( \int_{-\infty}^{\infty} x f_{SO_{\tau}}(x) dx - \int_{-\infty}^{\infty} x f_{SO_1}(x) dx \right) \\ &+ C_t \left( r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx + g \int_{-\infty}^{\infty} x f_G(x) dx - n_{\tau}.Cap \right) \\ &+ C_s (n_{\tau} - n_1) \geq TC_{inf} + gC_e \int_{MP}^{\infty} (x - MP) f_G(x) dx \end{aligned} \quad (9)$$

$$\begin{aligned} f_{SO_{\tau}} = f_{SO_1} &\Rightarrow C_O \left( \frac{r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx}{Q_R} + \frac{g \int_{-\infty}^{\infty} x f_G(x) dx}{Q_G} \right) \\ &+ C_t \left( r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx + g \int_{-\infty}^{\infty} x f_G(x) dx - n_{\tau}.Cap \right) \\ &+ C_s (n_{\tau} - n_1) \geq TC_{inf} + gC_e \int_{MP}^{\infty} (x - MP) f_G(x) dx \end{aligned} \quad (10)$$

همچنین شرط برتری مدل پیشنهادی بر عدم مشارکت در قالب رابطه‌ی ۱۱ بیان شده، که با فرض یکسان بودن احتمال کمبود این دو روش، شرط برتری مطابق رابطه‌ی ۱۲ به دست می‌آید:

$$\begin{aligned} TC_{\tau} \leq TC_1 &\Rightarrow C_O r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx / Q_R + r(C_h - C_{SO}) \\ &(\int_{-\infty}^{\infty} x f_{SO_{\tau}}(x) dx - \int_{-\infty}^{\infty} x f_{SO_1}(x) dx) \\ &+ C_s (n_1 - n_{\tau}) + C_t \left( r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx - n_{\tau}.Cap \right) \\ &+ C_h \left( r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx - g \int_{-\infty}^{\infty} x f_G(x) dx \right) \\ &\geq TC_{inf} \end{aligned} \quad (11)$$

$$\begin{aligned} f_{SO_{\tau}} = f_{SO_1} &\Rightarrow C_O r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx / Q_R \\ &+ C_h \left( r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx - g \int_{-\infty}^{\infty} x f_G(x) dx \right) \\ &+ C_t \left( r \int_{-\infty}^{\infty} x f_R(x) dx - n_{\tau}.Cap \right) \\ &+ C_s (n_1 - n_{\tau}) \geq TC_{inf} \end{aligned} \quad (12)$$

یکی از بخش‌های سمت چپ این فرمول‌ها، هزینه‌ی سفارش‌دهی است؛ چرا که در حالت مشارکت هزینه‌ی برای سفارش‌دهی وجود نخواهد داشت و بازنگشتی‌ها با انتقال اطلاعات به CC در زمان نیاز توسط این مرکز برداشت یا تخلیه می‌شوند. در سمت راست این دو فرمول نیز هزینه‌ی انتقال اطلاعات قرار دارد که هرچه کم‌تر باشد، احتمال مقبولیت مشارکت بیشتر می‌شود. برای این که روش پیشنهادی بر مشارکت ساده برتری داشته باشد باید هزینه‌ی انتقال اطلاعات و دوری‌یز غیرمجاز (که در مشارکت ساده اتفاق نمی‌افتد) از مجموع هزینه‌های ذکر شده کم‌تر باشد. همچنین برای روش پیشنهادی بر عدم مشارکت لازم است که هزینه‌ی انتقال

اطلاعات از مجموع هزینه‌های فرمول کم‌تر باشد. با پیش‌رفت فتاوری‌های اطلاعات و ارتباطات، هزینه‌های انتقال اطلاعات روز به روز کاهش می‌یابد و به نظر می‌رسد که این شرایط به راحتی برآورده شود. بررسی‌های بیشتر می‌تواند در مطالعات آینده انجام گیرد.

### ۵.۳ بررسی احتمال کمبود در حالت‌های مختلف

در زنجیره‌ی تأمین مورد بررسی، در حالت‌های احتمال ایجاد کمبود در مراکز بازیابی وجود دارد. در قسمت قبل، فرمول ترجیح مشارکت را با فرض برابر بودن این احتمالات به دست آوردیم، حال آن که این احتمالات برابر نیستند. در این قسمت احتمال کمبود در سه روش مورد مطالعه محاسبه و با یکدیگر مقایسه می‌شود.

در گزینه‌ی اول (عدم مشارکت)، هر R با یک G در ارتباط است و ضایعات را از آن دریافت می‌کند. احتمال کمبود در R در این حالت برابر است با احتمال این که موجودی در R وجود نداشته باشد و موجودی G هم نهضه نفظه‌ی قابل برداشت نرسیده باشد. با فرض مستقل بودن، این احتمال عبارت خواهد بود از:

$$P_{SO_1} = P(I_{R_i} < 0 \text{ and } I_{G_i} \leq CP_i) = P(I_{R_i} < 0) \times P(I_{G_i} \leq CP_i) \quad (13)$$

در صورت مشارکت ساده، احتمال مواجهه با کمبود در هر R برابر است با احتمال این که موجودی در این R وجود نداشته باشد و انبار CC هم خالی باشد. بودن انبار CC بدین معناست که هیچ‌کدام از G‌ها به نقطه‌ی قابل برداشت نرسیده باشند. با فرض استقلال احتمالات فوق، احتمال کمبود در هر R عبارت خواهد بود از:

$$\begin{aligned} P_{SO_1} &= P(I_{R_i} < 0 \text{ and } I_{CC} \leq 0) = P(I_{R_i} < 0) \\ &\times P(I_{CC} \leq 0 | I_{R_i} < 0) = P(I_{R_i} < 0).P(I_{CC} \leq 0) \\ &= P(I_{R_i} < 0). \prod_{i=1}^n P(I_{G_i} \leq CP_i) \end{aligned} \quad (14)$$

مقایسه‌ی رابطه‌ی ۱۴ و رابطه‌ی ۱۳ نشان می‌دهد که اگر فقط یک G وجود داشته باشد، این دو احتمال برابرند. در غیر این صورت همواره احتمال مواجهه با کمبود در مشارکت ساده کم‌تر از عدم مشارکت خواهد بود. از آنجا که در روش پیشنهادی یک R می‌تواند در صورت مواجهه با کمبود، مستقیماً بازگشتی‌ها را از G‌ها تحویل بگیرد، احتمال کمبود عبارت است از احتمال خالی بودن انبار R و CC و نرسیدن هیچ‌کدام از G‌ها به سطح قابل برداشت. این احتمال از دو روش قبلی کم‌تر است:

$$\begin{aligned} P_{SO_{\tau}} &= P(I_{R_i} < 0 \text{ and } I_{CC} \leq 0 \text{ and } I_G \leq CP) \\ &= P(I_{R_i} < 0).P(I_{CC} \leq 0) \prod_{i=1}^n P(I_{G_i} \leq CP_i) \end{aligned} \quad (15)$$

بنابراین به صورت کلی می‌توان نتیجه گرفت که احتمال کمبود در مشارکت پیشنهادی کم‌تر از مشارکت ساده، و در مشارکت ساده کم‌تر از عدم مشارکت است:

$$P_{SO_{\tau}} \leq P_{SO_1} \leq P_{SO_1} \quad (16)$$

جدول ۱. هزینه‌ها و ظرفیت وسیله.

هزینه							ظرفیت
(Cap)	(C <sub>t</sub> )	(C <sub>S</sub> )	(C <sub>e</sub> )	(C <sub>h</sub> )	(C <sub>SO</sub> )	(C <sub>O</sub> )	راه‌افتدان حمل هر وسیله
۵۰۰	۲۰	۵۰	۲۰	۳۰	۵۰	۴۰	

جدول ۲. مشخصات مسائل مورد مطالعه.

هزینه	ظرفیت	هزینه	ظرفیت	هزینه	ظرفیت	هزینه	ظرفیت			
مقدار هر برداشت ابتدايی (Q <sub>G</sub> )	CP	MP	ميانگين توليد روزانه	مرکز	مقدار هر تخلیه ابتدايی (Q <sub>R</sub> )	نقطه سفارش	ميانگين مصرف روزانه	مرکز		
۱۰	۴۰	۳۵	۴۵	۲,۳۱	۲۸	۲۵	۳۰	۲,۲۱	G۱	G۲
۱۰	۳۵	۵		۲,۱۲	۳۸	۸		۲,۲۱	R۱	R۲

جدول ۳. ترکیب توزیع‌های مورد بررسی.

مسئله	کد	توزيع تولید/صرف	کد	توزيع تولید و N
R۲	R۱	G۲	G۱	
N(۲,۲۱,۰,۱)	N(۲,۱۲,۰,۱)	N(۲,۲۱,۰,۱)	N(۲,۳۱,۰,۱)	NN
U(۱,۹,۲,۵)	U(۱,۷,۲,۴)	U(۱,۹,۲,۴)	U(۲,۲,۶)	UU
U(۱,۹,۲,۵)	U(۱,۷,۲,۴)	N(۲,۲۱,۰,۱)	N(۲,۳۱,۰,۱)	NU
N(۲,۲۱,۰,۱)	N(۲,۱۲,۰,۱)	U(۱,۹,۲,۴)	U(۲,۲,۶)	UN

جدول ۴. مقایسه هزینه‌ها و کمبودها در سه روش بدون مشارکت، مشارکت ساده و مدل پیشنهادی برای صد دوره.

میانگین درصد تغییر کمبود	میانگین درصد تغییر هزینه	کد	مسئله
(ب) به (ج) به (الف) (ب)	(ب) به (ج) به (الف) (الف)	مسئله	
-۵۲۰	-۲۸۰	-۵۷	NN
-۳۷۴	-۲۹۵	-۲۶	UU
-۴۷۷	-۳۲۲	-۳۹	UN
-۳۳۰	-۲۱۹	-۴۷	NU
-۴۲۵	-۲۷۹	-۴۲	میانگین
(الف) بدون مشارکت	(ب) مشارکت ساده	(ج) مشارکت پیشنهادی	

به طور متوسط روش «ج» نسبت به «الف» حدود ۴۲۵٪ کمبودها را کاهش داده است. همچنین روش «ب» به طور متوسط توانسته ۴۲٪ از کمبودها را نسبت به روش «الف» بکاهد. در سطح آخر این جدول مشخص است که برخلاف میزان تغییر هزینه، درصد تغییر کمبود در «ج» نسبت به «ب» بیشتر از درصد تغییر کمبود در «ج» نسبت به «الف» است.

بررسی گروه‌های مختلف هزینه‌یی در این مسائل نیز نشان می‌دهد با اجرای مدل پیشنهادی، بیشترین مقدار کاهش به ترتیب در هزینه‌های سفارش دهی مرکز مختلف، دوربین در مرکز تولید، کمبود و نگهداری در انبارها اتفاق می‌افتد. در مورد هزینه‌ی انتقال اطلاعات، هزینه‌یی که اجرای مدل را برای مسئله‌یی با مقادیر متوسط

#### ۴. نتایج شبیه‌سازی

از آنجا که چنین مشارکتی در عمل اتفاق نیفتاده، به منظور بررسی تأثیر آن با کمک روش مونت‌کارلو مسئله‌یی شامل دو G، دو R و یک CC شبیه‌سازی شد. شبیه‌سازی روشنی است برای ایجاد یک محیط ساختگی به منظور بررسی رفتار جزء تصادفی مورد مطالعه. مونت کارلو یکی از روش‌های شبیه‌سازی است که در علوم مختلف کاربرد دارد. علی‌رغم تفاوت روش‌های مختلف کارلو در علوم مختلف، همه‌ی آنها یک وجه تشابه دارند و آن خلق اعداد تصادفی است.<sup>[۱۰]</sup> در این مطالعه نیز براساس اصول کلی روش مونت کارلو، ابتدا برای هر کدام از اجزای تصادفی (مقدار تولید در Gها و مقدار مصرف در Rها) حدود ۱۰۰ عدد تصادفی ایجاد شد که به عنوان دوره‌های بررسی تعریف شدند. پارامترهای هزینه و ظرفیت وسیله مطابق جدول ۱ و سایر پارامترها از جمله میزان تولید و مصرف در مرکز و موجودی اولیه مطابق جدول ۲ در نظر گرفته شده‌اند.

برای تولید اعداد تصادفی باید توزیع احتمال‌ها مشخص باشد، که در این مقاله چهار ترکیب مختلف از توزیع‌های یکنواخت و نرمال استفاده شده است. در جدول ۳ کد به صورت یک ترکیب دوحرفی تعریف شده که این حروف به ترتیب نشان‌دهنده‌ی توزیع‌های احتمال نرخ تولید بازگشتهایها و نرخ بازیابی آنهاست. در این ترکیب‌ها U برای توزیع یکنواخت و N برای توزیع نرمال استفاده شده است. در جدول ۳ ویژگی‌های هریک از این توزیع‌ها نیز ارائه شده است. در در هر کدام از این ترکیب‌ها اعداد تصادفی مربوط به میزان تولید و مصرف بازگشتهایها در مرکز مختلف برای هریک محدود ۱۰۰ دوره ایجاد شده است. براساس این مقادیر، برای هریک از روش‌های مورد مطالعه برآمدۀ‌های مربوطه تولید و تخلیه و محاسبات هزینه انجام گرفت. ایجاد نمونه‌ها، تهیی برآمدۀ‌ها و محاسبات هزینه همگی با استفاده از Excel ۲۰۱۰ در VBA در آغاز انجام گرفته است. آنچا که نتایج شبیه‌سازی به اعداد تصادفی ایجاد شده وابسته‌اند، هر کدام از ترکیب‌ها ۱۰۰ بار اجرا و میانگین هزینه‌ها و کمبود برای هریک به دست آمد (جدول ۴).

در ستون اول جدول ۴ کد مسئله‌یی مورد بررسی مشخص شده است. سه ستون بعدی به ترتیب نشان‌دهنده‌ی میزان کاهش هزینه‌ی ناشی از روش B (مشارکت ساده) در مقابل الف (عدم مشارکت)، روش ج (مشارکت پیشنهادی) نسبت به روش الف، و روش ج در مقابل روش B است. اعداد جدول روشان می‌دهند که در هر گروه از مسائل، کمترین میزان تغییر هزینه در «ج» نسبت به «الف» اتفاق افتاده است. همچنین در همه این گروه‌ها «ج» نسبت به «الف» حدود دو برابر «ج» نسبت به «ب» بهبود داشته است. براساس میانگین نتایج شبیه‌سازی در سطر آخر این جدول، مدل پیشنهادی به طور متوسط ۹۱٪ کاهش هزینه نسبت به عدم مشارکت برای کل زنجیره ایجاد کرده است؛ همچنین نسبت به مشارکت ساده، هزینه‌ها را به طور متوسط ۵۱٪ کاهش داده است. از سویی در همین شرایط، حتی مشارکت ساده نیز می‌تواند هزینه‌های کل زنجیره را حدود ۸۱٪ کم کند.

میزان کمبود در مرکز بازیابی نیز به عنوان یکی دیگر از شاخص‌های مقایسه‌یی میزان بهبود ناشی از اجرای مشارکت در نظر گرفته شده که در سه ستون بعدی این جدول نمایش داده شده است. براساس این اعداد در هر دو نوع مشارکت نسبت به عدم مشارکت، میزان کمبود کاهش یافته است. سطر آخر جدول نشان می‌دهد که

با یک مرکز جمع آوری شبیه سازی انجام گرفت. مقایسه های هزینه های این سه حالت نشان دهنده کاهش هزینه بیش از ۸۰ درصدی روش پیشنهادی نسبت به عدم مشارکت و حدود ۴۵ درصدی نسبت به مشارکت ساده است.

در مدل پیشنهادی هزینه های سفارش دهی مرکز حذف می شود، همچنین هزینه های دور ریز مرکز و کمپود به شدت کاهش می یابد. در این مدل فقط هزینه ای انتقال اطلاعات نسبت به دو روش دیگر اضافه می شود. برآورد این هزینه با در نظر گرفتن متosط های به دست آمده نشان می دهد که حتی اگر هزینه ای انتقال اطلاعات تا ۹۰ درصد هزینه های حالت بدون مشارکت هم باشد، مدل پیشنهادی به لحاظ اقتصادی موجه خواهد بود. با این حال، عدم پرداخت این هزینه توسط اجزا می تواند مشوق اقتصادی مناسبی برای انتخاب گزینه های مشارکتی پیشنهادی باشد. بنابراین پرداخت یارانه ها و کمک های دولتی برای کاهش این هزینه می تواند روش مناسبی برای انگیزش مدیران در مشارکت با سایر اجزا باشد.

مدل این مقاله به صورت ساده و فقط برای دو زنجیره های موازی مطرح شده است. پیشنهاد می شود در مطالعات بعدی، محققین مدل را برای چند مرکز جمع آوری توسعه داده و شرایط آن را مطالعه کنند. آنان همچنین می توانند با بررسی موارد واقعی مشکلات و موانع عملی آن را دقیق تر مورد مطالعه قرار دهند. از سویی برنامه ریزی حمل و نقل در این مدل مشارکتی پیچیده تر از برنامه ریزی حمل و نقل در مدل های قبلی است و می تواند به عنوان موضوع مناسبی در تحقیقات آینده بررسی شود.

توجهی پذیر می کند، برآورد شده است. این تخمین نشان می دهد اگر هزینه ای اطلاعات تا حدود ۹۰ درصد هزینه ای حالت بدون مشارکت و ۴۰ درصد هزینه مشارکت ساده باشد، مدل پیشنهادی نسبت به دو حالت دیگر توجیه پذیر خواهد بود.

## ۵. نتیجه گیری

در این نوشتار مدل مشارکتی جدیدی برای اجرای زنجیره های تأمین پس رو موازی به منظور جمع آوری و انتقال بازگشته ها در بین آنها مطرح شده است. با توجه به اهمیت کاهش هزینه برای تصمیم گیری مدیران در استقرار این زنجیره ها، هزینه های گزینه های مختلف بدون مشارکت، مشارکت ساده و مدل جدید به صورت ریاضی مدل سازی و مقایسه شده است. از آنجا که در زنجیره های مورد مطالعه میزان تولید و مصرف بازگشته ها غیرقطعی است، هزینه ها با فرمول های احتمالی مدل سازی شده اند. به منظور بررسی شرایط برتری مدل پیشنهادی نسبت به دو روش بدون مشارکت و مشارکت ساده، فرمول های هزینه کل با یکدیگر مقایسه شده است. دو معادله های نهایی برای تصمیم گیری در مورد روش پیشنهادی ارائه شده که در هر دوین فرمول ها مجموع تعدادی از هزینه ها باید از هزینه ای انتقال اطلاعات بیشتر باشد. به منظور بررسی هزینه های واقعی مدل پیشنهادی، از آنجا که این کار تاکنون انجام نگرفته، با استفاده از روش مونت کارلو برای دو تولیدکننده و دو بازیابی کننده

## پانوشت ها

1. cooperation
2. collaboration
3. vendor managed inventory (VMI)
4. collector managed inventory (CMI)
5. vendor managed replenishment (VMR)
6. collaborative planning, forecasting, and replenishment (CPFR)
7. Reverse supply chain (واژه ای در بسیاری موارد به «معکوس» ترجمه شده، اما با توجه به ماهیت این زنجیره ها که به جریان مواد و کالاهای از مصرف کننده به بازیابی کننده می پردازد و با وجود واژه فارسی «پس رو»، از آن به جای «معکوس» در ترجمه این عبارت استفاده شده است.)
8. open loop and closed loop
9. gate-keeping
10. joint inventory management
11. centralized return center (CRC)
12. local collection points (LCP)
13. can-order (CO)
14. must-order (MO)
15. return generator
16. recovery center
17. collection center
18. must peak
19. can peak
20. lead time

## منابع (References)

1. Kampstra, R.P., Ashayeri, J. and Gattorna, J. "Realities of supply chain collaboration", *International Journal of Logistics Management*, **17**(3), pp. 312-330 (2006).
2. Hernández, J.E., Poler, R., Mula, J. and Lario, F.C. "The reverse logistic process of an automobile supply chain network supported by a collaborative decision-making model", *Group Decision and Negotiation*, **20**(1), pp. 79-114 (2011).
3. McLaren, T., Head, M. and Yuan, Y. "Supply chain collaboration alternative: Understanding the expected costs and benefits", *Electronic Networking Applications and Policy*, **12**(4), pp. 348-364 (2002).
4. Hudnurkar, M., Jakhar, S. and Rathod, U. "Factors affecting collaboration in supply chain: A literature review", *Procedia-Social and Behavioral Sciences*, **133**, pp. 189-202 (2014).
5. Villarreal, P. and Orlando, D. "Processes integration and coordination in collaborative models to supply chain management", *International Conference in Software Engineering (ICSE)*, Florida, USA (2002).

6. Vallet-Bellmunt, T., Martinez-Fernandez, M. and capovicedo, J. "Supply chain management: A multidisciplinary content analysis of vertical relations between companies, 1997–2006", *Industrial Marketing Management*, **40**(8) pp. 1347-1367 (2011).
7. Vigtil, A. "A framework for modelling of vendor managed inventory", Phd thesis in Department of Production and Quality Engineering, Norwegian University of Science and Technology (2007).
8. Disney, S.M. and Towill, D.R. "The effect of vendor managed inventory (VMI) dynamics on the bullwhip effect in supply chains", *International Journal of Production Economics*, **85**(2), pp. 199-215 (2003).
9. Soofi-fard, R., Moattar-hosseiny, S.M. and Zanjirany Farahany R. "Studying the impacts of VMI in a supply chain by a mathematical model", *Second Conference on Logistics and Supply Chain*, Tehran, Iran (2006).
10. Pasandideh, S.H. and Niknamfar, A. "Integrated production-distribution problem within vendor-managed inventory", *Sharif Journal (Industrial Engineering and Management)*, **2**(30), pp. 111-118 (2013).
11. Rogers, D.S. and Tibben-Lembke, R.S., *Going Backwards: Reverse logistics trends and practices*, University of Nevada, Reno: Center for Logistics Management, 283 p. (1998).
12. Gobbi, C. "The reverse supply chain: Configuration, integration and profitability", PhD Thesis in DTU Management Engineering, Technical University of Denmark (2008).
13. Pokharel, S. and Mutha, A. "Perspectives in reverse logistics: A review", *Resources, Conservation and Recycling*, **73**, pp. 175-182 (2009).
14. Kariuki, P.W. and Waiganjo, E.W. "Factors affecting adoption of reverse logistics in the kenya manufacturing sector: A case study of coastal bottlers company", *International Journal of Academic Research in Business and Social Sciences*, **9**(4), pp. 84-97 (2014).
15. Bai, H. "Reverse supply chain coordination and design for profitable returns- an example of Ink cartridge", M.S. Thesis in Worcester Polytechnic Institute, Worcester (2009).
16. Lambert, S. and Stock, J.R. "A reverse logistics decisions conceptual framework", *Computers & Industrial Engineering*, **61**(3), pp. 561-581 (2011).
17. Gou, Q., Liang, L., Huang, Z. and Xu, C. "A joint inventory model for an open-loop reverse supply chain", *International Journal Production Economics*, **116**, pp. 28-42 (2008).
18. Gou, Q., Liang, L., Huang, Z. and Xu, C. "A modification for a centralized inventory policy for an Open-Loop reverse supply chain: Simulation and comparison", *Proceedings of International Conference on Management Science and Engineering Management*, pp. 223-230 (2007).
19. le Blanc, H.M. "Closing loops in supply chain management: Designing reverse supply chains for end-of-life vehicles", PhD thesis in Tilburg University, Center, Tilburg (2006).
20. Salami, A. "A literature review of monte carlo simulation method", *Journal of Economic Research*, **3**, pp. 117-138 (2005).