

ارائه‌ی یک مدل ریاضی برای انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری مبتنی بر اهداف توسعه‌ی پایدار در شرایط عدم قطعیت و منابع محدود

ناعمه زرین‌پور* (دانشیار)

دانشکده‌ی مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی شیراز

محمد زرین‌پور (دانش‌آموخته کارشناسی ارشد)

دانشکده‌ی مهندسی صنایع، موسسه غیرانتفاعی زند، شیراز

مهندسی صنایع و مدیریت شریف، تابستان ۱۴۰۱ (پژوهشی)
دوری ۱، شماره ۱، ص. ۵۱-۶۶ (پژوهشی)

در این مقاله، یک مدل ریاضی چندهدفه چند دوره‌یی برای انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری مبتنی بر اهداف توسعه‌ی پایدار با در نظر گرفتن محدودیت منابع پیشنهاد می‌شود. بر اساس بعد اقتصادی پایداری، سود حاصل از اجرای پروژه‌ها به‌شیمه و بر اساس بعد زیست‌محیطی، میزان انتشار گازهای گلخانه‌یی، مصرف انرژی و پسماندهای تولید شده کمینه می‌شود. در بعد اجتماعی تعداد فرصت‌های شغلی، تعداد افراد تحت پوشش بیمه، رضایت شغلی کارکنان، تأثیر پروژه بر اقتصاد منطقه و تعداد روزهای از دست رفته کاری بررسی می‌شود. عدم قطعیت پارامترهای استراتژیک و عملیاتی مدل نیز لحاظ شده است و برای برخورد با عدم قطعیت، از برنامه‌ریزی فازی امکانی استفاده می‌شود. مدل با یک رویکرد دومارحله‌یی مبتنی بر برنامه‌ریزی فازی و روش تصمیم‌گیری بهترین - بدترین گروهی حل می‌شود. نتایج عددی، کارایی مدل پیشنهادی را تأیید می‌کنند و نشان می‌دهند که اهداف توسعه‌ی پایدار، موجب بهبود چشم‌گیر ابعاد زیست‌محیطی و اجتماعی بدون کاهش قابل‌ملاحظه سود پروژه‌های انتخاب شده خواهد شد.

واژگان کلیدی: انتخاب پروژه، محدودیت منابع، توسعه‌ی پایدار، عدم قطعیت، برنامه‌ریزی فازی امکانی.

zarrinpoor@sutech.ac.ir
mohammadzarr@gmail.com

۱. مقدمه

مدیران سازمان‌ها همواره با اخذ تصمیمات در سطوح مختلف استراتژیک و عملیاتی مواجه هستند که کیفیت و چگونگی این تصمیمات، میزان موفقیت و بقای سازمان‌ها را در عرصه‌ی کسب و کار تضمین خواهد کرد و موقعیت رقابتی آن‌ها را تحت الشعاع قرار خواهد داد. یکی از مهم‌ترین تصمیمات مدیران سازمان‌ها، انتخاب یک مجموعه‌ی بهینه از پروژه‌های سرمایه‌گذاری از میان مجموعه‌ی پروژه‌های موجود است. اگر فرایند انتخاب پروژه‌ها بر روش‌های کمی و اقتصادی مبتنی نباشد، به عدم انطباق دستاوردهای حاصل از اجرای پروژه‌ها با انتظارات اولیه منجر خواهد شد و هزینه‌های زیادی را به سازمان‌ها تحمیل خواهد کرد. پرواضح است که مدیران برای تصمیم‌گیری بهینه، نیازمند استفاده از مدل‌های بهینه‌سازی ریاضی هستند تا نتایج ناشی از تصمیم‌گیری و بررسی گزینه‌ها به صورت کمی در اختیار آن‌ها قرار گیرد. از این رو مدل‌سازی ریاضی مسئله‌ی انتخاب پروژه برای مدیران از اهمیت بسیار بالایی برخوردار است و با بهره‌گیری از جواب بهینه‌ی حاصل از مدل ریاضی، توانایی مدیران در

اخذ تصمیم‌ها افزایش می‌یابد.^[۱-۳] به طور کلی، هدف از مسئله‌ی انتخاب پروژه، انتخاب یک پرتفولیوی بهینه از چندین پروژه‌ی منتخب با توجه به محدودیت‌های زمان، ماشین‌آلات، نیروی انسانی، سرمایه و سایر امکانات موجود برای رسیدن به یک یا چندین هدف بهینه است. یکی از اهداف مهم و معمول استفاده شده در این زمینه، بیشینه‌سازی سود پروژه و کمینه‌سازی هزینه‌هاست. با توجه به این‌که انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری از مهم‌ترین تصمیمات سازمان محسوب می‌شود، توجه تنها به اهداف ذی‌نفعان داخلی پروژه نظیر حامی مالی پروژه، کارفرما، مدیر پروژه، مشاور پروژه، پیمانکاران پروژه و سهام‌داران اصلی پروژه نمی‌تواند مطابقت بالایی برای مدیران صنایع فراهم کند و موفقیت و بقای سازمان را در محیط کسب و کار تضمین کند. اگر یک سازمان یا شرکت برای تصمیم‌گیری در خصوص انتخاب پروژه تنها بر مبنای سود عمل کند و رضایت ذی‌نفعان خارجی پروژه نظیر رقبا، رسانه‌ها، سازمان‌های قانون‌گذار و کمیسیون‌ها، طرفداران محیط زیست، سهام‌داران فرعی، جامعه و شهروندان را مورد توجه قرار ندهد، ممکن است در بلندمدت با چالش روبرو شود؛ بنابراین برای برآورده کردن اهداف اصلی مدیران در انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری لازم است مسئله هم از منظر ذی‌نفعان داخلی و هم از منظر ذی‌نفعان خارجی پروژه مدل‌سازی شود.

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۹/۱۰/۲۲، اصلاحیه ۱۴۰۰/۴/۲۱، پذیرش ۱۴۰۰/۵/۱۱

DOI:10.24200/J65.2021.56862.2174

این مدل اهداف بیشینه‌سازی سود، کمینه‌سازی اثرات زیست‌محیطی و بیشینه‌سازی اثرات اجتماعی انتخاب پروژه‌ها به‌صورت هم‌زمان در نظر گرفته خواهد شد. با توجه به این که منابع در دسترس برای اجرای پروژه‌ها محدود است، در مدل ریاضی کل بودجه‌ی در دسترس در یک دوره‌ی زمانی به‌صورت محدود در نظر گرفته خواهد شد و محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر نیروی انسانی، ماشین‌آلات و مواد مصرفی نیز لحاظ خواهند شد. اخذ تصمیمات مربوط به انتخاب پروژه‌ها در یک افق زمانی چنددوره‌ی در نظر گرفته شده است و سرمایه‌گذاری و انتخاب پروژه‌ها در هر دوره‌ی زمانی به‌صورت جداگانه بررسی خواهد شد.

در ادامه‌ی این نوشتار، در بخش دوم پیشینه‌ی پژوهش بررسی می‌شود. در بخش سوم مدل ریاضی پیشنهادی ارائه می‌شود. در بخش چهارم رویکرد برنامه‌ریزی فازی امکانی برای برخورد با عدم قطعیت پارامترها پیشنهاد می‌شود. در بخش پنجم روش حل مدل بررسی می‌شود. در بخش ششم و هفتم نتایج عددی و تحلیل حساسیت تشریح و در بخش هشتم نتیجه‌گیری و جهت‌های تحقیقات آتی بیان می‌شود.

۲. پیشینه‌ی پژوهش

در ادبیات مسائل انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری، مدل‌های ریاضی مختلفی جهت انتخاب پروژه‌ها توسعه یافته است. در این بخش، ادبیات موضوع انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری بررسی می‌شود. ربانی و همکاران،^[۱۰] یک مدل ریاضی چندهدفه برای انتخاب پروژه‌ها ارائه دادند که در آن اهداف بیشینه‌سازی منافع پروژه، کمینه‌سازی ریسک و هزینه‌ی کل بررسی شد و مدل با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات حل شد. خلیلی دامغانی و همکاران،^[۱۱] یک مدل چندهدفه برای انتخاب پروژه‌ها با در نظر گرفتن اهداف سود و ریسک ارائه کردند. برای حل مدل پیشنهادی، از روش تاپسیس و روش محدودیت اسپیلون استفاده شده است. زاراکت و همکاران،^[۱۲] یک مدل ریاضی برای انتخاب پروژه‌های نرم‌افزاری و تخصیص منابع پیشنهاد دادند که در آن دانشگاه‌ها، شرکت‌های نرم‌افزاری و پروژه‌های بالقوه‌ی یک کشور با هدف بیشینه‌سازی سود بررسی شده است. توفیقیان و نادری،^[۱۳] یک مدل دوهدفه انتخاب و زمان‌بندی پروژه برای بهینه‌سازی سود مورد انتظار پروژه و کمینه‌سازی میزان استفاده از منابع ارائه کردند. تانگ و همکاران،^[۱۴] یک مدل ریاضی برای انتخاب پروژه‌های نفت تحت محدودیت‌های بودجه و ظرفیت تولید ارائه کردند که در آن بر اساس مدل برنامه‌ریزی درجه دوم و نظریه‌ی ترجیح، پروژه‌ها انتخاب می‌شوند. شریعتمداری و همکاران،^[۱۵] یک رویکرد مدیریت منابع یکپارچه برای انتخاب و زمان‌بندی پروژه در قالب برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی ارائه کردند. برای حل مدل، از یک رویکرد ترکیبی مبتنی بر الگوریتم ابتکاری و الگوریتم جست‌وجوی گرانشی استفاده شده است. کومار و همکاران،^[۱۶] مسئله‌ی انتخاب و برنامه‌ریزی پروژه‌ها را با هدف بیشینه‌سازی سود مورد انتظار بررسی کردند. در مطالعات آن‌ها، دو نوع وابستگی متقابل یعنی محدودیت‌های گزینه‌های ناسازگار و محدودیت‌های مکمل اقتصادی در نظر گرفته شده است. شفاهی و حقانی،^[۱۷] یک مدل ریاضی برای انتخاب و زمان‌بندی پروژه پیشنهاد کردند که بر اساس آن برخی از پروژه‌ها را می‌توان در فازهای مختلف اجرا کرد. آن‌ها از یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی استفاده کردند که ارزش فعلی خالص سرمایه‌گذاری‌های آینده را در شرایط محدودیت‌های بودجه و استراتژی‌های سرمایه‌گذاری مجدد پیشینه می‌کند. میرعلینقی و همکاران،^[۱۸] یک مدل ریاضی دوسطحی برای انتخاب و زمان‌بندی پروژه‌های جاده‌سازی بر مبنای نظریه‌ی بازی‌ها پیشنهاد کردند که در سطح اول، یک مجموعه‌ی بهینه از پروژه‌ها

انجام هر پروژه مستلزم مصرف منابع مختلف تجدیدپذیر و تجدیدناپذیر نظیر نیروی انسانی، ماشین‌آلات، مواد اولیه و تجهیزات مورد نیاز است. شایان ذکر است که اجرای هر پروژه باعث آزاد شدن گازهای گلخانه‌ی در اتمسفر می‌شود. در سال‌های اخیر، آگاهی جهانی در مورد کنترل آلودگی ناشی از فعالیت‌های تولیدی و صنعتی با هدف حفظ زمین و منابع با ارزش آن، توسعه‌ی اقتصادی، رفاه اجتماعی، محیط زیست و امنیت جامعه افزایش یافته است. بر اساس آمار و گزارش‌های موجود، انتشار گازهای گلخانه‌ی در سراسر جهان، از سال ۱۹۷۰ تا ۲۰۱۰، بیش از ۸۰ درصد افزایش یافته است که تهدید بزرگی برای اکوسیستم جهانی به شمار می‌رود. در راستای کاهش انتشار گازهای گلخانه‌ی، توافقات بین‌المللی متفاوتی صورت گرفته است. به‌عنوان مثال، چین و ایالات متحده به‌عنوان بیشترین منتشرکنندگان دی‌اکسیدکربن، اطلاعیه‌ی مشترک خود را در مورد تغییرات اقلیمی در سال ۲۰۱۴ و سیاست‌های کاهش انتشار گازهای گلخانه‌ی اعلام کردند. پس از آن، در کنفرانس آب و هوای سازمان ملل متحد در سال ۲۰۱۵، یک توافق جدید جهانی انجام شد که در آن تمام شرکت‌کنندگان متعهد شدند انتشار گازهای گلخانه‌ی را به صفر برسانند.^[۴] با افزایش نگرانی‌های زیست‌محیطی، مدیران تجاری بخش اعظمی از فعالیت‌های خود را به اجرای پروژه‌های سرمایه‌گذاری کارا با در نظر گرفتن الزامات زیست‌محیطی تخصیص داده‌اند تا با اجرای پروژه‌ها علاوه بر افزایش فروش سودآور و کاهش هزینه‌ها، بر نگرانی‌های زیست‌محیطی نیز فائق آیند.^[۵]

از سوی دیگر، با اجرای هر پروژه‌ی سرمایه‌گذاری باید مسئولیت اجتماعی سازمان در قبال کارمندان، مشتریان و جامعه با اهداف اجتماعی نظیر افزایش فرصت‌های شغلی، ثبات اشتغال، کاهش تعداد آسیب‌ها و روزهای از دست رفته ناشی از حوادث کار مد نظر قرار گیرد. بر این اساس، در سال‌های اخیر مبحث پایداری مطرح شده است که معادله‌ی بین ضرورت‌های اقتصادی، اجتماعی و زیست‌محیطی است. با رشد جمعیت جهانی و افزایش فعالیت انسانی، پایداری به موضوع مهمی برای دولت‌ها، مردم و دست‌اندازان محیط‌زیست تبدیل شده است. استفاده از مدیریت توسعه‌ی پایدار برای سازمان‌ها فواید زیادی از جمله رضایت مشتری، کنترل هزینه‌ها، نوآوری و انعطاف‌پذیری خواهد داشت.^[۶-۸] با وجود این که تحقیقات بسیاری در زمینه انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری صورت گرفته است، اما به استناد نتایج موجود در پیشینه پژوهش، تحقیقات محدودی در زمینه‌ی انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری با توجه به اهداف توسعه‌ی پایدار انجام شده است.

از سوی دیگر، تصمیمات انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری از تصمیمات استراتژیک سازمان‌هاست که با عدم قطعیت قابل ملاحظه‌ی مواجه است. بسیاری از پارامترهای مسئله‌ی انتخاب پروژه، نظیر سود حاصل از اجرای پروژه، نیروی انسانی در دسترس، تعداد ماشین‌آلات و مواد اولیه‌ی موردنیاز، زمان دقیق اجرای فعالیت‌ها، بودجه‌ی مورد نیاز، هزینه‌ی نفر - ساعت، هزینه‌ی مواد اولیه‌ی مورد نیاز و هزینه‌ی ماشین‌آلات با عدم قطعیت قابل توجهی مواجه است. با در نظر گرفتن این پارامترها به‌صورت قطعی، ممکن است جواب بهینه‌ی مسئله در شرایط واقعی موجه نباشد. مطالعه‌ی بتال و نیمروفسکی^[۹] نشان داد که اگر پارامترها تنها دارای ۰/۰۱ عدم قطعیت باشند، جواب بهینه‌ی به دست آمده با استفاده از داده‌های قطعی با یک احتمال قابل ملاحظه موجه نیست و بر اساس آن محدودیت‌های مسئله نقض می‌شوند. بنابراین، بررسی عدم قطعیت در انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری ضروری به نظر می‌رسد.

هدف این پژوهش، ارائه‌ی یک مدل ریاضی برای انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری مبتنی بر اهداف توسعه‌ی پایدار با در نظر گرفتن عدم قطعیت پارامترهاست. در

و برای برخورد با عدم قطعیت پارامترها از رویکرد بهینه‌سازی استوار امکانی استفاده کردند.

اگر چه اهداف توسعه‌ی پایدار در سال‌های اخیر با اقبال پژوهش‌گران مواجه شده است، اما در مسائل انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری این موضوع کم‌تر بررسی شده است. در این راستا، حبیبی و همکاران^[۲۱] یک مدل برای سفارش‌دهی مواد و زمان‌بندی پروژه‌ها پیشنهاد دادند که در آن تأمین‌کنندگان مواد مورد نیاز پروژه‌ها، بر اساس معیارهای پایداری با استفاده از روش تحلیل سلسله‌مراتبی فازی انتخاب می‌شوند. رضاحسینی و همکاران^[۲۲] یک مدل برای انتخاب و زمان‌بندی پروژه‌ها پیشنهاد دادند که در آن جذابیت پروژه‌ها بر اساس یک تابع مطلوبیت وابسته به پایداری مشخص می‌شود و سپس پروژه‌های انتخاب شده زمان‌بندی می‌شوند. ویژگی مقالات بررسی شده در جدول ۱ نشان داده شده است.

همان‌طور که مشاهده می‌شود، در بیشتر تحقیقات انجام شده، تنها بعد اقتصادی در انتخاب پروژه‌ها با هدف کمیته‌سازی هزینه‌های اجرایی یا بهینه‌سازی سود حاصل از اجرای پروژه بررسی شده است و سایر ابعاد توسعه‌ی پایدار شامل ابعاد زیست‌محیطی و اجتماعی کم‌تر مورد توجه قرار گرفته است. از بین مقالات بررسی شده، تنها حبیبی و همکاران^[۲۱] برای انتخاب تأمین‌کنندگان مواد مورد نیاز پروژه‌ها و رضاحسینی و همکاران^[۲۲] برای تعیین مطلوبیت پروژه‌های انتخاب شده از اهداف توسعه‌ی پایدار استفاده کردند. با وجود این که در دنیای واقعی به ندرت می‌توان مقدار دقیق پارامترها را تعیین کرد، اما در اکثر مقالات پارامترها قطعی فرض شده است. همچنین از بین روش‌های مختلف برای برخورد با عدم قطعیت پارامترها، حوزه‌هایی نظیر بهینه‌سازی فازی امکانی اصلاً مورد توجه قرار نگرفته است. روابط متقابل بین پروژه‌ها نیز در اکثر مقالات بررسی نشده است. در این پژوهش، یک مدل برای انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری مبتنی بر اهداف توسعه‌ی پایدار در شرایط عدم قطعیت با در نظر گرفتن روابط متقابل بین پروژه‌ها و محدودیت‌های منابع پیشنهاد می‌شود. نوآوری‌های مدل پیشنهادی به قرار زیر است:

- ارائه‌ی یک مدل ریاضی انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری در یک افق زمانی چنددوره‌یی با در نظر گرفتن محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر بودجه، نیروی انسانی، ماشین‌آلات، مواد اولیه و ظرفیت تأمین‌کنندگان؛
- بررسی روابط متقابل بین پروژه‌ها با استفاده از محدودیت‌های مکمل اقتصادی و گزینه‌های ناسازگار به صورت هم‌زمان؛
- بررسی اهداف توسعه‌ی پایدار در انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری شامل اهداف اقتصادی انتخاب پروژه، اهداف زیست‌محیطی و اهداف اجتماعی؛
- بررسی فرصت‌های شغلی، آسیب‌ها و روزهای از دست رفته ناشی از حوادث کار، تعداد افراد تحت پوشش بیمه، تأثیر انتخاب پروژه بر بهبود اقتصاد منطقه و رفاه اجتماعی کارکنان در تابع هدف اجتماعی؛
- بررسی انتشار گازهای گلخانه‌یی، مصرف انرژی و ضایعات تولید شده در تابع هدف زیست‌محیطی؛
- بررسی عدم قطعیت پارامترهای دنیای واقعی و استفاده از رویکرد فازی امکانی مبتنی بر معیار Me برای برخورد با عدم قطعیت در مسئله‌ی انتخاب پروژه؛
- استفاده از یک رویکرد حل ترکیبی شامل روش بهترین - بدترین گروهی برای تعیین وزن فاکتورهای زیست‌محیطی و اجتماعی و روش فازی تعاملی برای حل مدل ریاضی چندهدفه.

انتخاب و زمان‌بندی می‌شود و در سطح دوم زمان تأخیر سفر در جاده‌ها کمیته می‌شود. عباسی و همکاران^[۱۹] یک مدل انتخاب پروژه برای توسعه‌ی محصولات جدید پیشنهاد کردند که در آن از کارت امتیازی متوازن برای انتخاب معیارها استفاده می‌شود. آن‌ها برای انتخاب پروژه‌ها نیز از یک مدل دوهدفه با اهداف بهینه‌سازی سود و کمیته‌سازی ریسک استفاده کردند. توانا و همکاران^[۲۰] یک رویکرد مبتنی بر تصمیم‌گیری چندمعیاره و مدل‌سازی ریاضی برای ارزیابی و انتخاب پروژه‌های فناوری اطلاعات پیشنهاد دادند. آن‌ها پروژه‌ها را با استفاده از روش تاپسیس فازی ارزیابی و رتبه‌بندی کردند و سپس با استفاده از یک مدل ریاضی دوهدفه با اهداف بهینه‌سازی سود و بهینه‌سازی ارزش پروژه‌ها، بهترین پروژه‌ها را انتخاب کردند.

با توجه به این که بسیاری از پارامترهای دنیای واقعی در انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری غیرقطعی هستند، عدم قطعیت نیز در مدل‌سازی ریاضی در نظر گرفته شده است. برای بررسی عدم قطعیت، از روش‌های مختلفی نظیر شبیه‌سازی مونت کارلو، برنامه‌ریزی تصادفی، نظریه‌ی فازی، بهینه‌سازی استوار و رویکردهای ترکیبی استفاده شده است. در این راستا، شخصی‌نیایی و همکاران^[۲۱] یک مدل انتخاب پروژه تحت عدم قطعیت با در نظر گرفتن بودجه محدود پیشنهاد کردند. آن‌ها در مرحله اول، پروژه‌های کاندید را از طریق شبیه‌سازی مونت کارلو و یک رویکرد تصمیم‌گیری چند معیاره، رتبه‌بندی کردند و در مرحله دوم، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح برای انتخاب مجموعه‌ی نهایی پروژه‌ها پیشنهاد دادند. خلیلی دامغانی و همکاران^[۲۲] یک مدل چندهدفه چند دوره‌یی برای انتخاب پروژه در شرایط منابع محدود پیشنهاد کردند. برای حل مدل از برنامه‌ریزی آرمانی فازی مبتنی بر روش تاپسیس و روابط ترجیحات فازی استفاده شده است. هوانگ و ژائو^[۲۳] مسئله‌ی انتخاب و زمان‌بندی پروژه‌های تحقیق و توسعه را در شرایط عدم قطعیت درآمد خالص و هزینه‌های سرمایه‌گذاری بررسی و از الگوریتم ژنتیک برای حل مدل استفاده کردند. هوانگ و همکاران^[۲۴] یک مدل بهینه‌سازی میانگین - واریانس برای مسئله‌ی انتخاب بهینه‌ی پروژه بر اساس محدودیت‌های منابع و بودجه با در نظر گرفتن عدم قطعیت هزینه‌های اولیه و جریان‌های نقدی خالص پیشنهاد کردند. شفاهی و حقانی^[۲۵] یک مدل بهینه‌سازی برای انتخاب پروژه‌های پیمانکاری پیشنهاد کردند که در آن از اهمیت فعالیت‌های انجام شده توسط پیمانکاران به‌عنوان مهم‌ترین معیار ارزیابی غیر پولی استفاده شده است. برای حل مدل نیز از الگوریتم ژنتیک و شبیه‌سازی مونت کارلو استفاده شده است. هوانگ و همکاران^[۲۶] یک مدل میانگین - واریانس و یک مدل میانگین - نیم‌واریانس برای مسئله‌ی انتخاب و زمان‌بندی بهینه‌ی پروژه‌ها با در نظر گرفتن رابطه و ترتیب توالی زمانی بین پروژه‌ها پیشنهاد دادند. امیریان و صحرائیان^[۲۷] یک مدل ریاضی برای مسئله‌ی انتخاب و زمان‌بندی پروژه با استفاده از نظریه‌ی جریان‌های نقدی خالص پروژه‌ها بر اساس داده‌های خاکستری ارائه دادند. برای حل مدل از الگوریتم مبتنی بر جهش قورباغه و شبیه‌سازی مونت کارلو استفاده شده است. ماورتناس و ماکریولیوس^[۲۸] یک رویکرد مبتنی بر شبیه‌سازی مونت کارلو و مدل‌سازی ریاضی برای انتخاب پروژه‌های تحقیق و توسعه با در نظر گرفتن محدودیت بودجه پیشنهاد دادند. ذوالفقاری و موسوی^[۲۹] یک مدل انتخاب و زمان‌بندی پروژه با در نظر گرفتن مدیریت منابع پیشنهاد دادند که در آن عدم قطعیت پارامترها با استفاده از یک مدل فازی بازه‌یی مبتنی بر محدودیت شانس مدل‌سازی شده است. حمیدی حصارسرخ و همکاران^[۳۰] یک مدل برای انتخاب پروژه‌های تحقیق و توسعه‌ی صنعت داورسازی پیشنهاد دادند که در آن برنامه‌ریزی مالی و سیاست برون‌سپاری در نظر گرفته شده است. آن‌ها عدم قطعیت پارامترها را در نظر گرفتند

جدول ۱. ویژگی‌های مقالات بررسی شده در حوزه‌ی مسئله‌ی انتخاب پروژه.

موضوع	تابع هدف	فاکتورهای پایداری			دوره زمانی	پارامترها		رویکرد برخورد با عدم قطعیت	روابط بین پروژه‌ها	روش حل
		اقتصادی	زیست‌محیطی	اجتماعی		فصلی	غیرفصلی			
[۱۰]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۱]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۲]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۳]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۴]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۵]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۶]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۷]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۸]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۱۹]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۰]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۱]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۲]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۳]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۴]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۵]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۶]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۷]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۸]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۲۹]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۳۰]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۳۱]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
[۳۲]	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
مقاله	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓

-- تصمیمات مربوط به انتخاب پروژه‌ها می‌تواند در چندین دوره زمانی اخذ شود؛

-- نیروی انسانی مورد نیاز برای انجام پروژه‌های سرمایه‌گذاری محدود است؛

-- مواد اولیه‌ی مورد نیاز برای انجام پروژه‌های سرمایه‌گذاری در هر یک از دوره‌های زمانی محدود است؛

-- برخی از پروژه‌های سرمایه‌گذاری به صورت گزینه‌های ناسازگارند، به طوری که با انتخاب یکی از آن‌ها گزینه‌های ناسازگار بعدی حذف خواهند شد؛

-- محدودیت‌های مکمل اقتصادی در انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری در نظر گرفته می‌شود؛

-- عدم قطعیت موجود در پارامترهای مدل در نظر گرفته می‌شود؛

-- ظرفیت تأمین‌کنندگان مواد اولیه‌ی مورد نیاز پروژه‌ها محدود است.

۳. مدل ریاضی

۱.۳. تعریف مسئله

در این پژوهش، یک مدل ریاضی چندهدفه برای انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری با در نظر گرفتن اهداف توسعه‌ی پایدار ارائه می‌شود. با توجه به این که منابع در دسترس برای اجرای پروژه‌ها محدود است، در مدل ریاضی کل بودجه‌ی در دسترس، در یک دوره‌ی زمانی محدود در نظر گرفته شده است و سایر محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر نیروی انسانی، ماشین‌آلات و مواد مصرفی نیز لحاظ می‌شود. تصمیمات مرتبط با انتخاب پروژه‌ها در یک افق زمانی بلندمدت در نظر گرفته می‌شود تا میزان سرمایه‌گذاری و انتخاب پروژه‌ها در هر دوره‌ی زمانی مشخص شود. در مدل پیشنهادی، روابط متقابل بین پروژه‌ها، عدم قطعیت پارامترها و ظرفیت تأمین‌کنندگان مواد اولیه‌ی مورد نیاز پروژه‌ها بررسی می‌شود. مفروضات مسئله‌ی پیشنهادی عبارت است از:

۲.۳. مجموعه‌ها

- J : مجموعه‌ی پروژه‌های موجود؛
- T : مجموعه‌ی دوره‌های زمانی؛
- R : مجموعه‌ی مواد اولیه؛
- M : مجموعه‌ی ماشین‌آلات؛
- L : مجموعه‌ی نیروی انسانی؛
- S : مجموعه‌ی تأمین‌کنندگان؛
- K : مجموعه‌ی امکانات رفاهی برای کارکنان؛
- H_j : مجموعه‌ی پروژه‌های ناسازگار با پروژه j ؛
- E_j : مجموعه‌ی پروژه‌های مکمل اقتصادی پروژه j .

• پارامترها

- \tilde{p}_{jt} : سود مورد انتظار پروژه j در زمان t ؛
- $\tilde{F}c_{jt}$: هزینه‌های ثابت سرمایه‌گذاری به‌منظور اجرای پروژه j در زمان t ؛
- $\tilde{p}c_{srt}$: هزینه‌ی خرید ماده‌ی اولیه r از تأمین‌کننده‌ی s در زمان t ؛
- $\tilde{d}c_{rst}$: هزینه‌ی ثابت سفارش‌دهی ماده‌ی اولیه r از تأمین‌کننده‌ی s در زمان t ؛
- $\tilde{M}c_{mt}$: هزینه‌ی هر ساعت ماشین نوع m در زمان t ؛
- $\tilde{L}c_{lt}$: هزینه‌ی هر ساعت نیروی کار l در زمان t ؛
- $\tilde{S}c_{kjt}$: هزینه‌ی ارائه‌ی هر نوع خدمت رفاهی k برای کارکنان پروژه j در زمان t ؛
- $\tilde{T}c_{rsjt}$: هزینه‌ی سفر برای حمل و نقل ماده‌ی اولیه r از تأمین‌کننده‌ی s جهت اجرای پروژه j در زمان t ؛
- \tilde{ir} : نرخ تنزیل؛
- $\tilde{\lambda}_{rj}$: ماده‌ی اولیه‌ی مورد نیاز نوع r برای پروژه j در هر دوره‌ی زمانی؛
- $\tilde{\tau}_{lj}$: نفر - ساعت مورد نیاز نیروی کار l برای پروژه j در هر دوره‌ی زمانی؛
- $\tilde{\gamma}_{mj}$: ماشین - ساعت مورد نیاز نوع m برای پروژه j در هر دوره‌ی زمانی؛
- $\tilde{\delta}_{mt}$: ماشین - ساعت در دسترس نوع m در زمان t ؛
- $\tilde{\Omega}_{lt}$: نفر - ساعت در دسترس نوع l در زمان t ؛
- wh_l : ساعت کاری نیروی کار نوع l در هر دوره‌ی زمانی؛
- wh_m : ساعت کاری ماشین نوع m در هر دوره‌ی زمانی؛
- $\tilde{c}ap_{rs}$: ظرفیت تأمین‌کننده‌ی s برای تأمین ماده‌ی اولیه‌ی نوع r ؛
- $\tilde{d}u_j$: مدت زمان لازم برای اجرای پروژه j ؛
- \tilde{d}_{sj} : فاصله بین تأمین‌کننده‌ی s و محل اجرای پروژه j ؛
- \tilde{e}_{rsj} : مقدار سوخت مورد نیاز برای حمل ماده‌ی اولیه‌ی نوع r از تأمین‌کننده‌ی s به پروژه j ؛
- $\tilde{g}h_{rsj}$: مقدار گاز گلخانه‌یی منتشر شده برای حمل ماده‌ی اولیه‌ی نوع r از تأمین‌کننده‌ی s به پروژه j ؛
- $\tilde{w}g_{rj}$: درصد ضایعات تولید شده ناشی از استفاده از ماده‌ی اولیه‌ی نوع r در پروژه j ؛
- W_e1 : وزن میزان انتشار گاز گلخانه‌یی؛
- W_e2 : وزن میزان سوخت مصرف شده؛
- W_e3 : وزن میزان ضایعات تولید شده؛
- $\tilde{f}o_{jt}$: تعداد فرصت‌های شغلی ثابت ایجاد شده با انتخاب پروژه j در زمان t ؛
- $\tilde{v}o_{jt}$: تعداد فرصت‌های شغلی متغیر ایجاد شده با انتخاب پروژه j در زمان t ؛
- $\tilde{I}d_{jt}$: تعداد روزهای کاری از دست رفته، با انتخاب پروژه j در زمان t ؛

$\tilde{f}sc_{jt}$: تعداد افراد تحت پوشش بیمه با انتخاب پروژه j در زمان t ؛

$\tilde{j}sk_{jt}$: رضایت شغلی کارکنان در اثر خدمت رفاهی نوع k در پروژه j در زمان t ؛

$\tilde{p}j_t$: تأثیر اجرای پروژه j در زمان t بر اقتصاد منطقه؛

W_s1 : وزن تعداد فرصت‌های شغلی ایجاد شده؛

W_s2 : وزن فعالیت‌های ایمنی و سلامتی کارکنان؛

W_s3 : وزن توسعه‌ی اقتصادی منطقه؛

W_s4 : وزن امکانات رفاهی کارکنان.

• متغیرهای تصمیم

x_{jt} : متغیر باینری که در صورت انتخاب پروژه j در زمان t مقدار آن برابر ۱ و در غیر این صورت معادل صفر است؛

u_{rsjt} : متغیر باینری که در صورت انتخاب تأمین‌کننده‌ی s برای تأمین ماده‌ی اولیه‌ی نوع r برای پروژه j در زمان t مقدار آن برابر ۱ و در غیر این صورت معادل صفر است؛

o_{kjt} : متغیر باینری که در صورت ارائه‌ی خدمت رفاهی نوع k برای پروژه j در زمان t مقدار آن برابر ۱ و در غیر این صورت معادل صفر است؛

y_{rsjt} : مقدار ماده‌ی اولیه‌ی نوع r تأمین شده توسط تأمین‌کننده‌ی s برای پروژه j در زمان t ؛

β_{rt} : مقدار ماده‌ی اولیه‌ی نوع r در زمان t .

۳.۳. تابع هدف اقتصادی

هدف اصلی انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری، بیشینه‌سازی سود حاصل از انتخاب پروژه‌هاست که چنین فرموله می‌شود:

$$Max Z_1 = TR - TC \quad (1)$$

و در آن، درآمد حاصل از انتخاب پروژه‌ها با TR و هزینه‌ی کل اجرای پروژه‌ها با TC مشخص شده است. برای محاسبه‌ی TR از معادله‌ی ۲ استفاده می‌شود:

$$TR = \sum_j \sum_t \tilde{p}_{jt} x_{jt} \quad (2)$$

برای محاسبه‌ی TC ، کل هزینه‌های سیستم شامل هزینه‌ی ثابت سرمایه‌گذاری، هزینه‌ی تأمین مواد اولیه، هزینه‌ی نیروی انسانی، هزینه‌ی ماشین‌آلات، هزینه‌ی سفر و هزینه‌ی امکانات رفاهی در نظر گرفته شده است. هزینه‌ی ثابت سرمایه‌گذاری پروژه می‌تواند شامل هزینه‌ی دستگاه‌ها و ماشین‌آلات لازم برای اجرای پروژه، تاسیسات زیربنایی، زمین، ساختمان، محوطه‌سازی، وسایل نقلیه، هزینه‌ی صدور مجوز و امکان‌سنجی اولیه باشد. این نوع هزینه مطابق رابطه‌ی ۳ بیان می‌شود:

$$\sum_j \sum_t \tilde{F}c_{jt} x_{jt} \quad (3)$$

هزینه‌ی تأمین مواد اولیه متشکل از هزینه‌ی خرید و هزینه‌ی سفارش‌دهی مواد اولیه است که از تأمین‌کنندگان مختلفی تهیه می‌شود. هزینه‌ی تأمین مواد اولیه با استفاده از معادله‌ی ۴ محاسبه می‌شود:

$$\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{p}c_{srt} y_{rsjt} + \sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{d}c_{rst} u_{rsjt} \quad (4)$$

ضروری است. برای کمیته‌سازی میزان انتشار گازهای گلخانه‌یی ناشی از حمل و نقل مواد اولیه‌ی مورد نیاز پروژه‌ها داریم:

$$\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{g} h_{rsj} d_{sj} y_{rsjt} \quad (10)$$

برای کمیته‌سازی میزان سوخت مصرفی ناشی از حمل و نقل مواد اولیه از تأمین‌کنندگان به محل اجرای پروژه خواهیم داشت:

$$\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{e}_{rsj} d_{sj} y_{rsjt} \quad (11)$$

میزان ضایعات ناشی از استفاده از مواد اولیه در پروژه‌های انتخاب شده را نیز باید چنین در نظر گرفت:

$$\sum_r \sum_j \sum_t \tilde{w} g_{rj} x_{jt} \quad (12)$$

و با توجه به میزان اهمیت انتشار گازهای گلخانه‌یی، سوخت مصرفی و ضایعات تولیدی، تابع هدف زیست‌محیطی عبارت خواهد بود از:

$$\begin{aligned} Min Z_7 = & We_1 \left[\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{g} h_{rsj} d_{sj} y_{rsjt} \right] \\ & + We_r \left[\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{e}_{rsj} d_{sj} y_{rsjt} \right] + \\ & We_r \left[\sum_r \sum_j \sum_t \tilde{w} g_{rj} x_{jt} \right] \end{aligned} \quad (13)$$

۵.۳. تابع هدف اجتماعی

با اجرای هر پروژه‌ی سرمایه‌گذاری، باید مسئولیت اجتماعی سازمان در قبال ذی‌نفعان داخلی و خارجی مورد توجه قرار گیرد. برای در نظر گرفتن بعد اجتماعی، از گزارش GRI استفاده شده است. شایان ذکر است که GRI یک سازمان بین‌المللی مستقل است که گزارش‌های پایداری را بر اساس تمامی جوانب اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی ارائه می‌کند.^[۳۶]

یکی از مهمترین مسئولیت‌های سرمایه‌گذاران در قبال جامعه، افزایش تعداد فرصت‌های شغلی است. برای اجرای یک پروژه‌ی سرمایه‌گذاری، نیروی انسانی متفاوتی نظیر حامی مالی پروژه، کارفرما، مدیر پروژه، مشاور پروژه، پیمانکاران پروژه، سهام‌داران اصلی پروژه، کارگران ساده و ماهر مورد نیاز است. شایان ذکر است که وجود برخی از نیروی کار مورد نیاز به صورت ثابت از ابتدا تا انتهای پروژه لازم است، اما برخی از آنها برای مدت زمان کوتاهی مشغول به کار خواهند بود. تعداد فرصت‌های شغلی ثابت ایجاد شده با انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری چنین محاسبه می‌شود:

$$\sum_j \sum_t \tilde{f} o_{jt} x_{jt} \quad (14)$$

تعداد فرصت‌های شغلی متغیر حاصل از انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری نیز چنین محاسبه می‌شود:

$$\sum_j \sum_t \tilde{v} o_{jt} x_{jt} \quad (15)$$

یکی از مهمترین مشکلات در اجرای پروژه‌ها هزینه‌های زیادی را به سازمان تحمیل می‌کند، حوادث ناشی از کار است. در هر پروژه وابسته به نوع آن، تعدادی از روزهای

هزینه‌ی نیروی انسانی بر اساس نفر - ساعت مورد نیاز برای اجرای پروژه چنین محاسبه می‌شود:

$$\sum_l \sum_j \sum_t \tilde{l} c_{lt} w h_l x_{jt} \quad (5)$$

و هزینه‌ی ماشین آلات بر اساس ماشین - ساعت مورد نیاز برای اجرای پروژه مطابق معادله‌ی ۶ محاسبه می‌شود:

$$\sum_m \sum_j \sum_t \tilde{M} c_{mt} w h_m x_{jt} \quad (6)$$

هزینه‌ی سفر برای انتقال مواد اولیه از تأمین‌کنندگان به محل اجرای پروژه چنین محاسبه خواهد شد:

$$\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \tilde{T} c_{rsjt} d_{sj} y_{rsjt} \quad (7)$$

هزینه‌ی امکانات رفاهی برای کارکنان درگیر در پروژه نیز چنین محاسبه می‌شود:

$$\sum_k \sum_j \sum_t \tilde{S} c_{kjt} o_{kjt} \quad (8)$$

با توجه به این که در بررسی اقتصادی بودن پروژه، دوره‌ی زمانی و ارزش پول بسیار تأثیرگذار است، برای تأثیر این دو عامل از مفهوم نرخ تنزیل استفاده شده است. بر این اساس، معادله‌ی ۱ به صورت زیر خواهد بود:

$$\begin{aligned} Max Z_1 = & \sum_t \frac{1}{(1+i_r)^{t-1}} \left[\sum_j \tilde{p}_{jt} x_{jt} \right. \\ & - \sum_j \tilde{F} c_{jt} x_{jt} - \sum_s \sum_r \sum_j \tilde{p} c_{srt} y_{rsjt} - \\ & \left. \sum_r \sum_s \sum_j \tilde{o} c_{rst} u_{rsjt} - \sum_l \sum_j \tilde{l} c_{lt} w h_l x_{jt} \right. \\ & - \sum_m \sum_j \tilde{M} c_{mt} w h_m x_{jt} - \sum_r \sum_s \sum_j \tilde{T} c_{rsjt} d_{sj} y_{rsjt} \\ & \left. - \sum_k \sum_j \tilde{S} c_{kjt} o_{kjt} \right] \end{aligned} \quad (9)$$

۴.۳. تابع هدف زیست‌محیطی

برای اجرای هر پروژه نیاز به تأمین مواد اولیه است و برای انتقال مواد اولیه از تأمین‌کنندگان باید از وسایل نقلیه استفاده شود. در اثر حمل و نقل مواد اولیه، مقادیر زیادی گازهای گلخانه‌یی نظیر دی‌اکسید کربن، متان، دی‌اکسید گوگرد، اکسید نیترژن، فلزات سنگین و ترکیبات آلی فرار منتشر می‌شود که به شدت برای سلامت بشریت مضر است. گازهای گلخانه‌یی منتشر شده توسط سوخت‌های فسیلی به عنوان مهم‌ترین عامل در گرمایش جهانی و تغییرات قابل توجه در آب و هوا شناخته شده است.^[۳۳]

از سوی دیگر، وسایل نقلیه برای حمل و نقل مواد اولیه نیازمند سوخت‌های فسیلی هستند. میزان نیاز جمعیت جهان برای سوخت‌های فسیلی به سرعت در حال افزایش است، به طوری که منابع انرژی موجود نمی‌تواند این تقاضای رو به رشد را برآورده سازد. تا سال ۲۰۵۰ پیش‌بینی می‌شود که تقاضا برای انرژی ۲ یا حتی ۳ برابر شود.^[۳۴] بر اساس پیش‌بینی‌های انجام شده مصرف جهانی نفت از ۸۶ میلیون بشکه در روز (در سال ۲۰۰۷)، به ۱۰۴ میلیون بشکه در روز (در سال ۲۰۳۰) افزایش خواهد یافت.^[۳۵] با توجه به رو به اتمام بودن سوخت‌های فسیلی و نگرانی‌های زیست‌محیطی، صرفه‌جویی در استفاده از سوخت‌های فسیلی بسیار

$$y_{rsjt} \leq \tilde{c}ap_{rs} u_{rsjt}, \quad \forall r, s, j, t \quad (30)$$

$$u_{rsjt} \leq x_{jt}, \quad \forall r, s, j, t \quad (31)$$

$$x_{jt} \in \{0, 1\}, \quad \forall j, t \quad (32)$$

$$y_{rsjt} \geq 0, \quad \forall r, s, j, t \quad (33)$$

$$u_{rsjt} \in \{0, 1\}, \quad \forall r, s, j, t \quad (34)$$

$$o_{kjt} \in \{0, 1\}, \quad \forall k, j, t \quad (35)$$

$$\beta_{rt} \geq 0, \quad \forall r, t \quad (36)$$

محدودیت ۲۱ تضمین می‌کند که هر پروژه در هر دوره‌ی زمانی تنها یکبار انتخاب می‌شود. بر اساس محدودیت ۲۲، هر پروژه باید در افق زمانی برنامه‌ریزی شده تکمیل شود. محدودیت ۲۳ مشخص می‌کند که کل مواد اولیه‌ی مورد نیاز برای انجام پروژه‌های انتخاب شده نباید از مواد اولیه‌ی در دسترس در هر دوره‌ی زمانی فراتر رود. محدودیت ۲۴ بیان می‌کند که ساعات کاری ماشین‌آلات مورد نیاز برای پروژه‌های انتخاب شده از ماشین - ساعت در دسترس در هر دوره‌ی زمانی تجاوز نکند. بر اساس محدودیت ۲۵، نفر - ساعت مورد نیاز برای انجام پروژه‌های انتخاب شده از نفر - ساعت در دسترس در هر دوره‌ی زمانی فراتر نمی‌رود. محدودیت ۲۶ مربوط به گزینه‌های ناسازگار است و بر اساس آن در صورت ناسازگاری پروژه‌ها، تنها یکی از آنها انتخاب خواهند شد. محدودیت ۲۷، محدودیت مکمل اقتصادی بین پروژه‌ها را بیان می‌کند. محدودیت ۲۸ مشخص می‌کند که در هر پروژه، کل مواد اولیه‌ی خریداری شده از تأمین‌کنندگان برابر مواد اولیه‌ی مورد نیاز برای تکمیل آن پروژه است. محدودیت ۲۹ مشخص می‌کند که کل ماده‌ی اولیه‌ی خریداری شده از تأمین‌کنندگان برابر مواد اولیه‌ی در دسترس در هر دوره‌ی زمانی است. بر اساس محدودیت ۳۰، میزان مواد اولیه‌ی خریداری شده از ظرفیت تأمین‌کنندگان کمتر است. محدودیت ۳۱ مشخص می‌کند که تنها در صورت انتخاب یک پروژه، تأمین‌کنندگان برای تأمین مواد اولیه انتخاب خواهند شد. محدودیت ۳۲ تا ۳۶ حدود متغیرهای تصمیم مسئله را مشخص می‌کند.

۴. رویکرد برنامه‌ریزی فازی امکانی

در مدل پیشنهادی در بخش قبل، برخی از پارامترها دارای عدم قطعیت هستند. برای برخورد با عدم قطعیت پارامترها از رویکردهایی نظیر بهینه‌سازی تصادفی، بهینه‌سازی فازی، بهینه‌سازی استوار و رویکردهای ترکیبی می‌توان استفاده کرد. در این نوشتار، برای مواجهه با عدم قطعیت موجود در پارامترهای مدل از روش بهینه‌سازی فازی امکانی استفاده شده است. در مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی فازی از ضرایب اطمینان فازی و توابع عضویت برای بیان عدم قطعیت پارامترها استفاده می‌شود. [۳۸، ۳۷] روش بهینه‌سازی فازی امکانی مورد استفاده در این نوشتار، نخستین بار توسط اکسو و ژو [۳۹] پیشنهاد شد و با توجه به کاربرد موفقیت‌آمیز آن با اقبال پژوهش‌گران متعددی مواجه شده است. این روش بر پایه مفاهیم قوی ریاضی مثل فاصله مورد انتظار و ارزش مورد انتظار از اعداد فازی متکی است. در این روش فرض می‌شود که همه پارامترهای غیرقطعی از تابع توزیع مثالی پیروی می‌کنند. فضای امکانی $(\theta, P(\theta), Pos)$ را در نظر بگیرید که در آن θ ، $P(\theta)$ و Pos به ترتیب یک مجموعه‌ی دلخواه، تابع مجموعه‌ی θ و یک معیار امکانی را مشخص کنند. برای تعیین مقادیر پارامترهای غیرقطعی بین حدود خوش بینانه و بدبینانه، اکسو و ژو [۳۳] از معیار Me استفاده کردند:

$$Me(A) = Nec(A) + \varsigma(Pos(A) - Nec(A)) \quad (37)$$

کاری به دلیل آسیب‌ها و خطرات کاری از بین می‌رود. بنابراین یکی از اهداف اجتماعی، انتخاب پروژه‌های با کمترین ریسک است که در روزهای از دست رفته نمایان می‌شود. بر این اساس خواهیم داشت:

$$\sum_j \sum_t \tilde{I}d_{jt} x_{jt} \quad (16)$$

نظر به این که کارفرمایان و پیمانکاران پروژه در بسیاری از پروژه‌ها تمایل به جذب نیروی کار متغیر دارند، معمولاً تعداد افراد محدودی تحت پوشش بیمه قرار می‌گیرند. بنابراین برای افزایش تعداد افراد تحت پوشش بیمه، تابع هدف زیر در نظر گرفته شده است:

$$\sum_j \sum_t \tilde{f}sc_{jt} x_{jt} \quad (17)$$

یکی از اهداف اصلی هر پروژه باید بهبود وضعیت اقتصادی محل اجرای پروژه باشد و بدین منظور عبارت زیر به عنوان بخشی از تابع هدف اجتماعی در نظر گرفته شده است:

$$\sum_j \sum_t \tilde{\rho}_{jt} x_{jt} \quad (18)$$

علاوه بر این با در نظر گرفتن امکانات رفاهی، میزان رضایت کارکنان افزایش خواهد یافت و داریم:

$$\sum_k \sum_j \sum_t \tilde{j}^s_{skjt} o_{kjt} \quad (19)$$

با در نظر گرفتن وزن هر یک از اهداف و مسئولیت‌های اجتماعی پروژه، تابع هدف اجتماعی به صورت زیر خواهد بود:

$$Max Z_r = Ws_1 \left[\sum_j \sum_t (\tilde{f}o_{jt} + \tilde{v}o_{jt}) x_{jt} \right] + Ws_2 \left[- \sum_j \sum_t \tilde{I}d_{jt} x_{jt} + \sum_j \sum_t \tilde{f}sc_{jt} x_{jt} \right] + Ws_3 \left[\sum_j \sum_t \tilde{\rho}_{jt} x_{jt} \right] + Ws_4 \left[\sum_k \sum_j \sum_t \tilde{j}^s_{skjt} o_{kjt} \right] \quad (20)$$

۶.۳. محدودیت‌های مسئله‌ی پیشنهادی

$$\sum_t x_{jt} \leq 1, \quad \forall j \quad (21)$$

$$\sum_t (t + \tilde{d}u_j) x_{jt} \leq T + 1, \quad \forall j \quad (22)$$

$$\sum_j \tilde{\lambda}_{rj} x_{jt} \leq \beta_{rt}, \quad \forall r, t \quad (23)$$

$$\sum_j \tilde{\gamma}_{mj} x_{jt} \leq \tilde{\delta}_{mt}, \quad \forall m, t \quad (24)$$

$$\sum_j \tilde{\tau}_{lj} x_{jt} \leq \tilde{\Omega}_{lt}, \quad \forall l, t \quad (25)$$

$$\sum_t x_{jt} + \sum_t x_{ht} \leq 1, \quad \forall j, h \in H_j \quad (26)$$

$$\sum_t x_{jt} = \sum_t x_{kt}, \quad \forall j, k \in E_j \quad (27)$$

$$\sum_r \sum_s \sum_t y_{rsjt} = \sum_t \sum_r \tilde{\lambda}_{rj} x_{jt}, \quad \forall j \quad (28)$$

$$\sum_s \sum_j y_{rsjt} = \beta_{rt}, \quad \forall r, t \quad (29)$$

که در آن، A یک مجموعه‌ی دلخواه در $P(\theta)$ است و ζ یک پارامتر خوش‌بینانه - بدبینانه است که نظرات تصمیم‌گیرنده را منعکس می‌کند. توابع $PoS(A)$ و $Nec(A)$ نیز به ترتیب لزوم و امکان مجموعه‌ی A را در فضای امکانی مشخص می‌کنند. در ادامه، رویکرد اکسو و ژو^[۳۹] به صورت خلاصه شرح داده می‌شود. مدل برنامه‌ریزی خطی زیر را در نظر بگیرید:

UAM :

$$\begin{aligned} & Min \left(\frac{1-\zeta}{\tau} C_1 + \frac{1}{\tau} C_2 + \frac{\zeta}{\tau} C_3 \right) x \\ & A_1 x + (1 - \alpha) (A_2 - A_1) x \geq b_1 - (1 - \alpha) (b_2 - b_1) \\ & N_1 x - (1 - \beta) (N_2 - N_1) x \leq d_1 + (1 - \beta) (d_2 - d_1) \\ & x \geq 0. \end{aligned} \quad (42)$$

LAM :

$$\begin{aligned} & Min \left(\frac{1-\zeta}{\tau} C_1 + \frac{1}{\tau} C_2 + \frac{\zeta}{\tau} C_3 \right) x \\ & A_1 x - \alpha (A_2 - A_1) x \geq b_1 + (1 - \alpha) (b_2 - b_1) \\ & N_1 x + (1 - \beta) (N_2 - N_1) x \leq d_1 - \beta (d_2 - d_1) \\ & x \geq 0. \end{aligned} \quad (43)$$

با در نظر گرفتن روش برنامه‌ریزی امکانی مبتنی بر معیار Me ، مدل معادل قطعی مسئله‌ی غیرقطعی پیشنهادی بر اساس UAM عبارت خواهد بود از:

$$\begin{aligned} Max Z_1 = & \sum_t \frac{1}{(1+i\tau)^{t-1}} \left[\sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} p_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} p_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} p_{jt}^{(\tau)} \right) x_{jt} \right. \\ & - \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} Fc_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} Fc_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} Fc_{jt}^{(\tau)} \right) \\ & x_{jt} - \sum_s \sum_r \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} pc_{srt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} pc_{srt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} pc_{srt}^{(\tau)} \right) y_{rsjt} - \\ & \sum_r \sum_s \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} oc_{rst}^{(1)} + \frac{1}{\tau} oc_{rst}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} oc_{rst}^{(\tau)} \right) u_{rsjt} - \\ & \sum_l \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} lc_{lt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} lc_{lt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} lc_{lt}^{(\tau)} \right) wh_l x_{jt} \\ & - \sum_m \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} Mc_{mt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} Mc_{mt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} Mc_{mt}^{(\tau)} \right) wh_m x_{jt} \\ & - \sum_r \sum_s \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} Tc_{rsjt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} Tc_{rsjt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} Tc_{rsjt}^{(\tau)} \right) ds_j y_{rsjt} \\ & \left. - \sum_k \sum_j \left(\frac{1-\zeta}{\tau} Sc_{kjt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} Sc_{kjt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} Sc_{kjt}^{(\tau)} \right) ok_{jt} \right] \end{aligned} \quad (44)$$

Min $Z_2 =$

$$\begin{aligned} & We_1 \left[\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} gh_{rsj}^{(1)} + \frac{1}{\tau} gh_{rsj}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} gh_{rsj}^{(\tau)} \right) ds_j y_{rsjt} \right] \\ & + We_2 \left[\sum_r \sum_s \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} e_{rsj}^{(1)} + \frac{1}{\tau} e_{rsj}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} e_{rsj}^{(\tau)} \right) ds_j y_{rsjt} \right] + \\ & We_3 \left[\sum_r \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} wg_{rj}^{(1)} + \frac{1}{\tau} wg_{rj}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} wg_{rj}^{(\tau)} \right) x_{jt} \right] \end{aligned} \quad (45)$$

Min $\tilde{C}x$

$$\begin{aligned} & \tilde{A}x \geq \tilde{b} \\ & \tilde{N}x \leq \tilde{d} \\ & x \geq 0. \end{aligned} \quad (38)$$

در این مدل، پارامترهای غیرقطعی به صورت اعداد فازی مثلثی در نظر گرفته می‌شود. در برنامه‌ریزی امکانی بر اساس معیار Me ، از عملگرهای مقدار مورد انتظار، محدودیت شانس و محدودیت‌های امکانی استفاده می‌شود. بنابراین مدل ریاضی ۳۸ چنین بیان می‌شود:

Min $\tilde{C}x$

$$\begin{aligned} & Me \left\{ \tilde{A}x \geq \tilde{b} \right\} \geq \alpha \\ & Me \left\{ \tilde{N}x \leq \tilde{d} \right\} \geq \beta \\ & x \geq 0. \end{aligned} \quad (39)$$

که در آن، α و β کمینه‌ی سطوح برآورده‌سازی محدودیت‌های امکانی هستند. اکسو و ژو^[۳۹] مدل بالا را به مدل تقریب بالا (UAM) و مدل تقریب پایین (LAM) تبدیل کردند. مدل UAM عبارت است از:

Min $E[\tilde{C}]x$

$$\begin{aligned} & Pos \left\{ \tilde{A}x \geq \tilde{b} \right\} \geq \alpha \\ & Pos \left\{ \tilde{N}x \leq \tilde{d} \right\} \geq \beta \\ & x \geq 0. \end{aligned} \quad (40)$$

مدل LAM نیز چنین نوشته می‌شود:

Min $E[\tilde{C}]x$

$$\begin{aligned} & Nec \left\{ \tilde{A}x \geq \tilde{b} \right\} \geq \alpha \\ & Nec \left\{ \tilde{N}x \leq \tilde{d} \right\} \geq \beta \\ & x \geq 0. \end{aligned} \quad (41)$$

مدل‌های معادل قطعی، مدل‌های امکانی UAM و LAM، نیز به ترتیب بر اساس

$$\begin{aligned} Max Z_2 = & Ws_1 \left[\sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} fo_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} fo_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} fo_{jt}^{(\tau)} \right) x_{jt} + \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} vo_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} vo_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} vo_{jt}^{(\tau)} \right) x_{jt} \right] \\ & + Ws_2 \left[- \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} Id_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} Id_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} Id_{jt}^{(\tau)} \right) x_{jt} + \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} fsc_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} fsc_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} fsc_{jt}^{(\tau)} \right) x_{jt} \right] + \\ & Ws_3 \left[\sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} \rho_{jt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} \rho_{jt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} \rho_{jt}^{(\tau)} \right) x_{jt} \right] + Ws_4 \left[\sum_k \sum_j \sum_t \left(\frac{1-\zeta}{\tau} js_{kjt}^{(1)} + \frac{1}{\tau} js_{kjt}^{(\tau)} + \frac{\zeta}{\tau} js_{kjt}^{(\tau)} \right) ok_{jt} \right] \end{aligned} \quad (46)$$

اهمیت معیارهای زیست‌محیطی و اجتماعی با استفاده از روش بهترین - بدترین گروهی تعیین می‌شود. در مرحله دوم، از یک روش برنامه‌ریزی فازی تعاملی برای تبدیل مسئله برنامه‌ریزی ریاضی چندهدفه به یک مسئله تک‌هدفه استفاده خواهد شد.

۱.۵. روش بهترین - بدترین گروهی

روش بهترین - بدترین در سال ۲۰۱۵ برای تعیین وزن معیارهای مسئله تصمیم‌گیری معرفی شد.^[۴۰] با توجه به این که این روش تنها از ترجیحات یک تصمیم‌گیرنده استفاده می‌کند، برای تعیین وزن معیارها بر مبنای نظرات گروهی از تصمیم‌گیرندگان، در نوشتار حاضر از روش بهترین - بدترین گروهی عمرانی و همکاران^[۴۱] استفاده شده است. گام‌های این روش به صورت خلاصه توضیح داده شده است:

گام ۱. معیارهای مهم برای مسئله تصمیم‌گیری را تعیین کنید.

گام ۲. بهترین و بدترین معیارها را از دیدگاه هر یک از تصمیم‌گیرندگان تعیین کنید.

گام ۳. ارجحیت بهترین معیار، B ، را نسبت به بقیه معیارها بر اساس نظر تصمیم‌گیرنده r با اعداد ۱ تا ۹ به صورت زیر مشخص کنید:

$$A_B^r = (a_{B1}^r, a_{B2}^r, \dots, a_{Bn}^r) \quad (59)$$

گام ۴. ارجحیت سایر معیارها را نسبت به بدترین معیار، W ، بر اساس نظر تصمیم‌گیرنده r با اعداد ۱ تا ۹ به صورت زیر مشخص کنید:

$$A_W^r = (a_{1W}^r, a_{2W}^r, \dots, a_{nW}^r) \quad (60)$$

گام ۵. با در نظر گرفتن ارجحیت بهترین معیار نسبت به معیار o بر اساس نظر تصمیم‌گیرنده r و a_{oW}^r ، ارجحیت معیار o نسبت به بدترین معیار بر اساس نظر تصمیم‌گیرنده r ، وزن بهینه‌ی هر معیار را بر اساس مدل زیر مشخص کنید:

$$\text{Min} \sum_r \xi_r \quad (61)$$

$$|w_B - a_{Bo}^r w_o| \leq \xi_r, \quad \forall o, r \quad (62)$$

$$|w_o - a_{oW}^r w_W| \leq \xi_r, \quad \forall o, r \quad (63)$$

$$\sum_o w_o = 1, \quad (64)$$

$$w_o \geq 0, \quad \forall o \quad (65)$$

با توجه به این که مسئله بالا غیرخطی است، مسئله معادل خطی آن چنین نوشته شده است:

$$\text{Min} \sum_r \xi_r \quad (66)$$

$$s.t. (64), (65) \quad (67)$$

$$w_B - a_{Bo}^r w_o \leq \xi_r, \quad \forall o, r \quad (67)$$

$$w_B - a_{Bo}^r w_o \geq -\xi_r, \quad \forall o, r \quad (68)$$

$$w_o - a_{oW}^r w_W \leq \xi_r, \quad \forall o, r \quad (69)$$

$$w_o - a_{oW}^r w_W \geq -\xi_r, \quad \forall o, r \quad (70)$$

$$s.t. (21), (26), (27), (29), (31) - (36)$$

$$\sum_t \left(t + \left[du_j^{(t)} - (1 - \beta) (du_j^{(t)} - du_j^{(1)}) \right] \right) x_{jt} \leq T + 1, \quad \forall j \quad (47)$$

$$\sum_j \left[\lambda_{rj}^{(t)} - (1 - \beta) (\lambda_{rj}^{(t)} - \lambda_{rj}^{(1)}) \right] x_{jt} \leq \beta_{rt}, \quad \forall r, t \quad (48)$$

$$\sum_j \left[\gamma_{mj}^{(t)} - (1 - \beta) (\gamma_{mj}^{(t)} - \gamma_{mj}^{(1)}) \right] x_{jt} \leq \delta_{mt}^{(t)} + (1 - \beta) (\delta_{mt}^{(t)} - \delta_{mt}^{(1)}), \quad \forall m, t \quad (49)$$

$$\sum_j \left[\tau_{lj}^{(t)} - (1 - \beta) (\tau_{lj}^{(t)} - \tau_{lj}^{(1)}) \right] x_{jt} \leq \Omega_{lt}^{(t)} + (1 - \beta) (\Omega_{lt}^{(t)} - \Omega_{lt}^{(1)}), \quad \forall l, t \quad (50)$$

$$\sum_r \sum_s \sum_t y_{rsjt} \geq \sum_t \sum_r \lambda_{rj}^{(t)} x_{jt}, \quad \forall j \quad (51)$$

$$\sum_r \sum_s \sum_t y_{rsjt} \leq \sum_t \sum_r \lambda_{rj}^{(t)} x_{jt}, \quad \forall j \quad (52)$$

$$y_{rsjt} \leq \left[cap_{rs}^{(t)} + (1 - \beta) (cap_{rs}^{(r)} - cap_{rs}^{(t)}) \right] u_{rsjt}, \quad \forall r, s, j, t \quad (53)$$

مدل معادل قطعی مسئله غیرقطعی پیشنهادی بر اساس LAM نیز چنین بیان می‌شود:

$$\text{Max} E(Z_1)$$

$$\text{Min} E(Z_2)$$

$$\text{Max} E(Z_3)$$

$$s.t. (21), (26), (27), (29), (31) - (36), (51), (52)$$

$$\sum_t \left(t + \left[du_j^{(t)} + (1 - \beta) (du_j^{(t)} - du_j^{(1)}) \right] \right) x_{jt} \leq T + 1, \quad \forall j \quad (54)$$

$$\sum_j \left[\lambda_{rj}^{(t)} + (1 - \beta) (\lambda_{rj}^{(r)} - \lambda_{rj}^{(t)}) \right] x_{jt} \leq \beta_{rt}, \quad \forall r, t \quad (55)$$

$$\sum_j \left[\gamma_{mj}^{(t)} + (1 - \beta) (\gamma_{mj}^{(r)} - \gamma_{mj}^{(t)}) \right] x_{jt} \leq \delta_{mt}^{(t)} - \beta (\delta_{mt}^{(t)} - \delta_{mt}^{(1)}), \quad \forall m, t \quad (56)$$

$$\sum_j \left[\tau_{lj}^{(t)} + (1 - \beta) (\tau_{lj}^{(r)} - \tau_{lj}^{(t)}) \right] x_{jt} \leq \Omega_{lt}^{(t)} - \beta (\Omega_{lt}^{(t)} - \Omega_{lt}^{(1)}), \quad \forall l, t \quad (57)$$

$$y_{rsjt} \leq \left[cap_{rs}^{(t)} - \beta (cap_{rs}^{(r)} - cap_{rs}^{(t)}) \right] u_{rsjt}, \quad \forall r, s, j, t \quad (58)$$

۵. روش حل

در این مقاله از یک روش حل دومرحله‌یی استفاده شده است. در مرحله اول،

۲.۵. روش برنامه‌ریزی فازی تعاملی

برای حل مسائل چندهدفه روش‌های مختلفی نظیر روش محدودیت افسیلون، روش معیار جامع و رویکرد جمع وزنی وجود دارد. در این مقاله از روش برنامه‌ریزی فازی تعاملی که توسط تریبی و هسینی^[۲۲] در سال ۲۰۰۸ برای حل مسائل چندهدفه پیشنهاد شده است، استفاده می‌شود. در این رویکرد جواب‌های ایده‌آل مثبت (PIS) و جواب‌های ایده‌آل منفی (NIS) برای توابع هدف مسئله چنین محاسبه می‌شود:

$$Z_1^{PIS} = Max Z_1, Z_1^{NIS} = Min Z_1 \quad (۷۱)$$

$$Z_2^{PIS} = Min Z_2, Z_2^{NIS} = Max Z_2 \quad (۷۲)$$

$$Z_3^{PIS} = Max Z_3, Z_3^{NIS} = Min Z_3 \quad (۷۳)$$

تابع عضویت خطی برای هر یک از توابع هدف نیز به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\mu_1(Z_1) = \begin{cases} 1, & Z_1 > Z_1^{PIS} \\ \frac{Z_1 - Z_1^{NIS}}{Z_1^{PIS} - Z_1^{NIS}}, & Z_1^{NIS} \leq Z_1 \leq Z_1^{PIS} \\ 0, & Z_1 < Z_1^{NIS} \end{cases} \quad (۷۴)$$

$$\mu_2(Z_2) = \begin{cases} 1, & Z_2 < Z_2^{PIS} \\ \frac{Z_2^{NIS} - Z_2}{Z_2^{NIS} - Z_2^{PIS}}, & Z_2^{PIS} \leq Z_2 \leq Z_2^{NIS} \\ 0, & Z_2 > Z_2^{NIS} \end{cases} \quad (۷۵)$$

$$\mu_3(Z_3) = \begin{cases} 1, & Z_3 > Z_3^{PIS} \\ \frac{Z_3 - Z_3^{NIS}}{Z_3^{PIS} - Z_3^{NIS}}, & Z_3^{NIS} \leq Z_3 \leq Z_3^{PIS} \\ 0, & Z_3 < Z_3^{NIS} \end{cases} \quad (۷۶)$$

برای تبدیل مدل چندهدفه به یک مدل تک‌هدفه از فرمول زیر استفاده می‌شود:

$$Max \lambda(x) = \varphi \lambda_0 + (1 - \varphi) \sum_h \varpi_h \mu_h(x) \quad (۷۷)$$

$$\lambda_0 \leq \mu_h(x), \quad \forall h \quad (۷۸)$$

$$x \in F(x), \lambda_0, \varphi \in [0, 1]. \quad (۷۹)$$

در مدل بالا، ϖ_h ، $F(x)$ و φ به ترتیب اهمیت نسبی تابع هدف h ، فضای جواب مسئله و ضریب جبران را مشخص می‌کند. $\lambda_0 = \min_h \{\mu_h(x)\}$ و $\mu_h(x)$ درجه عضویت تابع هدف h است.

۶. نتایج عددی

در این بخش، نتایج عددی بر اساس حل مدل پیشنهادی با استفاده از روش‌های حل شرح داده می‌شود. جدول ۲ مقادیر پارامترهای ورودی مثال‌های عددی را نشان می‌دهد. برای تعیین وزن اجرای تابع هدف زیست‌محیطی و اجتماعی از نظرات ۵ فرد خبره در حوزه‌ی پروژه‌های سرمایه‌گذاری استفاده شده است. در جدول ۳ ارجحیت بهترین معیار نسبت به سایر معیارها و ارجحیت سایر معیارها نسبت به بدترین معیار برای عوامل زیست‌محیطی نشان داده شده است. در این جدول، e_1 میزان انتشار گازهای گلخانه‌ای، e_2 میزان مصرف انرژی و e_3 میزان ضایعات تولید شده است. جدول ۴ ارجحیت تصمیم‌گیرندگان در معیارهای اجتماعی را نشان می‌دهد. در این جدول، s_1 تعداد فرصت‌های شغلی ایجاد شده، s_2 فعالیت‌های ایمنی و سلامتی

جدول ۲. حدود پارامترها.

پارامترها	مقدار	پارامترها	مقدار
\tilde{P}_{jt}	[۱۰۰۰۰۰۰۰۰، ۵۰۰۰۰۰۰۰۰]	$\tilde{\Omega}_{lt}$	[۰، ۳۰]
$\tilde{F}c_{jt}$	[۳۰۰۰۰۰۰، ۲۱۰۰۰۰۰۰]	d_{sj}	[۰، ۱۵۰]
$\tilde{p}c_{srt}$	[۲۰۰۰، ۵۰۰۰]	\tilde{e}_{rsj}	[۵، ۲۰]
$\tilde{o}c_{rst}$	[۵۰۰۰، ۶۰۰۰]	$\tilde{g}h_{rsj}$	[۱، ۵]
$\tilde{M}c_{mt}$	[۱۰۰۰، ۴۰۰۰]	$\tilde{f}o_{jt}$	[۳، ۱۰]
$\tilde{I}c_{lt}$	[۸۰۰۰، ۳۰۰۰۰]	$\tilde{v}o_{jt}$	[۴، ۱۰]
$\tilde{S}c_{kjt}$	[۳۰۰۰، ۱۲۰۰۰]	$\tilde{I}d_{jt}$	[۵، ۸]
$\tilde{T}c_{rsjt}$	[۱۰، ۳۰]	$\tilde{j}s_{kjt}$	[۰، ۰/۸]
i_r	%۱۰	$\tilde{\rho}_{jt}$	[۰/۰۲، ۰/۰۴]
$\tilde{\lambda}_{rj}$	[۰، ۲۰]	wh_l	[۰، ۸]
$\tilde{\tau}_{lj}$	[۰، ۱۰]	wh_m	[۰، ۸]
$\tilde{\gamma}_{mj}$	[۰، ۲۰]	$\tilde{c}a_{p_{rs}}$	[۲۰۰، ۱۰۰۰]
$\tilde{\delta}_{mt}$	[۰، ۵۰]	$\tilde{d}u_j$	[۱، ۱۰]

جدول ۳. ارجحیت تصمیم‌گیرندگان در معیارهای زیست‌محیطی.

معیارها			بهترین و بدترین معیار	تصمیم‌گیرنده
e_3	e_2	e_1		
۹	۱	۶	بهترین (e_2)	۱
۱	۹	۷	بدترین (e_3)	
۸	۷	۱	بهترین (e_1)	۲
۱	۶	۸	بدترین (e_3)	
۹	۱	۵	بهترین (e_2)	۳
۱	۹	۶	بدترین (e_3)	
۹	۱	۴	بهترین (e_2)	۴
۱	۹	۷	بدترین (e_3)	
۸	۶	۱	بهترین (e_1)	۵
۱	۷	۸	بدترین (e_3)	

برای کارکنان، s_3 توسعه اقتصادی منطقه و s_4 امکانات رفاهی کارکنان را نشان می‌دهد. جدول ۵ و ۶ نیز وزن بهینه‌ی معیارهای زیست‌محیطی و اجتماعی را نشان می‌دهند.

برای نتایج عددی از ۱۰ مثال متفاوت استفاده شده است. مدل در نرم‌افزار بهینه‌سازی گم‌زکدنویسی شده است. اندازه مجموعه‌های مثال‌های عددی در جدول ۷ و نتایج عددی حاصل از حل مدل در جدول ۸ نشان داده شده است. در جدول ۸، D مقادیر تابع هدف در حالت قطعی را مشخص می‌کند.

چنان که مشاهده می‌شود سود حاصل از اجرای پروژه‌ها در همه مثال‌های عددی در مدل UAM بیشتر از LAM است، زیرا مدل UAM بر اساس دیدگاه خوش‌بینانه شکل گرفته است. همچنین سود حاصل از اجرای پروژه‌ها با افزایش نظرات خوش‌بینانه تصمیم‌گیرنده، ζ ، افزایش می‌یابد. زمانی که سود پروژه‌ها افزایش می‌یابد، تعداد پروژه‌های بیشتری انتخاب خواهد شد و مواد اولیه‌ی بیشتری برای اجرای پروژه‌ها مورد نیاز خواهد بود. برای ارسال مواد اولیه از تأمین‌کنندگان به محل

جدول ۴. ارجحیت تصمیم‌گیرندگان در معیارهای اجتماعی.

تصمیم‌گیرنده	بهترین و بدترین معیار	معیارها			
		s _۱	s _۲	s _۳	s _۴
۱	بهترین (s _۲)	۹	۱	۵	۴
	بدترین (s _۱)	۱	۹	۷	۶
۲	بهترین (s _۲)	۹	۵	۱	۶
	بدترین (s _۱)	۱	۶	۹	۵
۳	بهترین (s _۲)	۷	۱	۵	۹
	بدترین (s _۴)	۵	۹	۶	۱
۴	بهترین (s _۲)	۹	۵	۱	۶
	بدترین (s _۱)	۱	۷	۹	۶
۵	بهترین (s _۲)	۵	۴	۱	۹
	بدترین (s _۴)	۵	۶	۹	۱

جدول ۵. وزن معیارهای زیست‌محیطی.

معیارها	e _۱	e _۲	e _۳
وزن معیارها	۰/۴۹۰۹	۰/۲۹۰۹	۰/۲۱۸۲

جدول ۶. وزن معیارهای اجتماعی.

معیارها	s _۱	s _۲	s _۳	s _۴
وزن معیارها	۰/۱۸۵۲	۰/۳۳۳۳	۰/۳۳۳۳	۰/۱۴۸۲

جدول ۷. اندازه‌ی مجموعه‌ها در مثال‌های عددی.

مثال عددی	J	T	R	M	L	S	K
۱	۵	۷	۳	۲	۲	۳	۲
۲	۷	۷	۴	۳	۳	۳	۲
۳	۱۰	۸	۵	۴	۳	۴	۳
۴	۱۳	۸	۶	۴	۴	۴	۳
۵	۱۵	۹	۷	۵	۴	۵	۴
۶	۱۷	۱۰	۸	۵	۵	۵	۴
۷	۲۱	۱۱	۹	۶	۵	۶	۵
۸	۲۴	۱۲	۱۰	۶	۶	۶	۵
۹	۲۸	۱۳	۱۱	۷	۶	۷	۶
۱۰	۳۰	۱۴	۱۲	۷	۷	۷	۶

سود مورد انتظار است. همان‌طور که مشاهده می‌شود با در نظر گرفتن پایداری، مقدار تابع هدف اقتصادی در مدل قطعی، LAM و UAM به ترتیب به میزان ۰/۱۳، ۱/۱۹ و ۰/۱۳ درصد کاهش می‌یابد، اما موجب بهبود چشم‌گیر توابع هدف زیست‌محیطی و اجتماعی خواهد شد. اثرات مخرب زیست‌محیطی در مدل‌های قطعی، LAM و UAM در مدل پیشینه‌سازی سود به ترتیب به میزان ۲/۳۱ برابر، ۲/۸۲ برابر و ۲/۲۵ برابر مدل با در نظر گرفتن پایداری است. تابع هدف اجتماعی مدل‌های قطعی و UAM در حالت SM به ترتیب به میزان ۹۵/۴۰ و ۹۸/۹۷ درصد نسبت به حالت PM بهبود یافته است. تابع هدف اجتماعی مدل LAM نیز در حالت SM، ۲/۰۶ برابر حالت PM است.

۷. تحلیل حساسیت

در این بخش تغییرات تابع هدف نسبت به پارامترهای φ ، نرخ تنزیل، نفر-ساعت در دسترس و ماشین-ساعت در دسترس بر اساس مثال عددی ۵ بررسی می‌شود.

۱.۷. تأثیر φ بر توابع هدف

برای بررسی تأثیر φ بر توابع هدف، مقدار درجه عضویت هر یک از توابع مورد بررسی قرار گرفته است. در جدول ۱۰ تأثیر φ بر توابع هدف ثبت شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، با افزایش φ مقدار درجه عضویت تابع هدف اول کاهش و درجه عضویت تابع هدف دوم افزایش می‌یابد. درجه عضویت تابع هدف سوم نیز روند خاصی ندارد. البته در هر یک از مدل‌های قطعی، UAM و LAM به ازای برخی از مقادیر φ ، مقدار درجه عضویت بدون تغییر باقی مانده است.

۲.۷. تأثیر نرخ تنزیل بر توابع هدف

تأثیر نرخ تنزیل بر توابع هدف در جدول ۱۱ نشان داده شده است. چنان که مشاهده می‌شود، با افزایش نرخ تنزیل سود کل کاهش می‌یابد. همچنین تابع هدف زیست‌محیطی و تابع هدف اجتماعی به طور نسبی کاهش و در برخی از حالات ثابت می‌مانند. باید توجه داشت که نرخ تنزیل یکی از تأثیرگذارترین پارامترها بر سود حاصل از اجرای پروژه است که با در نظر گرفتن آن ممکن است یک پروژه سودآور، غیراقتصادی تلقی شود. نظر به این که هم درآمدها و هم هزینه‌های سرمایه‌گذار متأثر از نرخ تنزیل است، بنابراین با توجه به نرخ تنزیل و عامل زمان باید پروژه‌های سودآور انتخاب شوند.

۳.۷. تأثیر ماشین-ساعت در دسترس بر توابع هدف

تأثیر حداکثر ماشین-ساعت در دسترس در جدول ۱۲ نشان داده شده است. در این جدول ستون اول درصد تغییرات حداکثر ماشین-ساعت را نسبت به حالت پایه نشان می‌دهد. با افزایش ماشین-ساعت در دسترس در هر دوره‌ی زمانی، پروژه‌های بیشتری قابل انجام است و سود حاصل از اجرای پروژه‌های سرمایه‌گذاری افزایش می‌یابد. با افزایش تعداد پروژه‌های انتخاب شده، تابع هدف زیست‌محیطی و تابع هدف اجتماعی نیز افزایش می‌یابد. به طور کلی زمان یک عامل مهم در سودآوری پروژه‌های انتخاب شده محسوب می‌شود و اگر ماشین-ساعت در دسترس در دوره‌های زمانی ابتدایی پروژه بتواند ماشین-ساعت مورد نیاز پروژه را تأمین کند، سود بالایی برای سرمایه‌گذار حاصل می‌شود.

اجرای پروژه از وسایل نقلیه استفاده می‌شود و به دنبال آن مقادیر زیادی گازهای گلخانه‌یی و انرژی مصرف می‌شود، بنابراین مقدار تابع هدف زیست‌محیطی افزایش می‌یابد. مقادیر تابع هدف اجتماعی نیز متناسب با سود پروژه‌ها افزایش می‌یابد، چون زمانی که تعداد پروژه‌های بیشتری انتخاب شود، تعداد فرصت‌های شغلی بیشتری نیز ایجاد خواهد شد.

با توجه به این که در مدل‌های انتخاب پروژه بیشتر تمرکز بر بعد اقتصادی است، بنابراین تأثیر ابعاد پایداری بر انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری بررسی شده است. در جدول ۹ نتایج بر اساس مثال عددی پنجم ثبت شده است. در این جدول، SM مدل پیشنهادی مبتنی بر اهداف توسعه‌ی پایدار و PM مدل با در نظر گرفتن پیشینه‌سازی

جدول ۸. نتایج حل مثال‌های عددی.

مثال عددی	S	LAM			UAM			D		
		Z ₁	Z ₂	Z ₃	Z ₁	Z ₂	Z ₃	Z ₁	Z ₂	Z ₃
۱	۰.۱	۱.۰۵۵۴۳۱E+۹	۱۶۶۶۰.۹۷	۱۴.۹۴	۱.۰۵۵۹۳۳E+۹	۱۶۵۱۳.۵۹	۱۴.۹۴	۱.۰۹۹۳۳۳E+۹	۱۹۵۰۹.۴۹	۱۵۰.۷۲
	۰.۵	۱.۰۹۹۳۳۱E+۹	۱۷۸۵۱.۸۷	۱۵.۲۸	۱.۲۲۲۵۵۷E+۹	۱۸۶۶۱.۶۴	۱۴.۵۴			
	۰.۹	۱.۲۶۷۰۲۰E+۹	۲۱۱۶۹.۹۴	۱۵.۵۱	۱.۲۶۹۲۴۸E+۹	۲۱۱۰۱.۱۱	۱۵.۵۶			
۲	۰.۱	۱.۲۰۰۱۵۸E+۹	۲۸۴۲۱.۷۰	۲۱.۱۳	۱.۴۲۰۲۴۹E+۹	۲۷۱۳۹.۵۲	۲۰.۶۹	۱.۴۷۲۸۴۳E+۹	۳۴۶۸۲.۱۱	۲۰.۷۸۸
	۰.۵	۱.۳۴۹۳۳۱E+۹	۳۲۵۷۹.۲۸	۲۲.۴۳	۱.۴۷۳۸۴۶E+۹	۳۱۱۳۷.۰۸	۲۱.۲۶			
	۰.۹	۱.۳۹۸۲۸۲E+۹	۳۶۶۸۰.۱۹	۲۳.۷۴	۱.۵۲۷۴۲۸E+۹	۳۵۱۰۶.۶۹	۲۱.۸۳			
۳	۰.۱	۲.۴۷۵۲۵۱E+۹	۶۳۹۳۳.۸۲	۴۲.۵۹	۲.۵۲۲۶۸۷E+۹	۶۲۸۲۹.۹۵	۴۲.۱۴	۲.۲۱۲۸۹۴E+۹	۷۲۴۵۸.۰۳	۴۸۰.۷۱
	۰.۵	۲.۵۶۸۶۵۵E+۹	۷۳۱۱۶.۴۹	۴۴.۷۶	۲.۶۱۷۸۹۰E+۹	۷۱۷۹۴.۸۳	۴۳.۸۳			
	۰.۹	۲.۶۶۲۰۴۴E+۹	۸۲۰۰۰.۵۹	۴۶.۹۴	۲.۷۱۳۰۶۲E+۹	۸۰۴۵۴.۸۶	۴۵.۵۱			
۴	۰.۱	۳.۲۲۲۸۶۴E+۹	۷۴۹۸۵.۰۹	۵۲.۵۹	۳.۴۹۶۰۴۴E+۹	۷۶۰۵۳.۸۸	۵۰.۰۷	۳.۳۳۶۷۴۶E+۹	۸۲۸۴۸.۵۹	۵۶.۲۱۷
	۰.۵	۳.۳۴۴۴۷۷E+۹	۸۴۰۸۰.۴۴	۵۶.۵۸	۳.۶۳۷۹۸۰E+۹	۸۶۱۰۳.۱۷	۵۴.۷۹			
	۰.۹	۳.۴۶۶۱۰۳E+۹	۹۲۸۱۱.۷۹	۶۰.۶۰	۳.۷۵۹۹۱۱E+۹	۹۶۱۱۳.۱۸	۵۹.۵۰			
۵	۰.۱	۲.۶۳۴۴۹۰E+۹	۸۶۷۹۴.۲۷	۶۸.۷۲	۳.۰۵۶۵۹۸E+۹	۸۸۰۱۶.۷۸	۶۹.۹۲	۳.۲۱۰۷۰۰E+۹	۱۲۸۸۵۱.۳۵	۷۲.۹۲۷
	۰.۵	۲.۷۳۳۹۱۲E+۹	۹۸۷۳۲.۵۹	۷۱.۸۲	۳.۱۷۱۹۵۷E+۹	۱۰۰۰۵۵.۳۷	۷۲.۷۰			
	۰.۹	۲.۸۳۶۵۱۰E+۹	۱۱۰۳۷۷.۶۶	۷۴.۹۹	۳.۲۹۰۴۷۵E+۹	۱۱۱۷۹۱.۸۲	۷۵.۵۷			
۶	۰.۱	۳.۲۰۸۳۱۷E+۹	۱۱۷۷۶۱.۱۹	۷۹.۱۱	۳.۵۵۰۴۵۹E+۹	۱۳۲۶۴۷.۲۶	۸۱.۳۶	۳.۵۱۳۱۷۱E+۹	۱۳۷۱۴۴.۹۴	۸۲.۷۳۱
	۰.۵	۳.۳۲۹۴۱۰E+۹	۱۳۲۶۸۳.۵۱	۸۳.۴۲	۳.۶۸۴۳۴۴E+۹	۱۴۹۳۷۳.۰۹	۸۶.۷۷			
	۰.۹	۳.۴۵۰۴۶۷E+۹	۱۴۷۲۹۸.۱۸	۸۷.۷۳	۳.۷۶۳۸۹۵E+۹	۱۶۵۸۸۵.۹۲	۹۵.۵۸			
۷	۰.۱	۳.۷۶۴۱۵۶E+۹	۱۳۹۶۷۷.۰۴	۱۱۵.۲۵	۴.۴۱۹۰۱۶E+۹	۱۵۵۷۴۲.۷۰	۱۲۶.۳۹	۴.۵۸۵۷۵۵E+۹	۱۸۹۰۴۱.۰۱	۱۳۰.۳۳۰
	۰.۵	۳.۹۰۶۲۶۲E+۹	۱۵۷۳۱۸.۴۱	۱۲۳.۵۲	۴.۵۸۵۸۰۵E+۹	۱۷۴۲۶۲.۴۲	۱۳۴.۱۴			
	۰.۹	۴.۰۴۸۳۸۸E+۹	۱۷۴۲۷۴.۰۸	۱۳۱.۸۷	۴.۷۵۲۵۲۳E+۹	۱۹۲۵۳۰.۸۴	۱۴۱.۸۹			
۸	۰.۱	۴.۳۹۴۷۶E+۹	۱۶۵۹۳۷.۹۹	۱۴۳.۸۸	۴.۸۴۶۴۴۳E+۹	۱۷۴۰۵۴.۶۵	۱۴۸.۰۷	۴.۸۴۰۹۱۸E+۹	۲۰۰۱۶۶.۷۴	۱۵۰.۶۷۲
	۰.۵	۴.۶۳۶۲۸۳E+۹	۱۹۳۹۷۰.۲۶	۱۵۳.۵۸	۵.۰۲۹۳۲۸E+۹	۱۹۷۵۳۵.۲۸	۱۵۶.۶۴			
	۰.۹	۴.۸۰۴۸۵۱E+۹	۲۱۵۵۳۶.۷۷	۱۶۳.۴۶	۵.۲۱۳۱۴۲E+۹	۲۲۰۱۹۴.۶۸	۱۶۵.۲۰			
۹	۰.۱	۵.۰۰۰۶۵۲E+۹	۲۱۰۷۲۱.۹۸	۱۹۳.۹۸	۵.۶۴۶۵۹۷E+۹	۲۴۴۵۶۷.۸۱	۲۰۳.۰۴	۵.۵۹۹۳۵۴E+۹	۲۴۶۶۷۳.۱۲	۱۹۶.۶۳۲
	۰.۵	۵.۱۷۶۳۵۷E+۹	۲۲۹۴۷۸.۴۹	۱۹۹.۶۱	۵.۸۵۹۶۵۹E+۹	۲۷۴۳۲۴.۴۱	۲۱۳.۹۷			
	۰.۹	۵.۳۷۸۰۶۹E+۹	۲۵۹۸۱۷.۹۹	۲۱۳.۷۵	۶.۱۰۹۸۶۹E+۹	۳۲۲۱۴۶.۲۲	۲۲۱.۳۳			
۱۰	۰.۱	۴.۹۹۹۳۰۹E+۹	۲۳۴۱۵۰.۷۱	۲۲۱.۸۸	۵.۴۶۱۹۷۲E+۹	۲۴۹۶۷۷.۸۸	۲۲۱.۲۱	۵.۶۵۵۷۱۸E+۹	۳۱۲۵۰.۱۹۱	۲۱۵.۲۲۸
	۰.۵	۵.۱۸۷۹۹۰E+۹	۲۶۵۱۷۰.۷۹	۲۳۰.۹۲	۵.۶۶۸۰۹۳E+۹	۲۸۲۹۶۷.۸۵	۲۳۱.۲۷			
	۰.۹	۵.۴۳۹۵۳۱E+۹	۳۰۳۹۶۸.۲۵	۲۳۸.۳۹	۵.۹۱۱۷۶۷E+۹	۳۲۱۰۱۵.۲۰	۲۴۰.۵۲			

جدول ۹. مقایسه‌ی مدل پیشنهادی و مدل بیشینه‌سازی سود.

	D		LAM		UAM	
	PM	SM	PM	SM	PM	SM
Z ₁	۳.۲۱۴۹۴۵E+۹	۳.۲۱۰۷۰۰E+۹	۲.۷۶۶۵۳۶E+۹	۲.۷۳۳۹۱۲E+۹	۳.۲۱۴۹۷۱E+۹	۳.۲۱۰۷۵۲E+۹
Z ₂	۲۹۷۰۹۵.۴۳۱	۱۲۸۸۵۱.۳۵۲	۲۷۸۹۳۵.۱۴۹	۹۸۷۳۲.۵۹۵	۲۶۴۱۶۵.۸۲۷	۱۱۷۲۱۰.۹۷۳
Z ₃	۳۷.۳۲۱	۷۲.۹۲۷	۳۴.۹۳۴	۷۱.۸۱۸	۳۷.۴۰۴	۷۴.۴۲۳
m ₁	۱	۰.۹۹۹	۱	۰.۹۸۸	۱	۰.۹۸۷
m ₂	۰.۶۰۵	۰.۸۲۹	۰.۵۹۲	۰.۸۵۶	۰.۶۳۹	۰.۸۶۳
m ₃	۰.۴۲۳	۰.۸۲۶	۰.۴۴۸	۰.۹۲۱	۰.۴۵۱	۰.۸۷۷

جدول ۱۰. تأثیر φ بر توابع هدف.

φ	D			LAM			UAM		
	m_1	m_2	m_3	m_1	m_2	m_3	m_1	m_2	m_3
۰	۰.۹۹۹	۰.۸۲۹	۰.۸۲۶	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۹۹	۰.۸۴۰	۰.۸۹۸
۰.۱	۰.۹۹۹	۰.۸۲۹	۰.۸۲۶	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۹۹	۰.۸۴۰	۰.۸۹۸
۰.۲	۰.۹۹۹	۰.۸۲۹	۰.۸۲۶	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۸۷	۰.۸۶۳	۰.۸۷۷
۰.۳	۰.۹۹۹	۰.۸۲۹	۰.۸۲۶	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۸۷	۰.۸۶۳	۰.۸۷۷
۰.۴	۰.۹۹۹	۰.۸۲۹	۰.۸۲۶	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۸۷	۰.۸۶۳	۰.۸۷۷
۰.۵	۰.۹۹۹	۰.۸۲۹	۰.۸۲۶	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۸۷	۰.۸۶۳	۰.۸۷۷
۰.۶	۰.۹۱۰	۰.۸۴۹	۰.۸۸۳	۰.۹۸۸	۰.۸۵۶	۰.۹۲۱	۰.۹۸۷	۰.۸۶۳	۰.۸۷۷
۰.۷	۰.۸۶۸	۰.۸۶۱	۰.۸۷۳	۰.۹۲۰	۰.۸۷۹	۰.۸۸۶	۰.۹۸۷	۰.۸۶۳	۰.۸۷۷
۰.۸	۰.۸۶۸	۰.۸۶۱	۰.۸۷۳	۰.۹۲۰	۰.۸۷۹	۰.۸۸۶	۰.۸۷۷	۰.۸۷۷	۰.۸۸۰
۰.۹	۰.۸۶۸	۰.۸۶۱	۰.۸۷۳	۰.۹۲۰	۰.۸۷۹	۰.۸۸۶	۰.۸۷۷	۰.۸۷۷	۰.۸۸۰
۱	۰.۸۶۸	۰.۸۶۱	۰.۸۶۵	۰.۸۹۲	۰.۸۷۹	۰.۸۷۹	۰.۸۷۷	۰.۸۷۷	۰.۸۸۰

جدول ۱۱. تأثیر ir بر توابع هدف.

ir	D			LAM			۱۱۱۱	UAM		
	Z_1	Z_2	Z_3	Z_1	Z_2	Z_3	Z_1	Z_2	Z_3	
٪۵	۳.۸۵۶۲۷۲E+۹	۱۲۲۸۶۲.۲۹۵	۷۴.۲۰۸	۳.۲۷۹۳۱۱E+۹	۹۸۷۳۲.۵۹۵	۷۱.۸۱۸	۳.۹۶۳۲۲۷E+۹	۱۱۷۲۱۰.۹۷۳	۷۴.۴۲۳	
٪۱۰	۳.۲۱۰۷۰۰E+۹	۱۱۸۸۵۱.۳۵۲	۷۲.۹۲۷	۲.۷۳۳۹۱۲E+۹	۹۸۷۳۲.۵۹۵	۷۱.۸۱۸	۳.۲۱۰۷۵۲E+۹	۱۱۷۲۱۰.۹۷۳	۷۴.۴۲۳	
٪۱۵	۲.۴۷۵۴۲۰E+۹	۱۱۳۱۰۲.۴۷۰	۷۱.۹۱۳	۲.۳۲۸۰۲۷E+۹	۹۷۹۷۱.۴۴۵	۷۰.۴۲۱	۲.۶۷۷۸۹۴E+۹	۹۶۷۹۵.۵۵۰	۷۱.۳۰۹	
٪۲۰	۲.۱۲۱۰۰۱E+۹	۱۱۳۱۰۲.۴۷۰	۷۱.۹۱۳	۲.۰۰۰۷۳۵E+۹	۹۷۹۷۱.۴۴۵	۷۰.۴۲۱	۲.۲۸۵۴۱۶E+۹	۹۶۷۹۵.۵۵۰	۷۱.۳۰۹	
٪۲۵	۱.۸۱۵۰۵۵E+۹	۱۰۷۰۷۱.۸۶۰	۷۰.۹۵۳	۱.۷۳۵۹۸۰E+۹	۹۷۹۷۱.۴۴۵	۷۰.۴۲۱	۱.۹۷۸۷۱۹E+۹	۹۳۹۷۷.۵۹۰	۷۰.۳۹۳	

جدول ۱۲. تأثیر ماشین - ساعت در دسترس بر توابع هدف.

%	D			LAM			UAM		
	Z_1	Z_2	Z_3	Z_1	Z_2	Z_3	Z_1	Z_2	Z_3
-۲۰	۲.۸۶۰۲۷۹E+۹	۱۰۴۸۶۵.۸۱۲	۷۲.۳۴۳	۲.۴۵۶۹۱۲E+۹	۷۷۰۹۱۰.۷۳	۶۷.۰۵۷	۲.۹۰۶۸۸۱E+۹	۱۰۹۶۹۶.۸۲۶	۷۳.۶۰۵
-۱۰	۲.۹۰۶۸۷۸E+۹	۱۲۰۵۶۷.۸۷۴	۷۲.۵۷۰	۲.۵۴۶۳۳۷E+۹	۸۲۹۸۸.۸۳۵	۶۹.۱۲۳	۲.۹۹۴۵۱۷E+۹	۱۱۰۲۳۴.۷۲۳	۷۴.۰۵۱
۰	۳.۲۱۰۷۰۰E+۹	۱۲۸۸۵۱.۳۵۲	۷۲.۹۲۷	۲.۷۳۳۹۱۲E+۹	۹۸۷۳۲.۵۹۵	۷۱.۸۱۸	۳.۲۱۰۷۵۲E+۹	۱۱۷۲۱۰.۹۷۳	۷۴.۴۲۳
+۱۰	۳.۲۳۱۶۵۷E+۹	۱۲۹۷۶۱.۱۸۷	۷۳.۴۲۲	۲.۸۱۶۶۹۱E+۹	۱۱۶۴۵۳.۷۶۱	۷۵.۲۸۵	۳.۲۳۹۷۱۲E+۹	۱۱۸۹۲۱.۱۸۸	۷۵.۶۳۴
+۲۰	۳.۲۵۴۷۴۶E+۹	۱۳۱۲۷۵.۸۹۴	۷۷.۰۷۵	۲.۸۴۴۰۱۷E+۹	۱۱۷۰۶۵.۶۶۶	۷۷.۶۱۷	۳.۲۵۴۷۵۷E+۹	۱۱۹۳۷۹.۵۹۴	۷۷.۷۷۳

برای انجام پروژه‌ها در زمان کوتاه‌تری تأمین می‌شود و پروژه‌ها زودتر به سودآوری می‌رسند. همچنین با افزایش حداکثر نفر - ساعت در دسترس نسبت به حالت پایه، چون سودآوری افزایش می‌یابد، تأثیر اقتصادی پروژه بر منطقه و همچنین تعداد فرصت‌های شغلی ایجاد شده بیشتر شده و در نتیجه تابع هدف اجتماعی نسبت به حالت

۴.۷. تأثیر حداکثر نفر - ساعت در دسترس بر توابع هدف
تأثیر حداکثر نفر - ساعت در دسترس در جدول ۱۳ نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود با افزایش حداکثر - نفر ساعت در دسترس، نیروی انسانی مورد نیاز

جدول ۱۳. تأثیر نفر - ساعت در دسترس بر توابع هدف.

%	D			LAM			UAM		
	Z ₁	Z ₂	Z ₃	Z ₁	Z ₂	Z ₃	Z ₁	Z ₂	Z ₃
-۲۰	۲.۶۷۸۱۴۲E+۹	۱۱۱۷۴۹.۶۹۳	۷۰.۹۷۴	۲.۵۲۴۳۸۶E+۹	۹۴۷۷۸.۳۰۰	۷۱.۲۶۹	۲.۷۰۵۹۱۹E+۹	۱۰.۴۲۷۱.۲۵۴	۷۱.۶۷۸
-۱۰	۲.۸۱۶۷۱۹E+۹	۱۲۶۶۹۹.۷۷۴	۷۱.۸۹۱	۲.۶۷۱۸۲۸E+۹	۹۷۱۲۶.۱۲۴	۷۱.۵۴۷	۲.۸۱۶۷۲۲E+۹	۱۱۵۳۹۱.۹۹۶	۷۲.۲۸۵
۰	۳.۲۱۰۷۰۰E+۹	۱۲۸۸۵۱.۳۵۲	۷۲.۹۲۷	۲.۷۳۳۹۱۲E+۹	۹۸۷۳۲.۵۹۵	۷۱.۸۱۸	۳.۲۱۰۷۵۲E+۹	۱۱۷۲۱۰.۹۷۳	۷۴.۴۲۳
+۱۰	۳.۲۳۰۸۵۷E+۹	۱۲۹۶۸۷.۱۷۳	۷۹.۴۰۹	۲.۹۹۴۵۲۲E+۹	۱۰۰۲۵۱.۱۷۶	۷۴.۶۵۱	۳.۳۵۱۸۸۷E+۹	۱۱۷۸۷۹.۹۵۸	۷۹.۰۶۰
+۲۰	۳.۲۸۸۰۲۰E+۹	۱۳۰۴۸۶.۷۳۴	۷۹.۵۰۸	۳.۱۷۸۶۸۵E+۹	۱۱۱۱۵۵.۳۷۱	۷۶.۶۶۱	۳.۳۸۰۲۶۱E+۹	۱۱۸۲۵۸.۲۳۶	۷۹.۷۸۶

UAM بیشتر از LAM و حالت قطعی است. در مدل UAM، تعداد پروژه‌های بیشتری انتخاب می‌شود، بنابراین همان‌طور که سود آن بیشتر است، مقادیر انرژی بیشتری مصرف و مقادیر گازهای گلخانه‌یی بیشتری منتشر خواهد شد، پس تابع هدف زیست‌محیطی نیز در مدل UAM در اکثر مثال‌های عددی بیشتر از مدل LAM است. همچنین مدل UAM، در اکثر مثال‌های عددی تابع هدف اجتماعی بیشتری نسبت به مدل LAM و مدل قطعی دارد. بر اساس نتایج عددی می‌توان بیان کرد که در نظر گرفتن اهداف توسعه‌ی پایدار باعث بهبود چشم‌گیر ابعاد زیست‌محیطی و اجتماعی پایداری خواهد شد، بدون آن که تأثیر قابل توجهی بر سود اجرای پروژه داشته باشد. نتایج این پژوهش مشخص می‌کند که در صورت وجود عدم قطعیت در پارامترهای مدل، نمی‌توان آن‌ها را نادیده گرفت؛ زیرا سودآوری سرمایه‌گذار به شدت تحت تأثیر قرار می‌گیرد و میزان سود کم‌تر و یا بیشتر از مقدار واقعی خواهد بود. نرخ تنزیل از تأثیرگذارترین پارامترها در سرمایه‌گذاری است و با در نظر گرفتن آن ممکن است یک پروژه‌ی اقتصادی، غیراقتصادی تلقی شود. بنابراین باید مقدار دقیق آن با توجه به نوع پروژه تعیین شود تا سرمایه‌گذار بتواند پروژه‌های سودآور در کوتاه‌ترین زمان ممکن را انتخاب کند. به طور کلی با افزایش حداکثر ماشین - ساعت و حداکثر نفر - ساعت در دسترس انجام پروژه‌های سرمایه‌گذاری در مدت زمان کم‌تری میسر می‌شود و بر اساس آن سود حاصل از اجرای پروژه‌ها افزایش می‌یابد. بنابراین، برای طراحی یک مدل انتخاب پروژه‌ی کارا، ضروری است که محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر منابع تجدیدپذیر و تجدیدناپذیر برای اجرای پروژه‌ها در نظر گرفته شود تا تخمین دقیقی از سود اجرای پروژه‌ها به دست آید.

با توجه به مدل پیشنهادی در این نوشتار، جهت‌های تحقیقات آتی برای محققین حوزه‌ی سرمایه‌گذاری و مدیریت پروژه به شرح ذیل پیشنهاد شده است. در مدل پیشنهادی، حداکثر ماشین - ساعت و نفر - ساعت در دسترس در هر دوره‌ی زمانی به‌عنوان یک پارامتر در نظر گرفته شده است. برای تحقیقات آتی بسیار جالب خواهد بود که این پارامترها به‌عنوان متغیرهای تصمیم در نظر گرفته شود. در مدل پیشنهادی می‌توان تأثیر وام و سایر منابع تأمین مالی را برای اجرای پروژه‌ها در نظر گرفت. در این نوشتار، برای برخورد با عدم قطعیت از برنامه‌ریزی فازی امکانی استفاده شد. برای تحقیقات آتی می‌توان از رویکردهای دیگر نظیر بهینه‌سازی استوار و برنامه‌ریزی تصادفی برای برخورد با عدم قطعیت استفاده کرد و نتایج را با رویکرد برنامه‌ریزی فازی امکانی مقایسه کرد.

پایه افزایش می‌یابد. با افزایش نفر - ساعت در دسترس، چون پروژه‌های بیشتری انتخاب می‌شود، میزان مصرف انرژی و انتشار گازهای گلخانه‌یی افزایش و تابع هدف زیست‌محیطی رشد صعودی خواهد داشت.

۸. نتیجه‌گیری

در این نوشتار، مسئله‌ی برنامه‌ریزی چندهدفه انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری با در نظر گرفتن محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر نیروی انسانی، ماشین‌آلات و مواد مصرفی ارائه شد. برای انتخاب پروژه‌های سرمایه‌گذاری علاوه بر تابع هدف اقتصادی که سود حاصل از اجرای پروژه‌ها را بیشینه می‌کند، اهداف زیست‌محیطی و اجتماعی نیز در نظر گرفته شد. بر اساس بعد زیست‌محیطی، میزان انتشار گازهای گلخانه‌یی، میزان مصرف انرژی برای تأمین مواد اولیه‌ی موردنیاز و میزان پسماندهای تولید شده کمیته شد. بر اساس بعد اجتماعی نیز تعداد فرصت‌های شغلی ایجاد شده با انتخاب پروژه‌ها، تعداد افراد تحت پوشش بیمه، رضایت شغلی کارکنان در نتیجه ارائه‌ی خدمات رفاهی، تأثیر پروژه بر اقتصاد منطقه بیشینه و تعداد روزهای کاری از دست رفته کمیته شد. مدل پیشنهادی به‌صورت یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی چنددوره‌یی در نظر گرفته شد. همچنین ظرفیت تأمین‌کنندگان برای تأمین مواد اولیه‌ی مورد نیاز پروژه‌ها و هزینه‌های خرید و سفارش‌دهی مواد اولیه در نظر گرفته شد. نظر به این که در دنیای واقعی، بسیاری از پارامترها ماهیت غیرقطعی و تصادفی دارند، عدم قطعیت پارامترها نیز در نظر گرفته شد. برای تبدیل مدل غیرقطعی به مدل معادل قطعی، از رویکرد برنامه‌ریزی فازی امکانی مبتنی بر معیار Me استفاده شد و دو مدل LAM و UAM توسعه داده شد. برای بررسی کارایی مدل پیشنهادی، مثال‌های عددی متفاوتی در نظر گرفته شد و نتایج بر اساس توابع هدف اقتصادی، اجتماعی و زیست‌محیطی ارائه شد. در پایان، تحلیل حساسیت پارامترهای کلیدی ارائه شد. بر اساس نتایج عددی می‌توان بیان کرد که مدل ریاضی ارائه شده ابزاری مناسب برای تصمیم‌گیری درخصوص ارزیابی و انتخاب پروژه‌ها در اختیار مدیران ارشد سازمان‌ها قرار می‌دهد و آن‌ها را قادر می‌سازد تا با انتخاب بهترین مجموعه از پروژه‌ها بالاترین سود را کسب کنند و بر این اساس موقعیت رقابتی خود را تحت‌الشعاع قرار دهند. با توجه به این که مدل UAM بر اساس دیدگاه خوش‌بینانه شکل گرفته است، سود حاصل از اجرای پروژه‌ها در اکثر مثال‌های عددی در مدل

(References) منابع

- Liu, M. and Gao, Y. "An algorithm for portfolio selection in a frictional market", *Applied Mathematical Computing*, **182**(2), pp. 1629-1638 (2006).
- Bilbao-Terol, A., Pérez- Gladish, B. and Antomil-Ibias, J. "Selecting the optimum portfolio using fuzzy compromise programming and Sharpe's single-index Model", *Applied Mathematical Computing*, **182**, pp. 644-664 (2006).
- Golmakani, H.R. and Fazel, M. "Constrained portfolio selection using particle swarm optimization", *Expert System with Applications*, **38**(7), pp. 8327-8335 (2011).
- Chen, J.X. and Chen, J. "Supply chain carbon footprinting and responsibility allocation under emission regulations", *Environmental Management*, **188**, pp. 255-267 (2017).
- Perdan, S. and Azapagic, A. "Carbon trading: current schemes and future developments", *Energy Policy*, **39**(10), pp. 6040-6054 (2011).
- Sahebjamnia, N., Fathollahi-Fard, A.M. and Hajiaghaei-Keshteli, M. "Sustainable tire closed-loop supply chain network design: hybrid meta-heuristic algorithms for large-scale networks", *Journal of Cleaner Production*, **196**, pp. 273-296 (2018).
- Taleizadeh, A.A., Haghghi, F. and Niaki, S.T.A. "Modeling and solving a sustainable closed loop supply chain problem with pricing decisions and discounts on returned products", *Journal of Cleaner Production*, **207**, pp. 163-181 (2019).
- Rohmer, S.U.K., Gerdessen, J.C. and Claassen, G.D.H. "Sustainable supply chain design in the food system with dietary considerations: a multi-objective analysis", *European Journal of Operational Research*, **273**(3), pp. 1149-1164 (2019).
- Ben-Tal, A. and Nemirovski, A. "Robust solutions of linear programming problems contaminated with uncertain data", *Mathematical programming*, **88**(3), pp. 411-424 (2000).
- EIA, Rabbani, M., Bajestani, M.A. and Khoshkhou, G.B. "A multi-objective particle swarm optimization for project selection problem", *Expert Systems with Applications*, **37**(1), pp. 315-321 (2010).
- Khalili-Damghani, K., Tavana, M. and Sadi-Nezhad, S. "An integrated multi-objective framework for solving multi-period project selection problems", *Applied Mathematics and Computation*, **219**(6), pp. 3122-3138 (2012).
- Zaraket, F., Olleik, M. and Yassine, A. "Skill-based framework for optimal software project selection and resource allocation", *European Journal of Operational Research*, **234**, pp. 308-318 (2014).
- Tofghian, A.A. and Naderi, B. "Modeling and solving the project selection and scheduling", *Computers & Industrial Engineering*, **83**, pp. 30-38 (2015).
- Tang, B., Zhou, H. and Cao, H. "Selection of overseas oil and gas projects under low oil price", *Journal of Petroleum Science and Engineering*, **156**, pp. 160-166 (2017).
- Shariatmadari, M., Nahavandi, N., Zegordi, S.H. and et al. "Integrated resource management for simultaneous project selection and scheduling", *Computers & Industrial Engineering*, **109**, pp. 39-47 (2017).
- Kumar, M., Mittal, M.L., Soni, G. and et al. "A hybrid TLBO-TS algorithm for integrated selection and scheduling of projects", *Computers & Industrial Engineering*, **119**, pp. 121-130 (2018).
- Shafahi, A. and Haghani, A. "Project selection and scheduling for phase-able projects with interdependencies among phases", *Automation in Construction*, **93**, pp. 47-62 (2018).
- Miralinaghi, M., Seilabi, S.E., Chen, S. and et al. "Optimizing the selection and scheduling of multi-class projects using a stackelberg framework", *European Journal of Operational Research*, **286**(2), pp. 508-522 (2020).
- Abbasi, D., Ashrafi, M. and Ghodspour, S.H. "A multi objective-BSC model for new product development project portfolio selection", *Expert Systems with Applications*, **162**, 113757 (2020).
- Tavana, M., Khosrojerdi, G., Mina, H. and et al. "A new dynamic two-stage mathematical programming model under uncertainty for project evaluation and selection", *Computers & Industrial Engineering*, **149**, 106795 (2020).
- Shakhsi-Niaei, M., Torabi, S.A. and Iranmanesh, S.H. "A comprehensive framework for project selection problem under uncertainty and real-world constraints", *Computers & Industrial Engineering*, **61**, pp. 226-237 (2011).
- Khalili-Damghani, K., Sadi-Nezhad, S. and Tavana, M. "Solving multi-period project selection problems with fuzzy goal programming based on TOPSIS and a fuzzy preference relation", *Information Sciences*, **252**, pp. 42-61 (2013).
- Huang, X. and Zhao, T. "Project selection and scheduling with uncertain net income and investment cost", *Applied Mathematics and Computation*, **247**, pp. 61-71 (2014).
- Huang, X., Xiang, L. and Islam, S.M.N. "Optimal project adjustment and selection", *Economic Modelling*, **36**, pp. 391-397 (2014).
- Shafahi, A. and Haghani, A. "Modeling contractors' project selection and markup Decisions influenced by eminence", *International Journal of Project Management*, **32**, pp. 1481-1493 (2014).
- Huang, X., Zhao, T. and Kudratova, S. "Uncertain mean-variance and mean-semivariance models for optimal project selection and scheduling", *Knowledge-Based Systems*, **93**, pp. 1-11 (2016).
- Amirian, H. and Sahraeian, R. "Solving a grey project selection scheduling using a simulated shuffled frog leaping algorithm", *Computers & Industrial Engineering*, **107**, pp. 141-149 (2017).
- Mavrotas, G. and Makryvelios, E. "Combining multiple criteria analysis, mathematical programming and monte carlo simulation to tackle uncertainty in research and development project portfolio selection: a case study from greece", *European Journal of Operational Research*, **291**, pp. 794-806 (2021).

29. Zolfaghari, S. and Mousavi, S.M. "A novel mathematical programming model for multi-mode project portfolio selection and scheduling with flexible resources and due dates under interval-valued fuzzy random uncertainty", *Expert Systems with Applications*, **182**, 115207 (2021).
30. Hamidi Hesarsorkh, A., Ashayeri, J. and Bonyadi Naeini, A. "Pharmaceutical R& D project portfolio selection and scheduling under uncertainty: a robust possibilistic optimization approach", *Computers & Industrial Engineering*, **155**, 107114 (2021).
31. Habibi, F., Barzinpour, F. and Sadjadi, S.F. "A mathematical model for project scheduling and material ordering problem with sustainability considerations: a case study in Iran", *Computers & Industrial Engineering*, **128**, pp. 690-710 (2019).
32. RezaHoseini, A., Ghannadpour, S.F. and Hemmati, M. "A comprehensive mathematical model for resource-constrained multi-objective project portfolio selection and scheduling considering sustainability and projects splitting", *Journal of Cleaner Production*, 122073 (2020).
33. Zhang, S., Liu, L., Zhang, L. and et al. "An optimization model for carbon capture utilization and storage supply chain: a case study in Northeastern China", *Applied Energy*, **231**, pp. 194-206 (2018).
34. Mirhosseini, M., Sharifi, F. and Sedaghat, A. "Assessing the wind energy potential locations in province of Semnan in Iran", *Renewable and Sustainable Energy Reviews*, **15**(1), pp. 449-459 (2011).
35. Brink, J. and Marx, S. "Harvesting of hartbeespoort dam micro-algal biomass through sand filtration and solar drying", *Fuel*, **106**, pp. 67-71 (2013).
36. GRI, Sustainability Reporting Guidelines (2016).
37. Pishvae, M.S., Rabbani, M. and Torabi, S.A. "A robust optimization approach to closed-loop supply chain network design under uncertainty", *Applied Mathematical Modelling*, **35**, pp. 637-649 (2011).
38. Zarrinpoor, N., Fallahnezhad, MS. and Pishvae, MS. "The design of a reliable and robust hierarchical health service network using an accelerated benders decomposition algorithm", *European Journal of Operational Research*, **265**(3), pp. 1013-1032 (2018).
39. Xu, J. and Zhou, X. "Approximation based fuzzy multi-objective models with expected objectives and chance constraints: application to earth-rock work allocation", *Information Science*, **238**, pp. 75-95 (2013).
40. Rezaei, J. "Best-worst multi-criteria decision-making method", *Omega*, **53**, pp. 49-57 (2015).
41. Omrani, H., Amini, M. and Alizadeh, A. "An integrated group best-Worst method - data envelopment analysis approach for evaluating road safety: a case of Iran", *Measurement*, **152**, 107330 (2020).
42. Torabi, S.A. and Hassini, E. "An interactive possibilistic programming approach for multiple objective supply chain master planning", *Fuzzy Sets and Systems*, **159**, pp. 193-214 (2008).