

پیکربندی مجدد زنجیره‌ی تأمین هنگام توسعه‌ی محصول جدید با در نظر گرفتن راهکار جایگزینی دومحصولی (مطالعه‌ی موردی: صنعت هدفون)

علی عبدی نژاد (دانشجوی کارشناسی ارشد)

ابراهیم تیموری* (دانشیار)

فهیمة پورمحمدی (دانشجوی دکتری)

دانشکده‌ی مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت ایران

مهندسی صنایع و مدیریت شریف، تابستان ۱۴۰۱
دوری ۱، شماره ۱، ص. ۲۵-۳۵، (پژوهشی)

ارائه‌ی محصولات جدید در محیط رقابتی کسب‌وکار الزامی است. پیکربندی زنجیره‌ی تأمین هنگام توسعه‌ی محصولات جدید، منجر به پیروزی در عرصه‌ی رقابت می‌شود. در تحقیق حاضر، یک مدل عدد صحیح مختلط برای زنجیره‌ی تأمین چهارسطحی توسعه داده شده که در آن تصمیماتی همچون انتخاب اجزای زنجیره، میزان تولید و زمان طراحی محصول بهینه می‌شود. برای نشان دادن کاربرد مدل، ۱۵ مسئله از صنعت لوازم دیجیتال با ابعاد مختلف به صورت دقیق حل شده است. تحلیل حساسیت روی پارامترهای قیمت فروش و هزینه‌ی تولید انجام شده که با افزایش ۱۰ درصد قیمت فروش و ثابت بودن تقاضا، تابع هدف ۱۶ درصد بهبود خواهد داشت. همچنین راهکار جایگزینی دومحصولی با حالات مختلف تک‌محصولی مقایسه شده که حالت دومحصولی نسبت به بهترین حالت تک‌محصولی ۶ درصد بهبود دارد. نوآوری اصلی مقاله، پیاده‌سازی راهکار جایگزینی دومحصولی است و نشان داده شده که در بعضی مسائل واقعی راهکار دومحصولی نسبت به حالت تک‌محصولی کارایی بهتری دارد.

واژگان کلیدی: توسعه‌ی محصول جدید، راهکار جایگزینی دومحصولی، پیکربندی زنجیره‌ی تأمین، انتخاب تأمین‌کنندگان، چرخه‌ی عمر محصول.

۱. مقدمه

در دنیای رقابتی امروز و تغییرات سریع تکنولوژی، یکی از مهم‌ترین دغدغه‌های مدیران تولید، حفظ مشتریان و جذب وفاداری آنها به سازمان است. این موضوع بدون افزودن پیوسته‌ی نوآوری به محصولات و توسعه‌ی محصولات جدید غیر قابل دست‌یابی خواهد بود. از این رو همواره بخش بزرگی از هزینه‌ها و زمان سازمان‌ها صرف توسعه‌ی موفق محصولات جدید به بازار می‌شود. توسعه‌ی محصول جدید^۱ به صورت موفق نیازمند توجه هم‌زمان به تمام زمینه‌های تحقیق و توسعه، طراحی، تولید، بازاریابی و تصمیمات دیگر زنجیره‌ی تأمین است.

مدیریت زنجیره‌ی تأمین^۲ در موفقیت کسب‌وکارها اهمیت ویژه‌ی دارد. سازمان‌ها با برنامه‌ریزی و مدیریت مطلوب زنجیره‌ی تأمین منجر به کاهش شدید هزینه‌ها و افزایش رضایت مشتریان می‌شوند که به دنبال آن سهم بازار خود را نیز افزایش می‌دهند. تا قبل از دهه‌ی ۱۹۸۰ میلادی، تلاش صنایع به سمت بهبود فرایندهای تولید و انعطاف‌پذیری در توانایی‌های سازمان‌ها بود. اما در آن دوره مدیران صنایع دریافته‌اند

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۹/۴/۱، اصلاحیه ۱۴۰۰/۴/۲۰، پذیرش ۱۴۰۰/۶/۲۴

DOI:10.24200/J65.2021.55613.2118

mr.a.abdinejad@gmail.com
teimoury@iust.ac.ir
fahimep.ie@gmail.com

که این موارد برای ادامه‌ی حضور در بازار کافی نیست، بلکه توجه به راهکارهای یک پارچگی اعضای زنجیره، در راستای کاهش هزینه‌های کل سیستم و افزایش سطح خدمت‌دهی به مشتریان مؤثر است. پیکربندی به عنوان ابزاری در راستای تحقق این موارد، شامل تصمیمات انتخاب تأمین‌کنندگان، میزان سفارش، نحوه‌ی ارسال محصولات بین اعضای زنجیره‌ی تأمین، میزان تولید، نگهداری موجودی، مسیربایی و سایر نقلیه در شبکه و غیره است.^۱

بازنگری در زنجیره‌ی تأمین به هنگام توسعه‌ی محصول جدید در پناهگاه‌های صنعتی لازمه‌ی موفقیت در معرفی محصول به بازار است. با توجه کردن به کل زنجیره‌ی تأمین به صورت یک پارچه و هماهنگ، زمان مناسب برای طراحی محصول جدید، زمان مناسب برای معرفی به بازار و همچنین زمان مناسب برای حذف محصول قدیمی از بازار نتیجه می‌شوند. توسعه‌ی محصول جدید ممکن است منجر به انتخاب تأمین‌کنندگان جدید، توزیع‌کنندگان جدید و یا تغییر در ارتباطات قبلی بشود. نحوه‌ی حذف محصول قدیمی از بازار و معرفی محصول جدید با عنوان راهکار جایگزینی محصول^۳ شناخته می‌شود.

راهکار جایگزینی محصول به دو نوع تک‌محصولی و دومحصولی تقسیم

چهار سطحی شامل، تأمین‌کنندگان قطعات، تولیدکنندگان، توزیع‌کنندگان و گروه‌های مشتریان توسعه داده می‌شود. در این زنجیره تأمین محصولات جدید طی چند دوره جایگزین محصولات قدیمی می‌شوند (راهکار جایگزینی دومحصولی). تصمیماتی مانند میزان تولید تولیدکننده، موجودی اجزای مختلف زنجیره، تعیین ارتباط میان اجزا و قرارداد بستن با تأمین‌کنندگان، میزان ارسال محصولات میان اجزا و زمان طراحی محصول در این مدل ریاضی اتخاذ می‌شوند. سپس مدل با استفاده از داده‌های واقعی مربوط به یک شرکت تولیدکننده و واردکننده هدفون‌های معمولی و بی‌سیم در نرم‌افزار بهینه‌سازی GAMS حل می‌شود. همچنین تحلیل حساسیت روی پارامترهای مدل انجام خواهد شد.

با توجه به مطالعه‌ی ایباراکی و کاتو^[۵] مسائل شبکه‌های زنجیره‌ی تأمین چندسطحی، چنددوره‌ی و چندمحصولی از لحاظ پیچیدگی در دسته NP-complete قرار می‌گیرند. همین موضوع باعث می‌شود مدل این مطالعه در ابعاد بزرگ به منابع زیادی برای حل نیاز داشته باشد.

ساختار ادامه‌ی مقاله به شرح زیر خواهد بود: در بخش ۲، پیشینه‌ی تحقیقات معرفی می‌شود. در بخش ۳، مسئله به صورت دقیق شرح داده می‌شود و مدل ریاضی به همراه علائم و اختصارات به کار رفته در آن ارائه می‌شود. در بخش ۴، مدل ریاضی با استفاده از داده‌های مطالعه‌ی موردی در نرم‌افزار GAMS حل می‌شود. بخش ۵ به تحلیل حساسیت پارامترهای مدل اختصاص یافته است. در بخش ۶ مدل با راهکار جایگزینی دومحصولی با ۶ حالت مختلف راهکار جایگزینی دومحصولی مقایسه شده است. در بخش ۷ تعداد ۱۵ مثال مختلف در ابعاد مختلف برای این مدل حل شده است. در بخش ۸ توصیه‌های مدیریتی استخراج شده از این مطالعه آورده شده، و در بخش ۹، جمع‌بندی، نتیجه‌گیری و پیشنهادات برای مطالعات آتی ارائه می‌شود.

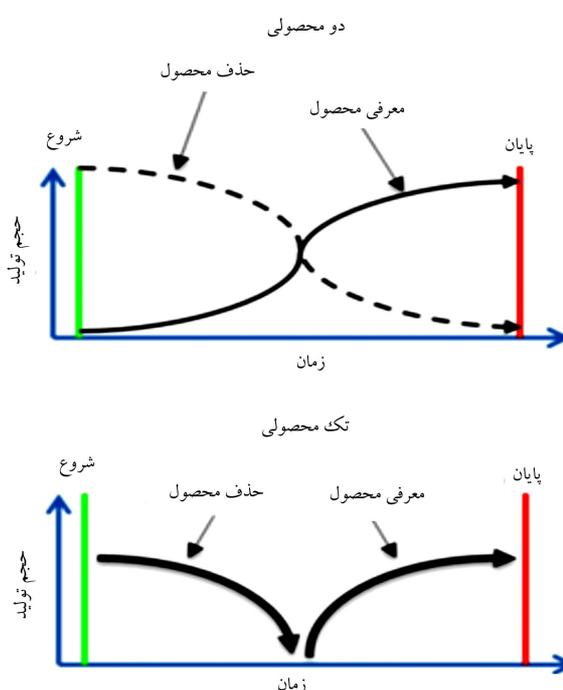
۲. بررسی ادبیات

در زمینه‌ی تصمیمات مربوط به زنجیره‌ی تأمین محصولات جدید می‌توان تحقیقات را به دو دسته‌ی مشارکت تأمین‌کنندگان در فرایند توسعه‌ی محصول جدید و پیکربندی زنجیره‌ی تأمین در فرایند توسعه‌ی محصول جدید تقسیم کرد. مطالعات دسته‌ی مشارکت تأمین‌کنندگان در فرایند توسعه‌ی محصول جدید، به شناسایی عوامل موفقیت توسعه‌ی محصول جدید در زنجیره‌ی تأمین اختصاص یافته است.

هندفیلد و همکاران^[۶] چارچوبی برای یک پارچگی تأمین‌کنندگان در فرایند توسعه‌ی محصولات جدید ارائه داده‌اند. در این چارچوب تأمین‌کنندگان در مراحل مختلف توسعه‌ی محصول جدید شامل طراحی، ارزیابی فنی، توسعه‌ی مفهوم، مهندسی محصول و ساخت و آزمایش وارد می‌شوند. همچنین معیارهایی برای اندازه‌گیری موفقیت توسعه‌ی محصول جدید و شاخص‌هایی برای ارزیابی تأمین‌کنندگان معرفی شده است. طبق نتایج این پژوهش ورود هر چه سریع‌تر تأمین‌کنندگان در فرایند توسعه‌ی محصولات، برای زنجیره مناسب‌تر است.

میکولا و لارسن^[۷] نیز مانند پژوهش پیشین عمل کرده‌اند با این تفاوت که مراحل مشارکت تأمین‌کنندگان شامل ۳ مرحله‌ی برنامه‌ریزی، طراحی و تولید بیان شده است. این مقاله از روش الگوبرداری^[۸] از نمونه‌های موفق جهان برای بررسی فرضیات خود استفاده کرده است.

پترسن و همکاران^[۸] مشارکت تأمین‌کنندگان را در تمامی مراحل توسعه‌ی محصول



شکل ۱. راهکار جایگزینی محصول.

می‌شود^[۱] (شکل ۱). راهکار جایگزینی تک‌محصولی به این معناست که باید در یک زمان تنها یک محصول برای ورود به بازار تولید شود. یعنی فرایند حذف محصول قدیمی و معرفی محصول جدید به صورت هم‌زمان رخ می‌دهد. این راهکار ریسک بالایی دارد. اما اگر شرایط مهیا باشد و جایگزینی به خوبی انجام شود، معرفی محصول جدید با هزینه‌ی کم انجام می‌شود. هماهنگی این ورود و خروج کار دشواری است. اگر محصول قدیمی قبل از ورود محصول جدید کاملاً از بازار کنار رود، احتمال از دست دادن سهم بازار زیاد می‌شود. اگر موجودی محصول قدیمی هنگام معرفی محصول جدید زیاد باشد، ریسک افزایش هزینه‌های ناشی از انهدام و فروش از دست رفته زیاد می‌شود.^{[۳] و [۴]}

راهکار جایگزینی دومحصولی نیز بیان‌گر این است که برای یک مدت فروش هر دو محصول جدید و قدیمی هم‌زمان انجام شود. این مدت زمان می‌تواند در مرحله‌ی معرفی از چرخه‌ی عمر محصول جدید باشد. این راهکار با این که ریسک کم‌تری دارد، اما نیازمند هماهنگی و انعطاف‌پذیری در تولید، توزیع و بازاریابی هر دو محصول قدیمی و جدید است. همچنین مشتریان ممکن است با حضور دو محصول، دچار سردرگمی شوند.

انتخاب راهکار مناسب برای جایگزینی محصول به عهده‌ی مدیران شرکت است که ممکن است مستقیماً منجر به شکست یا موفقیت معرفی محصولات شود. از طرفی در دنیای رقابتی امروز، با کوتاه شدن عمر محصولات، مدیران همواره با این چنین تصمیماتی مواجه‌اند. بنابراین بستری برای سنجش هزینه‌ها و ریسک این تصمیمات می‌تواند کمک شایانی به سازمان‌ها در راستای معرفی موفق محصولات جدید بکند. در این مطالعه سعی شده است ضمن توسعه‌ی یک مدل زنجیره‌ی تأمین برای جایگزینی دو محصول با استفاده از راهکار جایگزینی دومحصولی، بررسی شود که آیا این راهکار به نسبت راهکار تک‌محصولی، برای مطالعه‌ی موردی نتیجه‌ی بهتری ارائه می‌دهد یا خیر. نوآوری اصلی این مطالعه نیز در مدل‌سازی جایگزینی دومحصولی در زنجیره‌ی تأمین است.

در این مطالعه یک مدل ریاضی عددصحيح مختلط برای یک زنجیره‌ی تأمین

جدید در نظر گرفته‌اند. با توجه به شدت مشارکت تأمین‌کنندگان و محل مشارکت آنها، تأثیر مشارکت را در بهره‌وری تیم پروژه ارزیابی و سپس تأثیر آن را بر کارایی طراحی و نتایج مالی شرکت بررسی کرده‌اند. تأثیر این موارد به صورت فرضیه عنوان شده‌اند و سپس با توجه به پرسش‌نامه‌یی که توسط افراد خبره این صنعت پاسخ داده شده‌اند، فرضیه‌ها با روش‌های آماری رد و یا قبول می‌شوند.

چانگ لنگ‌تان و مایکل تریسی^[۹] در نوشتاری محیط همکارانه توسعه‌ی محصول جدید را بررسی کرده‌اند. در این مطالعه فقط مشارکت در مرحله‌ی طراحی مد نظر قرار گرفته است. همچنین ضمن بیان مشارکت مشتریان در فرایند توسعه‌ی محصول جدید، شدت مشارکت در سه سطح مشارکت کارخانه، مشارکت تأمین‌کننده و مشارکت مشتریان به عنوان ابعاد یک پارچگی توسعه‌ی محصول جدید لحاظ شده است. تأثیر این ابعاد بر رضایت مشتری بررسی شده است. برای ارزیابی نیز استفاده از پرسش‌نامه و پرسیدن آن توسط خبرگان و سپس نرم‌افزار آماری برای بررسی تأثیرگذاری، مد نظر بوده است. در جدول ۱ مرور ادبیات این حوزه آورده شده است.

در قسمت پیکربندی زنجیره‌ی تأمین در فرایند توسعه‌ی محصول جدید با مدل‌های ریاضی برای انتخاب تأمین‌کنندگان و دیگر تصمیمات زنجیره‌ی تأمین مواجه هستیم.

گریوز و ویلمز^[۱۷] مدل کمی پیکربندی زنجیره‌ی تأمین برای محصول جدید ارائه داده‌اند. این مدل تنها دوره‌ی تولید محصول را در نظر می‌گیرد و زمان طراحی را لحاظ نمی‌کند. مسئله‌ی مدل، انتخاب تأمین‌کنندگان و نوع حمل‌ونقل است و سعی در کمی‌سازی هزینه‌ها دارد. در هر مورد گزینه‌های مختلفی می‌توان انتخاب کرد که از لحاظ هزینه و زمان تدارک متفاوت‌اند. در این مطالعه عدم قطعیت برای تقاضا در نظر گرفته شده است. همچنین مفهوم زمان خدمت تضمینی برای توسعه‌ی محصول جدید اولین بار در این مطالعه آورده شده است.

امینی و لی^[۱۸] در مدل خود با عنوان هیبرید، برنامه تولید و فروش و همچنین پیکربندی زنجیره‌ی تأمین را به صورت هم‌زمان تعیین می‌کنند. تقاضا به صورت غیر قطعی با روش باس اصلاح شده^۵ مدل شده است. میانگین تقاضای هر عضو زنجیره بر تقاضای نهایی و نیز انحراف معیار تقاضا بر سطح موجودی اطمینان تأثیر می‌گذارد. مفروضات دیگر مدل شامل دوره‌ی عمر کوتاه محصول و زمان بسیار طولانی برای افزایش ظرفیت است. مفهوم زمان خدمت تضمینی در این نوشتار نیز وجود دارد. نیال و همکاران^[۱۹] مسئله‌ی پیکربندی زنجیره‌ی تأمین محصول جدید را در حالی بررسی کرده‌اند که در هر سطح زنجیره چندین گزینه برای انتخاب وجود دارد که از نظر هزینه، زمان تدارک و دیگر معیارها متفاوت‌اند. مدل این نوشتار یک مدل چندهدفه است که علاوه بر در نظر گرفتن هزینه‌های مختلف، معیارهای دیگری نیز مانند هم‌سویی با کسب‌وکار را در نظر گرفته است. در این نوشتار نیز عدم قطعیت تقاضا لحاظ شده است و از زمان خدمت تضمینی نیز استفاده شده است. این نوشتار برای حل مسئله از الگوریتم فراابتکاری ژنتیک استفاده می‌کند.

لی و امینی^[۲۰] در این مطالعه، مدل قبلی را در حالت چند تأمیبه در نظر گرفته‌اند. مفهوم چندتأمینی باعث ایجاد روابط متفاوتی در محاسبه‌ی قیمت نهایی محصول و زمان خدمت تضمینی شده است. گاتور و همکاران^[۲۱] پیکربندی زنجیره‌ی تأمین محصول جدید و باز یافتی را به صورت حلقه بسته مدل کرده‌اند. در این مطالعه نیز از مدل باس اصلاح شده برای تعیین تقاضای هر دو محصول استفاده می‌شود. همچنین مفهوم زمان خدمت تضمینی برای به دست آوردن موجودی اطمینان استفاده شده است. امینی و لی^[۲۲] در نوشتاری دیگر مسئله پیکربندی زنجیره‌ی تأمین محصول جدید را در بازار دوگانه بررسی کرده‌اند که همین موضوع نشانگر نوآوری اصلی این مطالعه نسبت به مطالعات پیشین است.

جهانی و همکاران^[۲۳] در این نوشتار تأثیر معرفی محصول جدید به بازار را بر پیکربندی زنجیره‌ی تأمین بررسی کرده‌اند. مدل ریاضی احتمالی غیر خطی استفاده شده در این نوشتار عدم قطعیت قیمت و تقاضا را در نظر گرفته و سعی در بهینه‌سازی پیکربندی (دوباره پیکربندی) زنجیره دارد. مدل هزینه‌ی کمبود، فروش خالص، اسقاط، موجودی، تسهیلات، تولید و حمل‌ونقل را محاسبه می‌کند که نقطه‌ی تمایز آن هزینه‌ی اسقاط و همچنین عدم قطعیت هزینه‌هاست. نگهبان و دهقانی^[۲۴] در نوشتار خود علاوه بر پیکربندی زنجیره‌ی تأمین محصول جدید که شامل انتخاب تأمین‌کنندگان، موجودی در جریان و موجودی اطمینان است، به راهکارهای تولید و فروش محصول جدید نیز پرداخته‌اند. تقاضای غیرقطعی با فرمول اصلاح شده باس و مفهوم زمان خدمت تضمینی از دیگر ویژگی‌های این مطالعه است.

در زمینه‌ی راهکار جایگزینی محصول، بیلینگتون و همکاران^[۲۵] در نوشتاری دو راهکار جایگزینی تک‌محصولی و دومحصولی را با در نظر گرفتن هزینه و ریسک مقایسه کرده‌اند و راهکارهای مدیریتی ارائه داده‌اند.

جعفریان و بشیری^[۱] در مطالعه‌ی خود پیکربندی زنجیره‌ی تأمین محصول جدید را به صورت پویا انجام داده‌اند. این مدل پیکربندی و زمان‌بندی بهینه انتشار محصول جدید را به صورت هم‌زمان انجام می‌دهد. همچنین در این مطالعه برای اولین بار از راهکار جایگزینی تک‌محصولی در مدل ریاضی استفاده شده است. علیراده و همکاران^[۲۵] اهمیت زمان معرفی محصول جدید و خروج محصول قدیمی را مطرح کرده‌اند. آنها با ارائه‌ی مدلی چندمحصولی، چند سطحی و چند دوره‌یی و با در نظر گرفتن تأثیرات تولید و توسعه‌ی محصول جدید پیکربندی زنجیره‌ی تأمین را انجام داده‌اند. راهکار جایگزینی تک‌محصولی در این مطالعه نیز دیده می‌شود. همچنین علیراده و همکاران^[۲۶] در مطالعه‌ی دیگری به پیکربندی زنجیره‌ی تأمین برای محصول جدید با استفاده از مدل چندهدفه‌ی فازی - احتمالی پرداخته‌اند. تقاضای محصولات و ظرفیت تأمین‌کنندگان در این مطالعه به صورت غیر قطعی در نظر گرفته شده است.

رستمی و همکاران^[۲۷] یک مدل ریاضی چند هدفه برای مدیریت زنجیره‌ی تأمین و توسعه‌ی محصول جدید ارائه داده‌اند. آنها از یک الگوریتم هیبرید توسعه یافته برای دریافت نتایج استفاده کرده‌اند.

رضایی و همکاران^[۲۸] در یک مطالعه‌ی مشابه ایده‌ی استفاده از مدیریت ارتباط با مشتریان در پیکربندی زنجیره‌ی تأمین را برای توسعه‌ی محصول جدید، مطرح کرده‌اند.

در ادامه در جدول ۲ نتایج مرور ادبیات این قسمت به صورت خلاصه آورده شده است.

مطالعه‌ی پژوهش‌های پیشین نشان می‌دهد که به پیکربندی زنجیره‌ی تأمین با در نظر گرفتن راهکار جایگزینی محصول کم‌تر پرداخته شده است. از طرفی نوع دومحصولی راهکار جایگزینی محصول در هیچ مطالعه‌ی پیش از این مدل نشده است. بنابراین در این پژوهش به مسئله‌ی پیکربندی مجدد زنجیره‌ی تأمین به هنگام توسعه‌ی محصول جدید با در نظر گرفتن راهکار جایگزینی دومحصولی پرداخته شده است. پارامتر جایگزینی محصول برای اولین بار در این مطالعه ارائه شده است.

۳. مدل ریاضی

در این قسمت پس از بیان مسئله و معرفی اندیس‌ها، پارامترها و متغیرها، مدل ریاضی از نوع مختلط عدد صحیح ارائه می‌شود. این مدل برای پیکربندی یک

جدول ۱. مرور ادبیات مشارکت تأمین‌کنندگان در فرایند توسعه‌ی محصول جدید.

مطالعه موردی	پرمش نامه	شاخص های ارزیابی تأمین کننده	شاخص های موفقیت توسعه محصول	چارچوب تصمیم گیری	مشارکت مشتریان	الگوبرداری	مشارکت در کل مراحل	نام
*		*	*	*		*	*	هندفیلد و همکاران [۶]
*						*	*	میکولا و لارسن [۷]
	*		*	*			*	پترسن و همکاران [۸]
	*		*	*	*		*	چانگ لنگ تان و مایکل تریسی [۹]
*	*					*		ون هوک و چپمن [۱۰]
	*		*		*		*	زکریا و همکاران [۱۱]
	*		*					پارکر [۱۲]
				*	*			چون لیو [۱۳]
*			*			*	*	پرو و همکاران [۱۴]
*	*		*		*			لانو [۱۵]
	*		*		*		*	فنگ و وانگ [۱۶]

جدول ۲. مرور ادبیات دسته بیکربندی زنجیره تأمین محصول جدید.

مطالعه موردی	روش حل			مفروضات			مشخصات مدل		نام	
	دقیق	ابتکاری	فرا ابتکاری	بیکربندی مجدد	کسب و مجاز	استراتژی جایگزینی تک محصولی	علم قطبیت	چند تأمینی		چند دوره ای
*	*				*		*			گریوز و ویلمز [۱۷]
	*				*		*		*	امینی و لی [۱۸]
*			*				*		*	نپال و همکاران [۱۹]
*	*	*			*		*	*	*	لی و امینی [۲۰]
*	*				*		*	*	*	گاتور و همکاران [۲۱]
*	*				*		*	*	*	امینی و لی [۲۲]
	*				*		*	*	*	جهانی و همکاران [۲۳]
	*				*		*	*	*	نگهبان و دهقانی [۲۴]
	*					*	*	*	*	جعفریان و بشیری [۱]
			*		*	*	*	*	*	علیزاده و همکاران [۲۵]
			*		*	*	*	*	*	علیزاده و همکاران [۲۶]
			*		*	*	*	*	*	رستمی و همکاران [۲۷]
*	*				*	*	*	*	*	رضایی و همکاران [۲۸]

- ارتباطات در صورت عقد قرارداد میان اجزا، برقرار شوند.
- مفروضات
- زنجیره‌ی تأمین ۴ سطحی شامل تأمین‌کننده، تولیدکننده، توزیع‌کننده و گروه مشتریان در مدل دیده شده‌اند.
- به طور کلی در این مدل هدف بیشینه‌سازی سود است به طوری که شرایط و محدودیت‌های زیر برقرار باشد:
 - تا حد ممکن تقاضای مشتریان برآورده شود.
 - اجزای زنجیره بیش از ظرفیت خود فعالیت نکنند.
 - نوع جایگزینی محصول قدیم با جدید دومحصولی باشد.
 - سفارشات در صورت ارتباط اجزا ارسال شوند.
- ارتباط میان اجزا منوط بر عقد قرارداد میان آنهاست.
- تفاوت اجزای زنجیره در قیمت و ظرفیت آنهاست.
- راهکار جایگزینی دومحصولی در مدل آورده شده است، یعنی به هنگام جایگزینی محصول قدیمی با جدید، تولید محصول قدیمی به مرور کم می‌شود و تولید محصول جدید نیز به مرور افزایش می‌یابد تا آن که کاملاً جایگزین محصول قدیمی شود.

در دوره i جایگزینی محصول i با محصول بعدی (TT_i) شیب تعویض محصولات، با عبارت ضریب جایگزینی محصولات (α_{fi}^t) شناخته می‌شود. این دوره از زمان t_{fi}^a تا زمان t_{fi}^b به طول می‌انجامد. با توجه به این دوره، ضریب جایگزینی محصول با فرمول ۱ به دست می‌آید.

$$\alpha_{fi}^t \begin{cases} 1 - \alpha_{fi-1}^t & t_{fi-1}^b \leq t < t_{fi}^a \\ \frac{t_{fi}^b - t}{TT_{fi}} & t_{fi}^a \leq t < t_{fi}^b \\ 0 & t_{fi}^b \leq t \end{cases} \quad (1)$$

ضریب جایگزینی محصول در قبل از معرفی محصول برابر صفر است. سپس با شیب یکنواخت $\frac{1}{TT_{fi}}$ افزایش می‌یابد تا به ۱ برسد. تا زمانی که نوبت جایگزینی با محصول بعدی نرسیده، مقدار ۱ برای این محصول باقی می‌ماند و سپس با معرفی محصول بعدی با شیب یکنواخت $\frac{1}{TT_{fi+1}}$ کاهش می‌یابد تا به مقدار صفر برسد و در این مقدار باقی می‌ماند. ادامه اندیس‌ها، پارامترها و متغیرها معرفی می‌شوند.

اندیس‌ها و مجموعه‌ها

$t \in \{1, \dots, Nperiod\}$ دوره‌های زمانی مدل؛

$c \in \{1, \dots, C\}$ تأمین‌کنندگان قطعات محصول؛

$f \in \{1, \dots, F\}$ تولیدکنندگان محصولات؛

$d \in \{1, \dots, D_i\}$ توزیع‌کنندگان؛

$g \in \{1, \dots, G\}$ گروه مشتریان؛

$i \in \{1, \dots, IP\}$ محصولات اصلی؛

$j \in \{1, \dots, J\}$ قطعات تشکیل دهنده محصول.

پارامترها

α_{fi}^t ضریب جایگزینی محصول در راهکار دو محصولی برای محصول i در دوره t در کارخانه f ؛

t_{fi}^a زمان شروع جایگزینی محصول i با محصول جدید در کارخانه f ؛

t_{fi}^b زمان پایان جایگزینی محصول i با محصول جدید در کارخانه f ؛

TT_i طول مدت زمان جایگزینی محصول i با محصول بعدی (دوره جایگزینی) در کارخانه f ؛

D_{fi}^t تقاضای گروه مشتریان g برای محصول i در دوره t ؛

P_{cj} قیمت هر واحد قطعه j در تأمین‌کننده c ؛

P_{fi} قیمت هر واحد محصول i در تولیدکننده f ؛

P_{di} قیمت هر واحد محصول i در تولیدکننده d ؛

B_{ij} تعداد قطعه j در محصول نوع i ؛

Cap_a ظرفیت توزیع‌کننده d ؛

Cap_{cj} ظرفیت تأمین‌کننده c برای قطعه j ؛

Cap_{fi} ظرفیت تولیدکننده f از محصول i ؛

Cp_{fi} هزینه تولید محصول i در تولیدکننده f ؛

FCP_{fi} هزینه تولید ثابت تولید محصول i در تولیدکننده f ؛

CI_{fj} هزینه هر واحد نگهداری موجودی قطعه j در تولیدکننده f ؛

CI_{fi} هزینه هر واحد نگهداری موجودی محصول i در تولیدکننده f ؛

CI_{di} هزینه هر واحد نگهداری موجودی محصول i در توزیع‌کننده d ؛

CA_{cf} هزینه توافق برای قرار داد میان تأمین‌کننده c و تولیدکننده f ؛

CA_{fd} هزینه توافق برای قرار داد میان تولیدکننده f و توزیع‌کننده d ؛

CA_{dg} هزینه توافق برای قرار داد میان توزیع‌کننده d و گروه مشتریان g ؛

II_{cj} موجودی اولیه قطعه j در تأمین‌کننده c ؛

II_{fj} موجودی اولیه قطعه j در تولیدکننده f ؛

II_{fi} موجودی اولیه محصول i در تولیدکننده f ؛

II_{di} موجودی اولیه محصول i در توزیع‌کننده d ؛

TC_{cf} هزینه حمل‌ونقل میان تأمین‌کننده قطعات c و تولیدکننده f ؛

TC_{fd} هزینه حمل‌ونقل میان تولیدکننده f و توزیع‌کننده d ؛

TC_{dg} هزینه حمل‌ونقل میان توزیع‌کننده d و گروه مشتریان g ؛

$CDNP_{fi}$ هزینه طراحی محصول i برای تولیدکننده f ؛

CUS_f هزینه منابع استفاده نشده تولیدکننده f ؛

CDC هزینه نارضایتی مشتری؛

$Nperiod$ تعداد کل دوره‌های برنامه‌ریزی؛

M عددی بزرگ.

متغیرهای تصمیم

I_{cj}^t مقدار موجودی قطعه j در تأمین‌کننده c در پایان دوره t ؛

I_{fj}^t مقدار موجودی قطعه j در تولیدکننده f در پایان دوره t ؛

I_{fi}^t مقدار موجودی محصول i در تولیدکننده f در پایان دوره t ؛

I_{di}^t مقدار موجودی محصول i در تولیدکننده d در پایان دوره t ؛

S_{cfj}^t میزان جریان از قطعه j میان تأمین‌کننده قطعات c و تولیدکننده f در پایان دوره t ؛

S_{fdi}^t میزان جریان از محصول i میان تولیدکننده f و توزیع‌کننده d در پایان دوره t ؛

S_{dgi}^t میزان جریان از محصول i میان توزیع‌کننده d و گروه مشتریان g در پایان دوره t ؛

Q_{cj}^t میزان تولید از قطعه j در تأمین‌کننده c در پایان دوره t ؛

Q_{fi}^t میزان تولید از محصول i در تولیدکننده f در پایان دوره t ؛

متغیرهای دودویی

Y_{cf}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده اتصال میان تأمین‌کننده قطعات c و تولیدکننده f در هر دوره است.

Y_{fd}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده اتصال میان تولیدکننده f و توزیع‌کننده d در هر دوره است؛

Y_{dg}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده اتصال میان توزیع‌کننده d و گروه مشتریان g در هر دوره است؛

YY_{cf}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده بسته شدن قرار داد میان تأمین‌کننده قطعات c و تولیدکننده f در دوره t (به دلیل پیکربندی مجدد) است؛

YY_{fd}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده بسته شدن قرار داد میان تولیدکننده f و توزیع‌کننده d در دوره t (به دلیل پیکربندی مجدد) است؛

YY_{dg}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده بسته شدن قرار داد میان توزیع‌کننده d و گروه مشتریان g در دوره t (به دلیل پیکربندی مجدد) است؛

XX_{fi}^t متغیر دودویی که مقدار ۱ آن، نشان‌دهنده تصمیم تولیدکننده f برای طراحی محصول جدید i در دوره t است.

در مدل ریاضی ارائه شده، رابطه ۲ نشان‌دهنده تابع هدف است که به صورت بیشینه‌سازی سود تولیدکننده و توزیع‌کننده منهای هزینه‌های نارضایتی مشتریان، بیکاری منابع و طراحی محصول جدید است. سود تولیدکننده برابر است با درآمد فروش حاصل از محصولات به توزیع‌کننده، منهای هزینه‌های خرید قطعات از

$$\sum_f \sum_i S_{fdi}^t \gamma_i \leq Capa \quad \forall d, t \quad (16)$$

$$\sum_j S_{cfj}^t \leq M \cdot Y_{cf}^t \quad \forall f, d, t \quad (17)$$

$$\sum_i S_{fdi}^t \leq M \cdot Y_{fd}^t \quad \forall f, d, t \quad (18)$$

$$\sum_i S_{dgi}^t \leq M \cdot Y_{dg}^t \quad \forall d, g, t. \quad (19)$$

$$\sum_{t^*} XX_{fi}^{t^*} \geq \alpha_{fi}^t \quad t^* \leq t \quad \forall f, i, t \quad (20)$$

$$\sum_{t^*} YY_{cf}^{t^*} \geq Y_{fc}^t \quad t^* \leq t \quad \forall c, f \quad (21)$$

$$\sum_{t^*} YY_{fd}^{t^*} \geq Y_{fd}^t \quad t^* \leq t \quad \forall f, d \quad (22)$$

$$\sum_{t^*} YY_{dg}^{t^*} \geq Y_{dg}^t \quad t^* \leq t \quad \forall d, g \quad (23)$$

$$I, S, Q \geq 0 \text{ and integer}, XX, XY, YY \in \{0, 1\}. \quad (24)$$

روابط ۸ تا ۱۲ مربوط به برقراری روابط جریان و موجودی با متغیرهای موجودی، تولید و میزان ارسال هستند. در رابطه ۸ میزان موجودی قطعات برای تأمین‌کننده در این دوره برابر با موجودی دوره قبل به علاوه میزان تولید در این دوره منهای میزان قطعه‌های ارسالی به تولیدکنندگان است. رابطه ۹ به همان صورت موجودی قطعات را در تولیدکنندگان و رابطه ۱۰ موجودی محصولات نهایی را در تولیدکنندگان در هر دوره مشخص می‌کند. محدودیت ۱۱ موجودی توزیع‌کنندگان را در هر دوره با توجه به موجودی دوره قبل به علاوه محصولات ورودی و منهای محصولات خروجی محاسبه می‌کند. محدودیت ۱۲ نیز موجودی دوره ۰ تمام اجزای زنجیره را برابر موجودی اولیه قرار می‌دهد. رابطه ۱۳ محدودیت ارضای تقاضا است که تضمین می‌کند ارسال به مشتری حداکثر برابر تقاضا باشد. محدودیت ۱۴ تضمین می‌کند تولید تأمین‌کننده از ظرفیت آن تجاوز نکند. رابطه ۱۵ مربوط به راهکار جایگزینی دومحصولی است، به این صورت که ظرفیت محصول قدیم را به مرور محدود کرده و ظرفیت تولید محصول جدید را هم زمان آزاد می‌کند. رابطه ۱۶ نیز تجاوز از ظرفیت توزیع‌کننده را منع می‌کند.

محدودیت‌های ۱۷ تا ۱۹ تضمین می‌کنند تا ارسال میان اجزای زنجیره در صورتی انجام شود که قبل از آن ارتباط برقرار شده باشد، متغیرهای دودویی Y با گرفتن مقدار ۱ ارتباط را برقرار می‌کند. محدودیت ۲۰ نیز باعث می‌شود که طراحی محصول جدید قبل از رسیدن به دوره جایگزینی انجام شود. روابط ۲۱ تا ۲۳ نیز منجر به برقراری ارتباط میان اجزا در صورت عقد قرارداد می‌شود. محدودیت ۲۴ نیز شرایط و نوع متغیرها را مشخص می‌کند.

۴. مطالعه‌ی موردی

در این قسمت مدل ریاضی پیشنهادی با استفاده از داده‌های برگرفته از شرکتی که در صنعت هدفون فعالیت می‌کند، بررسی شده است. به دلیل محیط رقابتی این صنعت و با توجه به درخواست شرکت، از ذکر نام شرکت و همچنین نام محصولات خودداری شده است و همچنین داده‌ها همگی در یک مقیاس مشخص ضرب شده‌اند.

در این مطالعه‌ی موردی دو محصول هدفون سیم‌دار به عنوان محصول قدیمی و هدفون بی‌سیم به عنوان محصول جدید بررسی شده است. مدل طی ۷ دوره حل شده است که دوره‌ی جایگزینی دو محصول ۴ دوره است. تعداد ۲ تأمین‌کننده برای قطعات تشکیل‌دهنده محصولات، ۲ تولیدکننده که هر دو متعلق به شرکت

تأمین‌کنندگان، هزینه‌ی تولید متغیر و ثابت، هزینه‌ی قرارداد با تأمین‌کنندگان، هزینه‌ی نگهداری موجودی برای قطعات و محصولات نهایی و هزینه‌ی حمل و نقل میان تأمین‌کنندگان و تولیدکننده است که در رابطه ۳ آمده است. رابطه ۴ نیز سود توزیع‌کننده را نشان می‌دهد که درآمد فروش محصولات به مشتریان منهای هزینه‌ی خرید آنها از تولیدکنندگان، هزینه‌ی نگهداری موجودی محصول نهایی، هزینه‌ی عقد قرارداد با کارخانه و گروه مشتریان و هزینه‌ی حمل و نقل میان کارخانه و توزیع‌کننده تا گروه مشتریان است. رابطه ۵ هزینه‌ی ناراضایتی مشتریان را با کسر حجم محصول ارسالی از توزیع‌کنندگان به مشتریان منهای تقاضای آنها (تقاضای پاسخ داده نشده) ضرب در هزینه‌ی ناراضایتی به ازای هر واحد، نشان می‌دهد. رابطه ۶ هزینه‌ی بیکاری منابع است که با ضرب اختلاف ظرفیت اسمی منهای بیشینه‌ی ظرفیت در نظر گرفته شده برای آن دوره در هزینه‌ی واحد بیکاری محاسبه می‌شود. رابطه ۷ نیز هزینه‌ی طراحی محصول جدید را با ضرب متغیر صفر و ۱ نشان‌دهنده‌ی طراحی محصول جدید در کارخانه، در هزینه‌ی طراحی هر واحد محصول، بیان می‌کند.

$$\text{Maximize } Z = \text{Gain}(f) + \text{Gain}(d) - \text{Cus.Dis} - \text{Csource} - \text{PDIC} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} \text{Gain}(f) = & \sum_f \sum_d \sum_i \sum_t P_{fi} S_{fdi}^t - \sum_c \sum_f \sum_j \sum_t P_{cj} S_{cfj}^t - \sum_f \sum_i \sum_t (C P_{fi} Q_{fi}^t + \\ & F C P_{fi} X X_{fi}^t) - \sum_c \sum_f \sum_t C A_{cf} Y Y_{cf}^t - \sum_f \sum_j \sum_t C I_{fj} I_{fj}^t - \sum_f \sum_i \sum_t C I_{fi} I_{fi}^t - \\ & \sum_c \sum_f \sum_t T C_{cf} Y_{cf}^t \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} \text{Gain}(d) = & \sum_d \sum_g \sum_i \sum_t P_{di} S_{dgi}^t - \sum_f \sum_d \sum_i \sum_t P_{fi} S_{fdi}^t - \sum_d \sum_i \sum_t C I_{di} I_{di}^t - \\ & \sum_f \sum_d \sum_t C A_{fd} Y Y_{fd}^t - \sum_d \sum_g \sum_t C A_{dg} Y Y_{dg}^t - \sum_f \sum_d \sum_t T C_{fd} Y_{fd}^t - \sum_d \sum_g \sum_t T C_{dg} Y_{dg}^t \end{aligned} \quad (4)$$

$$\text{Cus.Dis} = \sum_t \sum_g \sum_i C D C_i (D_{gi}^t - \sum_d S_{dgi}^t) \quad (5)$$

$$\text{Csource} = \sum_f \sum_t C U S_f \cdot (1 - \sum_i \alpha_{fi}^t) \quad (6)$$

$$\text{PDIC} = \sum_t \sum_f \sum_i C D N P_{fi} \cdot X X_{fi}^t \quad (7)$$

$$\text{S.t. :} \quad (7)$$

$$I_{cj}^t = I_{cj}^{t-1} + Q_{cj}^t - \sum_f S_{cfj}^t \quad \forall c, j, t \quad (8)$$

$$I_{fj}^t = I_{fj}^{t-1} + \sum_c S_{cfj}^t - \sum_i B_{ij} Q_{fi}^t \quad \forall f, i, t \quad (9)$$

$$I_{fi}^t = I_{fi}^{t-1} + Q_{fi}^t - \sum_d S_{fdi}^t \quad \forall f, i, t \quad (10)$$

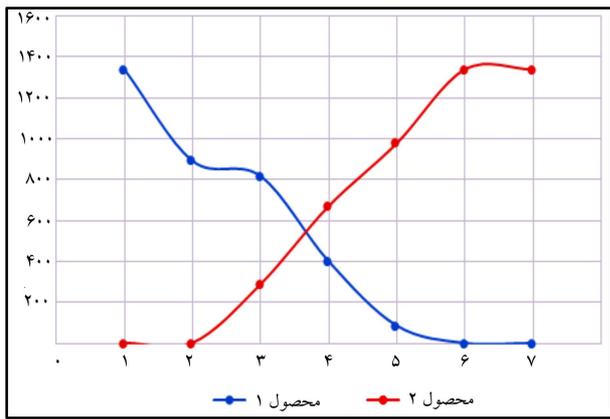
$$I_{di}^t = I_{di}^{t-1} + \sum_f S_{fdi}^t - \sum_g S_{dgi}^t \quad \forall d, i, t \quad (11)$$

$$I_{cj, fj, fi, di}^t = I_{cj, fj, fi, di}^{t-1} \quad t = 0 \quad \forall c, i, \forall f, i, \forall f, i, \forall d, i. \quad (12)$$

$$\sum_d S_{dgi}^t \leq D_{gi}^t \quad \forall g, i, t \quad (13)$$

$$Q_{cj}^t \leq C a p_{cj} \quad \forall c, j, t \quad (14)$$

$$Q_{fi}^t \leq \alpha_{fi}^t C a p_{fi} \quad \forall f, i, t \quad (15)$$



شکل ۲. میزان تولید محصولات در راهکار جایگزینی دومحصولی.

جدول ۶. مقدار متغیر دودویی طراحی محصول.

متغیر دودویی	دوره						
	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
XX_{11}^f	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱
XX_{12}^f	۰	۰	۰	۰	۰	۱	۰
XX_{21}^f	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱
XX_{22}^f	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۰

تولید در دوره‌های ابتدایی و انتهایی در بیشترین ظرفیت کارخانه انجام می‌شود. همچنین تولیدات برای محصول قدیمی پس از دوره دوم محدود شده و برای محصول جدید به مرور افزایش پیدا می‌کند (شکل ۲). همچنین در ادامه در جدول ۶ مقدار متغیر تصمیم دودویی طراحی محصول آمده است.

طراحی محصول در هر دو کارخانه در دوره‌های ابتدایی انجام می‌شود. دلیل این موضوع وجود تقاضا برای هر دو محصول از همان دوره‌های اولیه و همچنین ثابت بودن قیمت عقد قرارداد و ارتباطات در طول زمان است.

۵. تحلیل حساسیت

به منظور بررسی کارایی مدل پیشنهادی در این قسمت تحلیل حساسیت بر روی پارامترهای قیمت فروش محصولات به مشتریان و هزینه‌ی تولید محصولات در کارخانه انجام شده است. تغییرات بر روی تمام اندیس‌های این پارامترها به صورت یکسان اعمال شده است. اثر تغییرات این پارامترها بر روی مقدار اصلی تابع هدف در جدول ۷ و جدول ۸ آمده است.

تغییرات قیمت فروش محصولات به مشتریان با ضریب مثبت در تابع هدف کاملاً هم‌جهت با مقدار تابع هدف است. همچنین ضریب هزینه‌ی متغیر تولید کارخانه در تابع هدف با علامت منفی آمده است و در نتیجه تغییرات آن رابطه‌ی معکوس با تغییرات تابع هدف دارد. با بررسی این دو پارامتر مشخص است که تغییرات قیمت فروش بر تابع نهایی تأثیر بسیار بیشتر از قیمت تولید در کارخانه است. البته لازم به ذکر است که در این تحلیل حساسیت تأثیر افزایش قیمت فروش بر مقدار تقاضا لحاظ نشده است.

جدول ۳. مشخصات زنجیره‌ی تأمین مطالعه‌ی موردی.

عنوان	مقدار
تعداد دوره	۷
تأمین‌کنندگان قطعات	۲
تولیدکنندگان	۲
توزیع‌کنندگان	۳
گروه مشتریان	۵
محصولات	۲
دوره‌ی جایگزینی	دوره ۴

جدول ۴. مقادیر تابع هدف در راهکار جایگزینی دومحصولی.

عنوان	مقدار
مقدار کل تابع هدف	۴۱۳۷۳۴۵
سود تولیدکنندگان	۲۹۱۷۶۸۰
سود توزیع‌کنندگان	۱۳۱۱۴۱۵
نارضایتی مشتری	۴۵۷۵۰
بیکاری منابع	۰
هزینه‌ی طراحی محصولات	۴۶۰۰۰

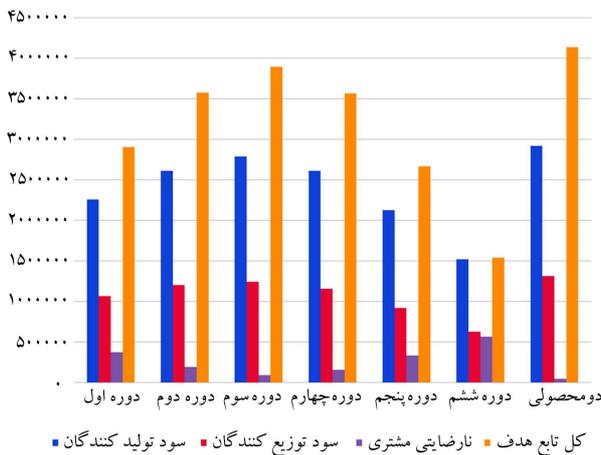
جدول ۵. میزان تولیدات هر کارخانه.

دوره	محصول ۱		محصول ۲	
	کارخانه ۱	کارخانه ۲	کارخانه ۱	کارخانه ۲
۱	۶۵۰	۶۹۰	۰	۰
۲	۶۴۲	۲۵۰	۰	۰
۳	۴۸۷	۳۳۰	۱۶۳	۱۲۵
۴	۱۵۵	۲۴۵	۳۲۵	۳۴۵
۵	۶۰	۲۵	۴۸۸	۴۹۰
۶	۰	۰	۶۵۰	۶۹۰
۷	۰	۰	۶۵۰	۶۹۰

اصلی هستند، ۳ توزیع‌کننده در نقاط مختلف کشور که آنها نیز متعلق به شرکت اصلی هستند و همچنین ۵ گروه مشتریان از ویژگی‌های این مدل است (جدول ۳). پیش‌بینی شرکت از تقاضای مشتریان نیز در مدل لحاظ شده است که برای محصول قدیمی به مرور کم می‌شود و برای محصول جدید به مرور افزایش پیدا می‌کند.

برای حل مسئله از نرم‌افزار بهینه‌سازی گمز (۲۴.۱.۲ GAMS) و سالور CPLEX در رایانه‌ی شخصی با ۶ گیگابایت رم استفاده شده است. زمان حل ۰/۳۱ ثانیه است. در ادامه در جدول ۴ مقدار کل تابع هدف و تک تک اجزای آن به ازای استفاده از راهکار جایگزینی دومحصولی، نمایش داده شده است.

مقادیر سود تولیدکنندگان و سود توزیع‌کنندگان با علامت مثبت در تابع هدف و مقادیر هزینه‌ی نارضایتی مشتری، بیکاری منابع و طراحی محصولات با علامت منفی مطرح می‌شوند. هزینه‌ی بیکاری منابع به دلیل استفاده از راهکار جایگزینی دومحصولی و کاهش پیوسته تولید همواره صفر است. در جدول ۵ میزان تولید هر کارخانه برای هر محصول در هر دوره‌ی زمانی مشخص شده است.



شکل ۳. مقایسه‌ی مدل پیشنهادی با راهکار جایگزینی تک محصولی.

برای مقایسه‌ی بهتر، این مقادیر در شکل ۳ آورده شده است. این جدول نشان می‌دهد که در این مطالعه‌ی موردی به ازای تمام حالات، راهکار جایگزینی دو محصولی نتیجه‌ی مطلوب‌تر از راهکار جایگزینی تک محصولی ارائه می‌دهد. حالت دو محصولی از نظر سود تولیدکننده و توزیع‌کننده بیشتر از سایر حالات است و از نظر هزینه ناراضی مشتری از تمام حالات کم‌تر است. در میان راهکارهای تک محصولی، جایگزینی در دوره سوم بهترین نتیجه را به دنبال دارد. مقادیر هزینه‌ی طراحی محصول و بیکاری منابع در تمام این حالات برابر است بنابراین در جدول نیامده است.

۷. مثال‌های عددی

در این قسمت ۱۵ مثال مختلف برای مسئله‌ی اصلی طراحی شده است. ابعاد ۵ مثال اول مشابه مطالعه‌ی موردی است اما متغیرهای غیر هزینه‌ی آنها - مانند تقاضا، ضریب تشکیل محصول از قطعات، ظرفیت‌ها و ضریب جایگزینی محصول - تغییر کرده است. ۵ مثال دوم ابعاد مطالعه‌ی موردی بزرگ‌تر شده و مجدد متغیرهای غیر هزینه‌ی در این ابعاد تغییر کرده است. سپس در ۵ مثال آخر مجدد ابعاد مسئله بزرگ‌تر شده و در هر مثال متغیرهای غیر هزینه‌ی تغییر کرده‌اند. در ادامه در جدول ۱۰ نتایج این مثال‌ها آمده است.

در مثال‌های ۱، ۶ و ۱۱ ابعاد مسئله تغییر کرده است و تابع هدف نیز به تناسب بیشتر شده است. در مثال‌های ۲، ۷ و ۱۲ تعداد قطعه مورد نیاز برای ساخت هر قطعه تغییر کرده است که زمان حل را بیشتر از دو برابر کرده، اما کل تابع هدف کم‌تر شده‌اند، زیرا قیمت‌ها تغییر نکرده‌اند. در مثال‌های ۳، ۸ و ۱۳ ظرفیت اجزای زنجیره‌ی تأمین به صورت تصادفی تا حدود ۲۰ درصد تغییر کرده‌اند. در مثال‌های ۴، ۹ و ۱۴ موجودی اولیه‌ی محصولات و قطعات به صورت تصادفی تغییر کرده است و در مثال‌های ۵، ۱۰ و ۱۵ تقاضای محصولات و همچنین دوره‌ی جایگزینی محصولات تغییر کرده است.

۸. توصیه‌های مدیریتی

- شرکت مورد مطالعه باید در برآورد قیمت فروش به مشتری دقت بسیاری به خرج دهد زیرا این پارامتر به عنوان مؤثرترین پارامتر با تغییر ۱۰٪ و با فرض ثابت بودن

جدول ۷. تحلیل حساسیت قیمت فروش به مشتریان.

تغییرات پارامتر قیمت فروش	مقدار تابع هدف	تغییر درصدی تابع هدف
-۵٪	۹۵۴۲۵	-۹۸٪
-۲٪	۲۳۷۳۶۶۷	-۵۳٪
-۱٪	۳۰۷۵۴۰۸	-۲۶٪
-۵٪	۳۶۲۹۳۳۳	-۱۲٪
مقادیر اصلی	۴۱۳۷۳۴۵	۰
+۵٪	۴۲۲۵۱۰۳	+۲٪
+۱٪	۴۸۰۹۱۰۹	+۱۶٪
+۲٪	۵۸۰۵۵۵۷	+۴۰٪
+۵٪	۸۲۵۸۹۳۳	+۱۰۰٪

جدول ۸. تحلیل حساسیت هزینه‌ی تولید در کارخانه.

تغییرات پارامتر هزینه‌ی تولید	مقدار تابع هدف	تغییر درصدی تابع هدف
-۵٪	۴۳۸۴۳۳۱	+۶٪
-۲٪	۴۲۴۱۹۲۰	+۳٪
-۱٪	۴۱۸۹۶۳۲	+۱٪
-۵٪	۴۱۶۳۴۸۹	+۱٪
مقادیر اصلی	۴۱۳۷۳۴۵	۰
+۵٪	۴۱۱۱۲۰۱	-۱٪
+۱٪	۴۰۸۵۰۵۷	-۱٪
+۲٪	۴۰۳۲۷۷۰	-۳٪
+۵٪	۳۸۷۵۹۰۷	-۶٪

جدول ۹. مقایسه‌ی مدل پیشنهادی با راهکار جایگزینی تک محصولی.

سیاست	سود تولیدکنندگان	سود توزیع‌کنندگان	ناراضی مشتری	کل تابع هدف
دوره اول	۲۲۵۸۴۹۷	۱۰۶۵۲۴۸	۳۷۱۲۵۰	۲۹۰۶۴۹۵
دوره دوم	۲۶۰۹۸۸۳	۱۲۰۱۶۱۰	۱۹۰۵۰۰	۳۵۷۴۹۹۳
دوره سوم	۲۷۸۹۴۵۲	۱۲۴۲۶۷۰	۸۹۲۵۰	۳۸۹۶۸۷۲
دوره چهارم	۲۶۱۲۶۲۷	۱۱۵۶۱۵۹	۱۵۵۲۵۰	۳۵۶۷۵۳۶
دوره پنجم	۲۱۲۵۴۷۸	۹۲۰۷۵۰	۳۳۴۵۰۰	۲۶۶۵۷۲۸
دوره ششم	۱۵۲۱۵۶۴	۶۲۷۶۷۴	۵۶۲۵۰۰	۱۵۴۰۷۳۸
دوم محصولی	۲۹۱۷۶۸۰	۱۳۱۱۴۱۵	۴۵۷۵۰	۴۱۳۷۳۴۵

۶. مقایسه‌ی مدل پیشنهادی با راهکار جایگزینی تک محصولی

در این قسمت بعضی مقادیر اجرای تابع هدف با توجه به سیاست‌های مختلف راهکار تک محصولی نمایش داده می‌شوند (جدول ۹). این سیاست‌ها شامل ۶ دوره‌ی جایگزینی مختلف هستند. به عبارتی در هر سیاست، جایگزینی دو محصول در یک دوره به خصوص اتفاق می‌افتد (سیاست اول = جایگزینی پس از دوره اول).

جدول ۱۰. مثال‌های عددی با تغییر ابعاد مسئله.

مثال	سود تولیدکنندگان	سود توزیع‌کنندگان	نارضایتی مشتری	طراحی	کل تابع هدف
مثال ۱	۲۹۱۷۶۸۰	۱۳۱۱۴۱۵	۴۵۷۵۰	۴۶۰۰۰	۴۱۳۷۳۴۵
مثال ۲	۶۵۸۴۲۹	۳۶۲۳۰۰	۷۴۸۵۰۰	۴۶۰۰۰	۲۲۶۲۲۹
مثال ۳	۲۷۹۳۸۹۷	۱۲۵۸۷۰۲	۱۰۳۰۵۰	۴۶۰۰۰	۳۹۰۳۵۴۹
مثال ۴	۲۸۲۰۲۴۲	۱۲۷۳۰۷۸	۸۶۲۵۰	۴۶۰۰۰	۳۹۶۱۰۷۰
مثال ۵	۳۱۹۸۵۱۴	۱۴۲۲۱۲۰	۲۳۷۳۷۵	۴۶۰۰۰	۴۳۳۷۲۶۰
مثال ۶	۸۵۷۱۲۴۸	۴۷۱۷۶۴۷	۳۴۶۸۷۵۰	۷۰۰۰۰	۹۷۵۰۱۴۷
مثال ۷	۲۶۶۴۶۶۷	۴۸۲۴۸۷۷	۳۳۹۳۰۰۰	۷۰۰۰۰	۴۰۲۶۵۴۴
مثال ۸	۱۲۵۸۴۶۴۶	۷۱۵۴۹۶۵	۱۸۱۸۰۰۰	۷۰۰۰۰	۱۷۸۵۱۶۱۲
مثال ۹	۸۵۱۱۹۷۹	۴۷۲۸۸۴۲	۳۵۴۵۲۵۰	۷۰۰۰۰	۹۶۲۵۵۷۲
مثال ۱۰	۸۴۸۵۵۳۴	۴۶۳۲۸۹۵	۴۸۱۳۵۰۰	۷۰۰۰۰	۸۲۳۴۹۲۹
مثال ۱۱	۲۰۹۴۷۵۲۲	۱۴۱۳۸۱۶۶	۵۰۸۱۲۵۰	۲۰۸۰۰۰	۲۸۹۰۹۹۷۱
مثال ۱۲	۱۶۷۷۴۲۷۴	۱۴۱۳۵۴۰۱	۴۹۹۸۰۰۰	۲۰۸۰۰۰	۲۵۷۰۳۶۷۶
مثال ۱۳	۲۳۸۰۵۵۷۳	۱۶۲۶۳۵۷۶	۳۹۱۸۷۵۰	۲۰۸۰۰۰	۳۵۹۴۲۳۹۹
مثال ۱۴	۲۰۶۵۰۵۰۳	۱۴۱۰۱۰۷۸	۵۱۴۹۵۰۰	۲۰۸۰۰۰	۲۸۸۰۳۷۷۶
مثال ۱۵	۲۰۳۹۳۱۵	۱۴۳۱۶۴۳۳	۷۸۷۲۰۰۰	۲۰۸۰۰۰	۲۶۶۲۶۷۴۹

تقاضا با تغییرات اندک قیمت، می‌تواند به ۱۶ درصد سود بیشتر زنجیره دست یابد.

- با توجه به این که طبق راهکار جایگزینی تک محصولی دوره سوم به عنوان حالت بهینه انتشار محصول جدید معرفی شد، بهتر است پارامتر جایگزینی محصول حول دوره سوم ساخته شود تا نتیجه بهتری داشته باشد.
- در فرایند توسعه محصول جدید، باید اطلاعات مربوط به محصول به صورت کامل با توجه به محصولات مشابه در بازار و دریافت نظرات مشتریان آینده، استخراج شود و از آن در پیش‌بینی تقاضای محصول جدید استفاده شود. این پیش‌بینی می‌تواند تعیین‌کننده‌ی زمان عرضه‌ی محصول به بازار و راهکار جایگزینی محصول باشد.
- در صورتی که بتوان محصول قدیم را به یک‌باره حذف کرد و محصول جدید را کاملاً جایگزین آن کرد ریسک به کارگرفتن راهکار جایگزینی تک محصولی کاهش می‌یابد و گزینه‌ی مناسب‌تری خواهد بود. زیرا هزینه‌ی اجرای این راهکار کم‌تر است. هماهنگی این جایگزینی کار دشواری است. اگر محصول قدیمی قبل از ورود محصول جدید کاملاً از بازار کنار رود، احتمال از دست دادن سهم بازار زیاد می‌شود. اگر موجودی محصول قدیمی هنگام معرفی محصول جدید زیاد باشد، ریسک افزایش هزینه‌های ناشی از انهدام و فروش از دست رفته زیاد می‌شود.

- حال اگر پیش‌بینی تقاضا کاملاً قابل اطمینان نباشد و یا پیش‌بینی سفارش برای محصول قدیم بعد از عرضه‌ی محصول جدید وجود دارد، راهکار جایگزینی دوم محصولی توصیه می‌شود. این راهکار ریسک کم‌تر و هزینه‌ی اجرای بیشتری دارد و چون در طول زمان و به صورت پیوسته اجرا می‌شود، قابلیت تغییر پس

از شروع اجرا را دارد. این راهکار هماهنگی زیاد اعضای زنجیره‌ی تأمین را برای عرضه‌ی مناسب می‌طلبد.

- استفاده از راهکار جایگزینی دوم محصولی در مطالعه‌ی موردی نسبت به بهترین حالت استفاده از راهکار تک محصولی، ۶ درصد مطلوب‌تر بوده است.
- به علت بالا بودن هزینه‌های عقد قرارداد برای شرکت مورد مطالعه، بهتر است تأمین‌کنندگانی انتخاب بشوند که از ظرفیت بالاتری برخوردار هستند، این موضوع همچنین زنجیره را در برابر تغییرات ناگهانی تقاضا تا حدی آماده می‌کند.
- برای مقبول بودن محصول جدید در بازار، علاوه بر فشار شرکت با کم کردن تولید محصول قدیمی، باید محرک‌های دیگری مانند قیمت مناسب یا نوآور بودن نیز در نظر گرفت. قیمت پایین‌تر محصول جدید منجر به سود کم‌تر در زمان معرفی می‌شود، اما سبب اطمینان از رسیدن به دوره‌ی بلوغ محصول نیز خواهد شد.
- در تخمین عمر محصول با توجه به میزان نوآور بودن محصول، خطای زیادی وجود دارد. بنابراین بهتر است سازمان‌ها خود را برای چندین سناریوی مختلف از عمر محصول آماده کنند.

۹. نتیجه‌گیری

در این پژوهش به مدل‌سازی زنجیره‌ی تأمین برای توسعه‌ی محصولات جدید و پیاده‌سازی آن بر روی یک نمونه‌ی واقعی پرداخته شده است. در این مسئله، میزان تولید اجزای زنجیره، سطح موجودی تسهیلات، ارسال کالا، نحوه‌ی جایگزینی محصول جدید با قدیم و ارتباطات میان اجزا، جزو تصمیمات این مدل هستند. مدل ساختار یک زنجیره‌ی تأمین چهارسطحی شامل تأمین‌کنندگان قطعات، تولیدکنندگان، توزیع‌کنندگان و گروه مشتریان را به تصویر می‌کشد و سعی در پیشینه‌سازی سود تولیدکننده و

راهکار جایگزینی دوم محصولی به میزان ۶ درصد نتیجه بهتری به نسبت سایر حالات ارائه می‌دهد. حالت تک محصولی در واقع تغییر یافته‌ی مدل پایه‌ی این مسئله است که از مطالعه‌ی جعفریان و بشیری گرفته شده است و در این قسمت مقایسه‌ی مدل ریاضی این دو مطالعه انجام شده است. سپس ۱۵ مثال مختلف با ابعاد و پارامترهای تغییر یافته نسبت به مدل اولیه ارائه شده‌اند و نتایج حل آنها آمده است. مدل مسائل با ابعاد بزرگتر نیز نتایج متناسب ارائه می‌دهد. برای تحقیقات آتی می‌توان تقاضای محصولات را با توجه به یکدیگر و به صورت تعاملی به دست آورد چنانکه همواره در طول زمان بر یکدیگر تأثیر بگذارند. همچنین به دلیل نبودن اطلاعات کامل راجع به محصول جدید، در نظر گرفتن عدم قطعیت و افزایش ظرفیت برای مقابله با افزایش ناگهانی تقاضا، می‌تواند زمینه‌ی برای تحقیقات آتی باشد.

توزیع‌کننده دارد. هزینه‌های تولید، خرید، نگهداری، عقد قرارداد، حمل و نقل، ناراضی مشتریان، طراحی محصول و بیکاری منابع و در مقابل درآمد فروش، در تابع هدف مدل ریاضی هستند.

مدل ریاضی ارائه شده با استفاده از داده‌های مطالعه‌ی موردی صنعت لوازم دیجیتال صوتی حل شده است. حل به صورت دقیق و با نرم‌افزار بهینه‌سازی گمز انجام می‌شود. نتایج حل در بخش ۴ و تحلیل حساسیت بر روی پارامترهای مدل در بخش ۵ انجام شده است. تحلیل حساسیت بر روی چندین پارامتر انجام شده است و دو مورد از تأثیرگذارترین این پارامترها در این مطالعه ارائه شده‌اند. پارامتر قیمت فروش به مشتریان نیز به عنوان تأثیرگذارترین پارامتر شناسایی شد که تغییر ۱۰ درصد آن منجر به ۱۶ درصد بهبود در تابع هدف می‌شود. همچنین نتایج حل مسئله با ۶ حالت مختلف راهکار تک محصولی مقایسه شده است. در این قیاس،

پانویس‌ها

1. new product development (NPD)
2. supply chain management (SCM)
3. product rollover strategy (Mono/Dual)
4. benchmarking
5. modified bass model

منابع (References)

1. Jafarian, M. and Bashiri, M. "Supply chain dynamic configuration as a result of new product development," *Appl. Math. Model.*, **38**(3), pp. 1133-1146, Feb (2014), doi: 10.1016/j.apm.2013.08.025.
2. Eriksson, A. and Katana, T. "Planning a product rollover - master thesis." *Tekniska Hogskolan universitet* (2015).
3. Bilington, Corey., Lee, H.L. and Tang, C.S. "Successful strategies for product rollovers," *Massachusetts Inst. Technol.*, **39**, Spring, pp.22-30 (1998).
4. Lim, W.S. and Tang, C.S. "Optimal product rollover strategies," *Eur. J. Oper. Res.*, **174**(2), pp. 905-922, Oct (2006), doi: 10.1016/j.ejor.2005.04.031.
5. Ibaraki, T. and Katoh, N. *Resource allocation problems: algorithmic approaches*. Cambridge, Mass: MIT Press (1988).
6. Handfield, R.B., Ragatz, G.L. and Petersen, K.J. "Involving suppliers in new product development," *Calif. Manage. Rev.*, **42**(1), pp. 59-82, Oct (1999), doi: 10.2307/41166019.
7. Mikola, J.H. and Skjoett-Larsen, T. "Early supplier involvement: implications for new product development outsourcing and supplier-buyer interdependence," *Glob. J. Flex. Syst. Manag.*, **4**, pp. 31-41, Dec (2003).
8. Petersen, K.J., Handfield, R.B. and Ragatz, G.L. "Supplier integration into new product development: coordinating product, process and supply chain design," *J. Oper. Manag.*, **23** 3-4, pp. 371-388, Apr (2005), doi: 10.1016/j.jom.2004.07.009.
9. Leng Tan, C. and Tracey, M. "Collaborative new product development environments: implications for supply chain management," *J. Supply Chain Manag. Glob. Rev. Purch. Supply*, **43**(3), pp.2-15 Aug (2007).
10. van Hoek, R. and Chapman, P. "How to move supply chain beyond cleaning up after new product development," *Supply Chain Manag. Int. J.*, **12**(4), pp. 239-244, Jun (2007), doi: 10.1108/13598540710759745.
11. Zacharia, Z.G. and Mentzer, J.T. "The role of logistics in new product development," *Journal of Business Logistics*, **28**, pp. 83-110 (2007).
12. Parker, D.B., Zsidisin, G.A. and Ragatz, G.L. "Timing and extent of supplier integration in new product development: A contingency approach," *J. Supply Chain Manag.*, **44**, pp. 71, Jan (2008).
13. Liu, C.-H. "Supply chain collaboration during new product development: asian perspectives," *J. Chin. Inst. Ind. Eng.*, **26**(3), pp. 205-214, Jan (2009), doi: 10.1080/10170660909509137.
14. Pero, M., Abdelkafi, N., Sianesi, A. and et al. "A framework for the alignment of new product development and supply chains," *Supply Chain Manag. Int. J.*, **15**(2), pp. 115-128, Mar (2010), doi: 10.1108/13598541011028723.
15. Lau, A.K.W. "Supplier and customer involvement on new product performance: Contextual factors and an empirical test from manufacturer perspective," *Ind. Manag. Data Syst.*, **111** 6, pp. 910-942, Jun (2011), doi: 10.1108/02635571111144973.
16. Feng, T. and Wang, D. "Supply chain involvement for better product development performance," *Ind. Manag. Data Syst.*, **113** 2, pp. 190-206, Mar (2013), doi: 10.1108/02635571311303532.
17. Graves, S.C. and Willems, S.P. "Optimizing the supply chain configuration for new products," *Manag. Sci.*, **51**(8), pp. 1165-1180, Aug (2005), doi: 10.1287/mnsc.1050.0367.

18. Amini, M. and Li, H. "Supply chain configuration for diffusion of new products: An integrated optimization approach," *Omega*, **393**, pp. 313-322, Jun (2011), doi: 10.1016/j.omega.2010.07.009.
19. Nepal, B., Monplaisir, L. and Famuyiwa, O. "A multi-objective supply chain configuration model for new products," *Int. J. Prod. Res.*, **4923**, pp. 7107-7134, Dec 2011, doi: 10.1080/00207543.2010.511294.
20. Li, H. and Amini, M. "A hybrid optimisation approach to configure a supply chain for new product diffusion: a case study of multiple-sourcing strategy," *Int. J. Prod. Res.*, **5011**, pp. 3152-3171, Jun (2012), doi: 10.1080/00207543.2011.597789.
21. Gaur, J., Amini, M. and Rao, A.K. "Closed-loop supply chain configuration for new and reconditioned products: An integrated optimization model," *Omega*, **66**, pp. 212-223, Jan (2017), doi: 10.1016/j.omega.2015.11.008.
22. Amini, M. and Li, H. "The impact of dual-market on supply chain configuration for new products," *Int. J. Prod. Res.*, **5318**, pp. 5669-5684, Sep (2015), doi: 10.1080/00207543.2015.1058537.
23. Jahani, H., Abbasi, B. and Alavifard, F. "Supply chain network reconfiguration in new products launching phase," In *2017 IEEE International Conference on Industrial Engineering and Engineering Management (IEEM), Singapore*, pp. 95-99 Dec (2017). doi: 10.1109/IEEM.2017.8289858.
24. Negahban, A. and Dehghanimohammadabadi, M. "Optimizing the supply chain configuration and production-sales policies for new products over multiple planning horizons," *Int. J. Prod. Econ.*, **196**, pp. 150-162, Feb (2018), doi: 10.1016/j.ijpe.2017.11.019.
25. Alizadeh Afrouzy, Z., Nasser, S.H. and Mahdavi, I. "A genetic algorithm for supply chain configuration with new product development," *Comput. Ind. Eng.*, **101**, pp. 440-454, Nov (2016), doi: 10.1016/j.cie.2016.09.008.
26. Alizadeh Afrouzy, Z., Nasser, S.H., Mahdavi, I. and et al. "A fuzzy stochastic multi-objective optimization model to configure a supply chain considering new product development," *Appl. Math. Model.*, **40**17-18, pp. 7545-7570, Sep (2016), doi: 10.1016/j.apm.2016.03.015.
27. Rostami, A., Paydar, M.M. and Asadi-Gangraj, E. "A hybrid genetic algorithm for integrating virtual cellular manufacturing with supply chain management considering new product development," *Comput. Ind. Eng.*, **145**, p. 106565, Jul (2020), doi: 10.1016/j.cie.2020.106565.
28. Rezaei, E., Paydar, M.M. and Sattar Safaei, A. "Customer relationship management and new product development in designing a robust supply chain," *RAIRO - Oper. Res.*, **542**, pp. 369-391, Mar (2020), doi: 10.1051/ro/2018107.