

# زمان‌بندی خودکار دروس دانشگاهی با استفاده از رویکرد ابرابتکاری

میر فتویی (کارشناس ارشد)

سیدهادی میرقادری<sup>\*</sup> (استادیار)

مسلم علی‌محمدلو (دآشیار)

دانشکده‌ی اقتصاد مدیریت و علوم اجتماعی، دانشگاه شیراز

این مقاله به مدل‌سازی و حل مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاهی می‌پردازد. در مدل سازی ریاضی این مسئله، دو قسمتی بودن برخی دروس ۳ و ۴ وحدی در طول هفته و همچنین تعلق برخی کلاس‌ها به برخی گروه‌های آموزشی در نظر گرفته شد. برای حل این مسئله، یک الگوریتم ابرابتکاری براساس الگوریتم رقابت استعماری توسعه داده شد که شامل ۹ ابتکاری سطح پایین است و در آن با پنج استراتژی نحوه‌ی تخصیص مشخص می‌شود. الگوریتم ابرابتکاری پیشنهادی با داده‌های واقعی از دانشگاه شیراز آزمون شد. نتایج نشان داد که این الگوریتم قادر به تولید ۱۰ جدول زمانی متفاوت طی ۱۷ ساعت اجرا و بدون دخالت انسان است. بهترین جدول زمانی تولید شده به وسیله‌ی ابرابتکاری توسعه داده شده قادر است حدود ۱۱ درصد بهره‌داری از کلاس را افزایش داده و زمان انتظار دانشجویان برای شروع کلاس بعدی را به طور متوسط حدود ۱ ساعت در هفتۀ کاهش داده است.

mrymfotovvati@gmail.com  
mirghaderi@shirazu.ac.ir  
mslmaml@shirazu.ac.ir

واگان کلیدی: درس، جدول زمانی، ابرابتکاری، فراتکاری، الگوریتم.

## ۱. مقدمه

حسینی دهمری و صمدی، با توجه به مقررات آموزشی و آیین‌نامه‌های دانشگاه ولی عصر (عج) رفسنجان اقدام به طراحی مدل برنامه‌ریزی چند‌دهفه‌ی صفر و ۱ برای مسئله‌ی برنامه‌ریزی دروس دانشگاهی کردند.<sup>[۱]</sup> علیرضاپی و همکاران نیز مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح خطی دو مرحله‌ی برای حل مسئله‌ی برنامه‌ریزی در ادبیات علمی به «مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاهی» شهرت یافته است و از وظایف مهم و بی‌نهایت دشوار کارشناسان آموزش است.<sup>[۲]</sup> این مسئله را می‌توان به صورت زمان‌بندی تخصیص رویدادهای تدریس در زمان و اتفاق معین با ملاحظه‌ی محدودیت‌های ذی‌نفعان دانشگاه – نظیر دانشجویان، استادان و گروه‌های آموزشی – تعریف کرد. محدودیت‌ها می‌توانند سخت (ملزم به رعایت) یا نرم (رعایت بدون الزام ولی ترجیحی) باشند.<sup>[۳]</sup> با توجه به پیچیدگی این مسئله، آن را جزء مسئله‌های NP-hard دسته‌بندی کرده‌اند<sup>[۴]</sup> و از آن‌جا که دانشگاه‌های متفاوت، الزامات و قوانین متفاوتی دارند، در طول سال‌ها الگوریتم‌های متغّری برای گونه‌های مختلف این مسئله توسعه یافته است.<sup>[۵]</sup> به عنوان مثال،

در اغلب دانشگاه‌ها برنامه‌ی فعلی، تنها تکرار برنامه‌ی سال‌های قبل با اندکی تغییرات است<sup>[۶]</sup> اما با افزایش تغییرات محیطی و برنامه‌های درسی، از جمله بین‌المللی شدن برنامه‌های درسی،<sup>[۷]</sup> این امر دیگر اجرایی نیست و باید به تکنولوژی و روش‌های جدید متولّ شد.<sup>[۸]</sup>

چن و همکاران روش‌های حل مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاهی

آموختن یکی از فرایندهای اصلی هر دانشگاه است و نیازمند زمان‌بندی مناسب برای انجام آن است. ایجاد یک جدول زمانی که تمامی قوانین و نیازهای عملیاتی و همچنین تمایلات و الزامات اساتید و دانشجویان یک دانشگاه را برآورده سازد، در ادبیات علمی به «مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاهی» شهرت یافته است و از وظایف مهم و بی‌نهایت دشوار کارشناسان آموزش است.<sup>[۱]</sup> این مسئله را می‌توان به صورت زمان‌بندی تخصیص رویدادهای تدریس در زمان و اتفاق معین با ملاحظه‌ی محدودیت‌های ذی‌نفعان دانشگاه – نظیر دانشجویان، استادان و گروه‌های آموزشی – تعریف کرد. محدودیت‌ها می‌توانند سخت (ملزم به رعایت) یا نرم (رعایت بدون الزام ولی ترجیحی) باشند.<sup>[۳]</sup> با توجه به پیچیدگی این مسئله، آن را جزء مسئله‌های NP-hard دسته‌بندی کرده‌اند<sup>[۴]</sup> و از آن‌جا که دانشگاه‌های متفاوت، الزامات و قوانین متفاوتی دارند، در طول سال‌ها الگوریتم‌های متغّری برای گونه‌های مختلف این مسئله توسعه یافته است.<sup>[۵]</sup> به عنوان مثال،

\* نویسنده مسئله

تاریخ: دریافت ۱۵/۱۲/۱۴۰۰، صلاحیه ۱۶/۳/۱۴۰۱، پذیرش ۲۴/۳/۱۴۰۱.

DOI: 10.24200/J65.2022.57866.2212

استناد به این مقاله:

فتوفی، میریم، میرقادری، سیدهادی، و علی‌محمدلو، مسلم. ۱۴۰۲. زمان‌بندی خودکار دروس دانشگاهی با استفاده از رویکرد ابرابتکاری. مهندسی صنایع و مدیریت شریف، ۱۶۷-۱۵۵، (۱۳)، صص.

بهتری نسبت به روش‌های تصادفی ساده، حریصانه و تابع انتخاب برای انتخاب ابتكاری برخوردار بوده است.

سوریا الکاراز و همکاران<sup>[۱۶]</sup> ابتدا در سال ۲۰۱۴ یک ابرباتکاری مبتنی بر الگوریتم جست‌وجوی محلی تکراری را برای حل این مسئله توسعه دادند که در آن از یک عملگر تصادفی ساده به عنوان ابتكاری سطح بالا و از پنج ابتكاری سطح پایین برای بهبود جواب استفاده شد. این ابرباتکاری قادر به تولید یک جدول زمانی مناسب برای داده‌های مسابقه‌ی جهانی جدول‌بندی زمانی ۷۰۰ بود. سپس آنها در سال ۲۰۱۶ از یک ساختار ابرباتکاری ترکیبی شامل الگوریتم جست‌وجوی محلی تکرارشونده با استراتژی حذف و اضافه به عنوان ابتكاری سطح بالا و ابتكاری‌های تصادفی ساده و الگوریتم تپه‌نوردی به عنوان ابتكاری‌های سطح پایین برای حل این مسئله استفاده کردند. در این ابرباتکاری، بخشی از جواب اولیه‌ی ایجاد شده توسط الگوریتم جست‌وجوی محلی تکرارشونده انتخاب شده و با استراتژی حذف و اضافه تغییر داده می‌شود؛ سپس ابتكاری‌های سطح پایین، این جواب را بهبود می‌دهند. این روش نتایج اثربخش‌تری نسبت به تحقیق قبلی ایجاد می‌کند.<sup>[۲۰]</sup> آنها همچنین در سال ۲۰۱۷ ساختار ابرباتکاری دیگری را به کار بردن و طی آن، یکبار از الگوریتم جست‌وجوی محلی تکرارشونده به عنوان ابتكاری‌های سطح بالا و از یک الگوریتم تصادفی ساده و یک الگوریتم بهبود دهنده به عنوان ابتكاری‌های سطح پایین استفاده کردند و باز دیگر در همان ساختار به جای الگوریتم بهبود دهنده از الگوریتم کاهش همسایگی متغیر بهره برداشتند. نتایج به دست آمده از هر دو آزمون نشان داد که ساختار دوم نسبت به ساختار اول از اثربخشی بیشتری برخوردار بوده است.<sup>[۲۱]</sup>

در بسیاری از پژوهش‌های حوزه‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاهی، تنها به شکل استاندارد مسئله پرداخته شده و در تعداد کمی مدل‌سازی موارد واقعی بررسی شده است. با این حال براساس بررسی‌های نویسنده‌گان، مسئله‌ی دوچلسبه‌ی بودن دروس سه واحدی در طول هفته، تعریف ارجحیت الگوهای زمانی خاص برای برگزاری این دروس و همچنین تقسیم کلاس‌های درسی بین بخش‌های آموزشی در دانشکده و ترجیح برگزاری دروس هر بخش در کلاس‌های متعلق به خود در محدودیت‌های مسائل دیگر وجود ندارد. از طرفی توامندی الگوریتم فراباتکاری رقابت استعماری تاکنون در ساختار هیچ نوع ابرباتکاری مورد استفاده قرار نگرفته است.

در ساختار ابرباتکاری‌ها، برای ابتكاری سطح بالا از الگوریتم‌های فراباتکاری استفاده می‌شود که یکی از این الگوریتم‌ها، الگوریتم رقابت استعماری است. این الگوریتم توسط آتش برگردگری و لوکاس در سال ۲۰۰۷ توسعه داده شد<sup>[۱۲]</sup> که از پدیده‌ی اجتماعی استعمارگری الهام گرفته شده است. الگوریتم رقابت استعماری همچون سایر الگوریتم‌های تکاملی با ایجاد یک جمعیت اولیه از جواب‌ها (کشورها) شروع به کار می‌کند. بدین منظور از بین کشورهای جهان، به طور تصادفی تعدادی از بهترین کشورها به عنوان استعمارگر و مابقی آنها به عنوان مستعمره‌ی کشورهای استعمارگر انتخاب می‌شود. تعداد کشورهای مستعمره‌ی یک استعمارگر براساس قدرت آن تعیین می‌شود، به گونه‌ی که هرچه قدرت استعمارگر بیشتر باشد تعداد مستعمره‌ها بیش نیز بیشتر می‌شود.

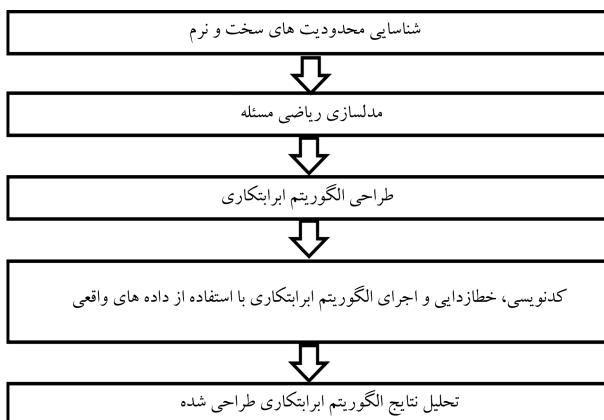
پس از تقسیم کشورهای مستعمره بین استعمارگران، امپراطوری‌ها شکل می‌گیرد و مستعمره‌ها شروع به حرکت به سوی استعمارگر خود می‌کنند. قدرت یک امپراطوری تابعی از دو عامل قدرت استعمارگر و قدرت مستعمره‌های آن امپراطوری است. رقابت بزرگی میان امپراطوری‌ها شکل می‌گیرد. هر امپراطوری چنانچه نتواند در این رقابت پیروز شود یا نتواند قدرتش را افزایش دهد (یا دست کم از کاهش قدرتش جلوگیری

را در شش گروه طبقه‌بندی کرده‌اند: ۱. روش‌های مبتنی بر پژوهش عملیاتی؛ ۲. فراباتکاری‌های تک‌جوایی؛ ۳. فراباتکاری‌های مبتنی بر جمعیت؛ ۴. ابرباتکاری‌ها؛ ۵. رهیافت‌های چند‌هدفه یا چندمعیاره؛ ۶. رهیافت‌های ترکیبی.<sup>[۹]</sup>

برای حل مسائل زمان‌بندی می‌توان از الگوریتم‌های دقیق یا تقریبی استفاده کرد. استفاده از الگوریتم‌های دقیق برای حل این گونه مسائل در اندازه‌های واقعی امکان‌پذیر نیست؛ زیرا زمان اجرای این دسته از الگوریتم‌ها با رشد اندازه مسئله به صورت نمایی افزایش می‌یابد.<sup>[۲]</sup> بنابراین از الگوریتم‌های تقریبی مانند «الگوریتم‌های ابتكاری و فراباتکاری»<sup>[۳]</sup> استفاده می‌شود. الگوریتم‌های ابتكاری معروف به الگوریتم‌های جست‌وجو، روش‌های غیرقطعی هستند که می‌توانند جوابی از فضای جست‌وجو را در مدت زمان معقول پیدا کنند؛ جواب پیدا شده شدنی است ولی الزاماً بهینه نیست.<sup>[۱۰]</sup> الگوریتم‌های فراباتکاری نیز با کاوش فضای راه حل سعی در پیدا کردن جواب بهینه دارند. مشهورترین نوع این الگوریتم‌ها، الگوریتم ژنتیک است که در تدوین جدول زمانی دروس نیز کاربرد دارد.<sup>[۱۱]</sup> از طرفی این الگوریتم‌ها جست‌وجو محلی مؤثری در اطراف جواب بهینه انجام نمی‌دهند که این خود منجر به احتمال از دست دادن جواب‌های خوب می‌شود.<sup>[۱۲]</sup> از طرفی جست‌وجوی محلی، وابسته به تاحدیه‌ی جست‌وجو و در نتیجه مسئله است، یافتن جواب بهینه نیازمند رهیافتی است که این واپسگری را کاهش دهد که این خود منجر به ایجاد رهیافت جدید ابرباتکاری<sup>[۳]</sup> شده است.<sup>[۱۳]</sup> در واقع رهیافت ابرباتکاری شامل چند جست‌وجو محلی است که هر کدام با توجه به تاحدیه‌ی جست‌وجو اعمال می‌شود و در نتیجه انعطاف‌پذیری روش حل را به طور قابل توجهی افزایش می‌دهد.<sup>[۱۴]</sup> بنابراین برای رفع این مشکل در این مقاله از یک روش ابرباتکاری به منظور ایجاد جدول زمانی مناسب برای دروس دانشگاهی مربوطه استفاده شده است.

در روش ابرباتکاری، هدف بهره‌برداری از نقاط قوت ابتكاری‌ها و فراباتکاری‌ها به منظور پوشش ضعف‌های احتمالی آنهاست تا بهترین جواب‌ها نسبت به عملکرد افرادی هر کدام به دست آید. البته باید در نظر داشت که ابرباتکاری‌ها، مستقیماً روی فضای جواب کار نمی‌کنند در حالی که ابتكاری‌ها و فراباتکاری‌ها چنین عملکردی دارند.<sup>[۱۵]</sup>

ابرباتکاری‌ها از طریق کارکردن در فضای ابتكاری به جای فضای جواب باعث ایجاد جواب‌های بهتر می‌شوند. ساختار هر ابرباتکاری شامل تعدادی ابتكاری سطح پایین و یک یا دو ابتكاری سطح بالاست. ابتكاری‌های سطح پایین به تولید یا بهبود جواب اولیه و در هر مرحله ابتكاری‌های سطح بالا به انتخاب بهترین ابتكاری‌های سطح پایین برای تولید یا بهبود جواب توسط آنها می‌برداشند. اغلب از ابتكاری‌های زنگ‌آمیزی گراف برای تولید جواب و ابتكاری‌های انتقال تعویض و غیره برای بهبود جواب در سطح پایین و از الگوریتم‌های فراباتکاری در سطح بالاستفاده می‌شود.<sup>[۱۶]</sup> کو و بورک<sup>[۱۷]</sup> الگوریتم‌های مختلف سطح بالایی را برای جست‌وجو فضای ابتكاری در مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس استفاده کردند. این ساختارها توسط یازده مسئله‌ی الگو آزموده شد. الگوریتم جست‌وجوی همسایگی متغیر بهترین نتیجه در بین الگوریتم‌های دیگر ایجاد می‌کرد. بنابراین، با به کارگیری ساختار ابرباتکاری مبتنی بر الگوریتم جست‌وجوی همسایگی متغیر، برای جست‌وجو فضای ابتكاری در حل مسئله‌ی جدول‌بندی دروس، از ابتكاری‌های زنگ‌آمیزی گراف برای تولید جواب در سطح پایین استفاده کردند. کالندر و همکاران<sup>[۱۸]</sup> ساختار ابرباتکاری را برای حل مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاه یادی تپه ترکیه به کار گرفتند. در ساختار ابرباتکاری از ترکیب روش گرادیان حریصانه برای انتخاب ابتكاری و الگوریتم شبیه‌سازی می‌ترید (معیار متروبليس) برای پذیرش حرکت با احتمالی خاص استفاده شده است. نتایج حاصله حاکی از آن است که روش گرادیان حریصانه از عملکرد



### نمودار ۱. مرحله انجام پژوهش.

۵. تداخل زمانی در دروس یک گروه آموزشی وجود نداشته باشد؛
۶. دروس یک استاد، دارای تداخل زمانی نباشد؛
۷. تعداد کلاس‌های برگزار شده در هر اسلات از تعداد کلاس‌های در دسترس بیشتر نباشد؛
۸. هر درس مناسب با تعداد واحد آن در هفته برگزار شود؛
۹. هر کلاس حداکثر به یک درس در یک بازه زمانی معین تخصیص یابد.
۱۰. محدودیت‌های نرم از اهمیت کمتری نسبت به محدودیت‌های سخت برخوردارند به طوری که تخطی از تعدادی از این محدودیت‌ها گاهی اجتناب‌ناپذیر است. هر جواب موجه برای جدول زمانی، توسط یک تابع جریمه ارزیابی می‌شود. این تابع میزان تخطی جدول زمانی از محدودیت‌های نرم را محاسبه می‌کند. این محدودیت‌ها باعث می‌شوند که برگزاری درس در برخی زمان‌ها و در برخی مکان‌ها موجب محاسبه جریمه توسط تابع هدف شود. در این پژوهش برای استفاده از برخی الگوهای برگزاری دروس نیز جریمه در نظر گرفته شد که این الگوها در ادامه توضیح داده می‌شود. دسته‌بندی محدودیت‌های نرم در این پژوهش عبارت است از:

  ۱. کل جریمه‌ی کاربرد اسلات‌های مختلف برای برگزاری دروس کمینه شود؛
  ۲. کل جریمه‌ی استفاده از الگوهای برگزاری دروس کمینه شود؛
  ۳. کل جریمه‌ی استفاده از کلاس‌های مختلف جهت برگزاری دروس کمینه شود.

### ۲. مدل‌سازی ریاضی

مدل ریاضی جدول‌بندی زمانی دروس می‌تواند دید بهتری نسبت به مسئله‌ی مربوطه ارائه دهد و پیچیدگی‌های موجود در آن را تا حدی تشریح کند. به منظور مدل‌سازی ریاضی این مسئله، هر روز کاری (از ساعت ۸:۰۰ تا ۱۸:۰۰) در هفته به صورت بیست اسلات ۳۰ دقیقه‌ی در نظر گرفته شده که دروس می‌توانند به برخی از این اسلات‌های زمانی تخصیص یابند و باقی اسلات‌های زمانی غیرقابل استفاده‌اند. اسلات‌های زمانی قابل استفاده را می‌توان در اتاق‌های از پیش تعیین شده برای دروس، توسط درس‌ها پرکرد. جلسات درسی را می‌توان به صورت یک‌بار یا دو بار در هفته برگزار کرد. الگوی برگزاری کلاس‌های دو قسمتی را می‌توان در قالب یکی از شش الگوی شنبه/دوشنبه، یکشنبه/سه‌شنبه، دوشنبه/چهارشنبه، شنبه/سه‌شنبه، یکشنبه/چهارشنبه و شنبه/چهارشنبه در نظر گرفت. در نظر گرفتن این الگوهای

کند) از صحنه‌ی رقابت حذف می‌شود. این رقابت استعمال‌گرایانه به تدریج موجب قدرتمندتر شدن امپراطوری‌های قوی و کاوش قدرت امپراطوری‌های ضعیف می‌شود. در نهایت امپراطوری‌های ضعیف قدرت خود را از دست داده و سقوط خواهند کرد. حرکت مستعمره‌ها به سمت امپراطوری‌ها در طول رقابت و سازوکار سقوط امپراطوری‌های ضعیف منجر به این می‌شود که تمامی مستعمره‌ها در نهایت به سمت یک استعمال‌گر واحد همگرا شوند و کلیه امپراطوری‌ها از بین رفته و تنها یک امپراطوری پهلوتکاری در نظر گرفته شود هر کشور نمایان‌گر یک جدول زمانی است اما در این تحقیق در الگوریتم ابرابتکاری رقابت استعماری هر کشور نمایان‌گر لیستی از ابتكاری‌های سطح پایین است.

هدف پژوهش حاضر، از یک سو مدل‌سازی کلیه‌ی محدودیت‌های مربوط به دروس جهت تهیه جدول زمانی دروس از جمله دو قسمتی بودن دروس سه واحدی و چهار واحدی و نیز محدودیت نرم تخصیص اولیه‌ی کلاس‌ها به بخش‌های آموزشی است. از سوی دیگر توسعه یک روش ابرابتکاری مبتنی بر الگوریتم رقابت استعماری برای حل مسئله‌ی جدول زمانی دروس دانشگاهی است. نوآوری این تحقیق نسبت به سایر تحقیق‌ها، استفاده از یک رویکرد ابرابتکاری مبتنی بر الگوریتم رقابت استعماری است که تاکنون از این الگوریتم در یک رویکرد ابرابتکاری استفاده نشده است. بنابراین، سوالات این تحقیق عبارت‌اند از: «مدل ریاضی جدول‌بندی دروس دانشگاهی مبتنی بر واقيعيات موجود چگونه است؟» و همچنین «آیا برای حل این مسئله، عملکرد الگوریتم رقابت استعماری در یک ساختار ابرابتکاری نسبت به حالت برنامه‌ریزی دستی، باعث بهبود می‌شود؟»

### ۲. تعریف مسئله

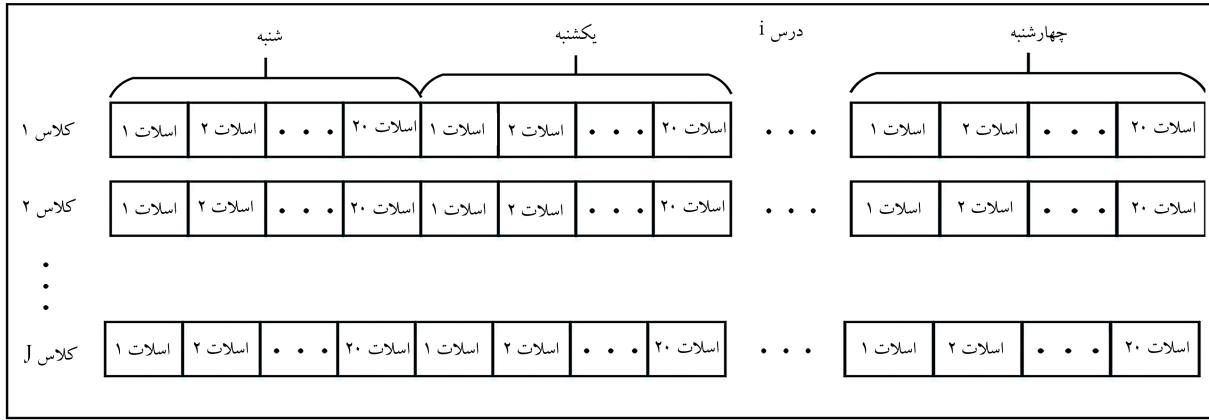
مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس دانشگاهی یکی از مسائل کلاسیک و مشهور در حوزه‌ی مسائل بهینه‌سازی است<sup>[۲۳]</sup> و پس از ثبت‌نام دانشجویان مطرح می‌شود. این مسئله شامل تخصیص زمان و مکان به دروس تعریف شده است. هدف نیز عبارت است از اطمینان یافتن از عدم تداخل دروس هر دانشجو.<sup>[۲۴]</sup>

مثال عددی این تحقیق و محدودیت‌ها و تابع هدف آن مربوط به دروس شش بخش آموزشی دانشکده اقتصاد، مدیریت و علوم اجتماعی دانشگاه شیراز شامل ۳۵۰ درس است. در این پژوهش برای تجزیه و تحلیل داده‌ها از نرم افزار اکسل و متلب استفاده شده است. این تحقیق در پنج مرحله به شرح نمودار ۱ انجام شده است.

### ۱.۲. محدودیت‌های سخت و نرم

در مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس می‌تواند دید بهتری نسبت به مسئله‌ی مربوطه تقسیم‌بندی می‌شوند. محدودیت‌های سخت، محدودیت‌هایی هستند که تخطی از آنها مجاز نیست و در صورت تخطی جواب‌های تولید شده (جدول زمانی) موجه نیست. در این مسئله محدودیت‌های سخت عبارت‌اند از:

۱. هر درس به اندازه مدت زمان تعیین شده برای آن اتفاق بیفتد؛
۲. هر درس تنها در یک کلاس برگزار شود؛
۳. هر درس ببسیار الگوی برگزاری آن اتفاق بیفتد؛
۴. هر درس در کلاسی با ظرفیت کافی برای دانشجویان، آن درس را برگزار کند؛



شکل ۱. حالت کلی اسلات‌های زمانی در مسئله‌ی تحقیق.

زمانی در تشکیل کلاس‌های دوقسمتی، یکی از تقاضاهای نگاه به این مسئله نسبت به مدل‌های کلاسیک است. دوره‌ی تکرار در اکثر مسائل کلاسیک، دو هفته‌یی است در حالی که در مسئله‌ی حاضر براساس واقعیت موجود، یک هفته‌یی در نظر گرفته شد. شکل ۱ حالت کلی اسلات‌های زمانی در یک روز را به صورت تصویری نمایش می‌دهد.

- $C'_{pi}$ : جریمه استفاده از الگوی  $P$  برای درس  $i$ ؛
- $C''_{ij}$ : جریمه برگزاری درس  $i$  در کلاس  $j$ ؛
- $A_j$ : کاربرد کلاس  $j$  (دروس خاص = ۱، سایر دروس = ۰)؛
- $V_j$ : ظرفیت کلاس  $j$ ؛
- $L_i$ : مجموعه دروس مربوط به استاد  $i$ ؛
- $T_i$ : مدت زمان درس  $i$  در هفته به دقیقه ( $i = 1, \dots, t$ )؛
- $Z_1$ : کل جریمه برگزاری درس برای استاد در اسلات‌های مختلف؛
- $Z_2$ : کل جریمه برگزاری درس در اسلات‌های مختلف؛
- $Z_3$ : کل جریمه برگزاری درس براساس الگوها؛
- $Z_4$ : کل جریمه برگزاری درس در کلاس‌های مختلف؛

#### • متغیرهای تصمیمی

- $X_{ijk}$ : وضعیت برگزاری درس  $i$  در مکان  $j$  و در اسلات زمانی  $k$  (۱ = برگزار می‌شود، ۰ = برگزار نمی‌شود).

#### • اندیس‌ها

- $i$ : اندیس درس ( $I$ ) ( $i = 1, \dots, I$ )؛

- $j$ : اندیس کلاس ( $J$ ) ( $j = 1, \dots, J$ )؛

- $k$ : اندیس اسلات زمانی ( $K$ ) ( $k = 1, \dots, K$ )؛

- $l$ : اندیس استاد درس؛

$$MinZ = Z_1 + Z_2 + Z_3 + Z_4$$

s.t. :

$$\forall i \in L_i : \sum_{j=1}^J \sum_{k=1}^K 1 \times X_{ijk} = T_i \quad (1)$$

$$\forall i, j : \sum_{k=1}^K X_{ijk} = \begin{cases} 1 & \text{if } U_i \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (2)$$

$$\forall (Y_i = 1) : \sum_{k=1}^K \vec{P}_i \times \vec{X}_i = 1 \times U_i \quad (3)$$

$$\forall X_{ijk} : N_i \times X_{ijk} \leq V_j \times X_{ijk} \quad (4)$$

$$\forall i, i' \in G_i, \forall k : X_{ijk} = \begin{cases} 1 & \text{if } X_{i'jk} \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (5)$$

تمامی محدودیت‌های ساخت ارائه شده در مدل ریاضی مربوطه براساس الزامات تدوین یک مدل ریاضی مسئله جدول‌بندی زمانی دروس است و محدودیت‌های نرم مربوط به ترجیحات برگزاری دروس در دانشکده مربوطه است. همچنین پیش‌فرضهای مدل ریاضی تدوین شده به شرح زیر است:

۱. جریمه‌های تخطی از محدودیت‌های نرم با هم قابل تجمعیاند؛

۲. وزن جریمه‌های «تخطی از محدودیت‌های نرم» در تابع هدف برابرند؛

۳. دوره‌ی تکرار برنامه درسی هفتگی است؛

۴. روزهای کاری شامل روزهای شنبه تا چهارشنبه است؛

۵. تعطیلات در مدل ریاضی لحاظ نشده است؛

۶. ظرفیت کلاس‌ها ثابت است؛

۷. امکان برگزاری کلاس زودتر از ۸ صبح و بعد از ساعت ۱۸ وجود ندارد؛

۸. کلاس‌های درس قابل ادامه نیستند؛

۹. تعداد دانشجویان هر کلاس درس ثابت و از قبل مشخص است؛

۱۰. دروس هر گروه درسی از قبل مشخص است؛

۱۱. طول هر کلاس درس ثابت و از قبل مشخص است و امکان طولانی ترشدن آن وجود ندارد.

#### ۱.۲.۲. پارامترهای مسئله

$Y_i$ : نوع درس  $i$  (یک قسمتی = ۰ و دو قسمتی = ۱)؛

$U_i$ : تعداد واحد درس  $i$ ؛

$G_i$ : گروه درسی مربوط به درس  $i$ ؛

$N_i$ : تعداد دانشجویان درس  $i$ ؛

$P_i$ : الگوی برگزاری درس  $i$  (ماتریس سطرنی صفر و ۱ به تعداد اسلات‌های موجود)؛

$C_k$ : جریمه برگزاری کلاس در اسلات زمانی  $k$ ؛

$C_{lk}$ : جریمه برگزاری کلاس برای استاد  $l$  در اسلات  $k$ ؛

### ۳. طراحی الگوریتم ابرابتکاری

با توجه به پیچیده بودن مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس، الگوریتم ابتکاری سطح بالا باستی قابلیت‌های فرار از بنست‌های برنامه‌ریزی را داشته باشد و راهکارهای جایگزین برای این موضوع داشته باشد. از طرفی باید تواند از بهینه‌های محلی بگریزد و به جواب بهینه سراسری نزدیک شود. این ویژگی‌ها در الگوریتم رقابت استعماری ارائه شده توسط محققان ایرانی، آشن پزگرگری و لوکاس<sup>[۲۲]</sup> وجود دارد. با این الگوریتم می‌توان چند برنامه ایجاد کرد و آنها را از لحاظ انتطباق با شاخص‌های ارزیابی برنامه مورد سنجش قرار داد و بهترین برنامه را انتخاب کرد.

از آن‌جاکه پیشتر هیچ محققی از این الگوریتم به عنوان ابتکاری سطح بالا استفاده نکرده است، سفارشی‌سازی الگوریتم رقابت استعماری برای مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس به عنوان یک ابتکاری سطح بالا، فرایند دشواری داشت. در این تحقیق به منظور انتطباق این الگوریتم به عنوان ابتکاری سطح بالا غیریاتی در آن داده شده که به شرح زیر است:

- الگوریتم رقابت استعماری کلاسیک ابتدا جواب‌ها را به صورت کامل تولید می‌کند و طی مرحلی آنها را تکامل می‌دهد ولی در الگوریتم رقابت استعماری طراحی شده برای مسئله‌ی تعدادی جدول زمانی با به کارگیری عملگرها و مفاهیم الگوریتم رقابت استعماری به مرور ساخته می‌شوند؛

• الگوریتم رقابت استعماری کلاسیک برای جذب مستعمره‌ها به استعمارگر خود از سازوکار ساده‌بی نظر جایگزینی یک متغیر در مستعمره با مقدار آن متغیر در استعمارگر استفاده می‌کند ولی در الگوریتم رقابت استعماری طراحی شده، فرایند جذب مستعمره به استعمارگر در دو سطح عملیاتی و استراتژیک انجام می‌گیرد. در سطح عملیاتی، ابتکاری به کارگرفته شده توسط استعمارگر برای تولید جواب مرحله‌ی ازام عیناً توسط مستعمره نیز به کارگرفته می‌شود. در سطح استراتژیک، استراتژی تولید جواب استعمارگر توسط مستعمره تقلید می‌شود؛

• در الگوریتم رقابت استعماری کلاسیک، مشخصات امپراطوری‌ها یکسان است و تفاوت‌ها به صورت تصادفی ایجاد می‌شود. در الگوریتم رقابت استعماری طراحی شده، به منظور تولید جواب‌های متفاوت و به عبارتی افزایش واریانس بین جدول‌های زمانی تولید شده، شاخصی به نام «تمرکز بر هزینه» تعريف شد که مقدار آن بین صفر و ۱ است و برای هر امپراطوری مقداری متفاوت است. این امر به این دلیل است که تمرکز بر هزینه در زمان‌بندی زیاد باشد، ممکن است در مرحلی به بنست برنامه‌ریزی منجر شود و کلیه اسلات‌های زمانی یک درس را غیرقابل انتخاب سازد و در نقطه‌ی مقابل چنانچه تمرکز بر هزینه حداقل باشد، بقای برنامه و برنامه‌ریزی کل دروس بیشتر می‌شود؛

• الگوریتم رقابت استعماری کلاسیک تک‌هدفه است ولی الگوریتم طراحی شده، دارای دو هدف هزینه و بقاست. هزینه باستی کاهش باید و بقا باستی افزایش باید. در هر تخصیص مقدار این دو هدف محاسبه و مبنای رقابت درون امپراطوری و بین استعمارگرها می‌شود.

به منظور ساده‌سازی درک برنامه، شبه کد ساده شده ابرابتکاری پیشنهادی در نمودار ۲ نشان داده شده است.

در ابرابتکاری توسعه داده شده، استعمارگر هر امپراطوری در هر مرحله متناسب‌ترین درس و بهترین اسلات زمان - مکان را انتخاب و طبق آن قسمتی از جدول زمانی را

$$\forall i, i' \in L_i, \forall k : X_{ijk} \times X_{i'jk} = 0 \quad (6)$$

$$\forall k : \sum_i \sum_j X_{ijk} \leq J \quad (7)$$

$$\forall i : \sum_j \sum_k X_{ijk} = 2 \times U_i \quad (8)$$

$$\forall j, k : \sum_i X_{ijk} = \begin{cases} 1 \\ 0 \end{cases} \quad (9)$$

$$\forall i \in L_i : Z_1 = \sum_{j=1}^J \sum_{k=1}^K C_{lk} \times X_{ijk} \quad (10)$$

$$\forall X_{ijk} : Z_2 = \sum_i \sum_j \sum_k C_k \times X_{ijk} \quad (11)$$

$$\forall X_{ijk} : Z_3 = \sum_i \sum_j \sum_k C_{pi} \times X_{ijk} \quad (12)$$

$$\forall X_{ijk} : Z_4 = \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J \sum_{k=1}^K C_{ij} \times X_{ijk} \quad (13)$$

محدودیت‌های سخت:

- محدودیت اول تضمین می‌کند که هر درس به اندازه مدت زمان تعیین شده برای آن اتفاق بیفتد؛

• محدودیت دوم تضمین می‌کند که هر درس تنها در یک کلاس برگزار شود؛

• محدودیت سوم تضمین می‌کند هر درس براساس الگوی برگزاری آن اتفاق بیفتد؛

• محدودیت چهارم تضمین می‌کند هر درس در کلاسی اتفاق بیافتد که ظرفیت کافی برای دانشجویان آن درس را داشته باشد؛

• محدودیت پنجم عدم تداخل زمانی دروس یک گروه آموزشی را تضمین می‌کند؛

• محدودیت ششم تضمین می‌کند که دروس یک استاد، دارای تداخل زمانی نباشد؛

• محدودیت هفتم تضمین می‌کند تعداد کلاس‌های برگزار شده در هر اسلات از تعداد کلاس‌های در دسترس بیشتر نباشد؛

• محدودیت هشتم تضمین می‌کند که هر درس متناسب با تعداد واحد آن در هفته برگزار شود؛

• محدودیت نهم تضمین می‌کند هر کلاس به حداکثر یک درس در یک بازه زمانی معین تخصیص یابد.

محدودیت‌های نرم:

• معادله دهم کل جریمه مربوط به زمان تخصیص یافته اسایید برای برگزاری دروس را محاسبه می‌کند؛

• معادله یازدهم کل جریمه به کارگیری اسلات‌های مختلف برای برگزاری دروس را محاسبه می‌کند؛

• معادله دوازدهم کل جریمه استفاده از الگوهای برگزاری دروس را محاسبه می‌کند؛

• معادله سیزدهم کل جریمه استفاده از کلاس‌های مختلف برای برگزاری دروس را محاسبه می‌کند؛

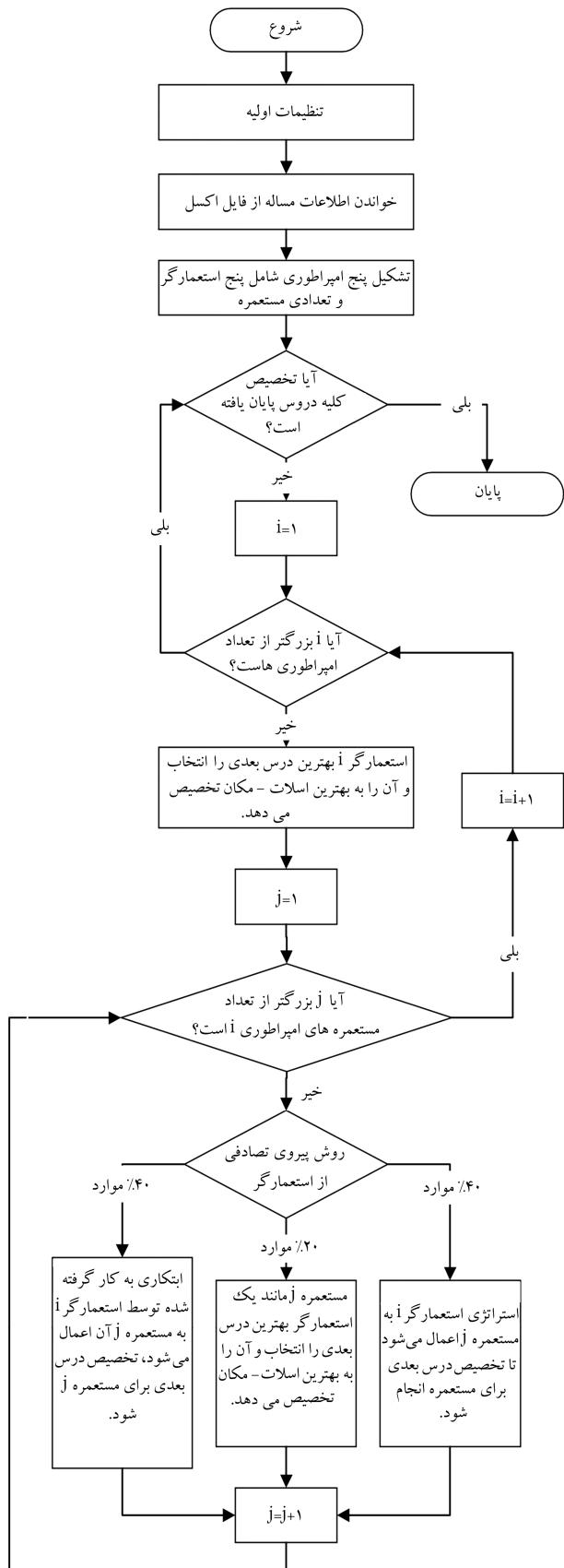
• تابع هدف عبارت است از «کمیته کردن میزان تخطی از محدودیت‌های نرم».

- ۱- تنظیمات اولیه الگوریتم: تعداد امپراتوری‌ها برابر پنج
- ۲- به تعداد دروس انجام بده
- ۳- به تعداد امپراتوری‌ها انجام بده
- ۴-۳-۱- اگر درس/امتحان محدودیت‌دار وجود دارد، استراتژی را یک قرار بده و گرنه استراتژی را به صورت تصادفی بین ۲ تا ۵ انتخاب کن.
- ۴-۳-۲- بهترین ابتکاری را برای استعمارگر امپراتوری ن‌پیدا کن.
- ۴-۳-۳- بهترین ابتکاری را برای استعمارگر امپراتوری ن‌اعمال کن.
- ۴-۳-۴- به تعداد مستعمرهای امپراتوری ن‌انجام بده.
- ۴-۳-۴-۱- عدد تصادفی  $R$  را تولید کن.
- ۴-۳-۴-۲- اگر  $R$  کوچکتر از «نسبت تشله ابتکاری» بود، ابتکاری استعمارگر را به این مستعمره اعمال کن.
- ۴-۳-۴-۳- اگر  $R$  بزرگتر از «نسبت تشله ابتکاری» و «کوچکتر از نسبت تشله استراتژیک» بود، استراتژی استعمارگر را به مستعمره اعمال کن.
- ۴-۳-۴-۴- اگر  $R$  بزرگتر از مقدار بند قبل بود، استراتژی جدیدی را به مستعمره اعمال کن.
- ۴-۳-۴-۵- میزان هزینه و بقای استعمارگر و مستعمرهایش را محاسبه کن.
- ۴-۳-۶- رقبت درون امپراتوری نرا برقرار کن و اگر مستعمرهای برتر از استعمارگر بود، جایگزین آن استعمارگر شود.
- ۴- رقبت بین امپراتوری‌ها را برقرار کن، امپراتوری غالب، یک مستعمره از ضعیفترین امپراتوری‌ها می‌گرد و به خود الحق می‌کند.

نمودار ۲. شبیه کد الگوریتم ابرابتکاری پیشنهادی.

۳. استراتژی تعیین اولویت براساس هزینه و بقا: از بین نتایج اجرای ابتکاری‌های سطح پایین، یک ابتکاری انتخاب می‌شود به گونه‌یی که ترکیب هزینه و بقای بهتری داشته باشد. نحوه ترکیب شدن دو شاخص هزینه و بقا، براساس مقدار شاخص «تمرکز بر هزینه» امپراطوری است که برای هر امپراطوری متفاوت است:
۴. استراتژی تعیین اولویت براساس اضطرار: از بین نتایج اجرای ابتکاری‌های سطح پایین، یک ابتکاری انتخاب می‌شود به گونه‌یی که شاخص اضطرار بالاتری داشته باشد؛
۵. استراتژی تعیین اولویت به صورت تصادفی: از بین ابتکاری‌های سطح پایین، یک ابتکاری به تصادف انتخاب می‌شود.
- پس از مشخص شدن درس بعدی، باید آن را در جدول زمانی قرار داد. برای تعیین محل درس در بین اسلات‌های ممکن، چهار ابتکاری طراحی شده‌اند که غربالگری اسلات‌ها و انتخاب از بین اسلات‌های باقیمانده را انجام می‌دهند. این ابتکاری‌ها عبارت‌اند از:
۱. کم‌ترین هزینه → بهترین انطباق ← اولین اسلات ممکن: براساس این ابتکاری، ابتدا از بین اسلات‌های قابل تخصیص به درس، اسلات‌هایی که کم‌ترین هزینه را دارند گزینش می‌شوند و سپس از بین آنها، اسلات‌هایی که مربوط به کلاس‌هایی با ظرفیت نزدیک به تعداد دانشجویان درس هستند، انتخاب شده و از بین آنها، اولین اسلات ممکن انتخاب می‌شود؛
۲. کم‌ترین هزینه ← بهترین انطباق ← آخرین اسلات ممکن: گام‌های این ابتکاری، شبیه ابتکاری شماره ۱ است با این تفاوت که درگام آخر، آخرین اسلات ممکن انتخاب می‌شود؛
۳. بهترین انطباق ← کم‌ترین هزینه ← اولین اسلات ممکن: براساس این ابتکاری، ابتدا از بین اسلات‌های قابل تخصیص به درس، اسلات‌هایی که مربوط به کلاس‌هایی با بهترین انطباق بین ظرفیت آنها و تعداد دانشجویان درس است گزینش می‌شود و سپس بین آنها، اسلات‌هایی که کم‌ترین هزینه را دارند انتخاب می‌شود و در انتهای اولین اسلات از بین اسلات‌های باقیمانده ممکن انتخاب می‌شود؛

۱. درسی که مکان و زمان آن از قبل به صورت اجباری و بدون حق انتخاب مشخص شده‌اند، ابتدا تخصیص داده شود؛
۲. درسی که مکان یا زمان آن از قبل به صورت اجباری محدود شده است، ابتدا تخصیص داده شود؛
۳. درسی که بیشترین محدودیت را دارد، ابتدا تخصیص داده شود؛
۴. درسی که تعداد اسلات کم‌تری برای آن باقی مانده، ابتدا تخصیص داده شود؛
۵. درسی که تعداد دانشجویان بیشتری دارد، ابتدا تخصیص داده شود؛
۶. درسی که طول زمانی بیشتری در هفته لازم دارد، ابتدا تخصیص داده شود؛
۷. درسی که دارای دروس هم‌گروه بیشتری است، ابتدا تخصیص داده شود؛
۸. درسی که استاد آن تعداد بیشتری درس دارد، ابتدا تخصیص داده شود؛
۹. درس استادان هیأت علمی، ابتدا تخصیص داده شود.
- به منظور تولید جواب‌های متنوع، هر امپراطوری متمرکز بر یک استراتژی برای پهنه‌گیری از ابتکاری‌های سطح پایین است. استراتژی‌های پنج‌گانه که هریک در دستور کار یک استعمارگر قرار دارد عبارت‌اند از:
۱. استراتژی اولویت‌دهی به دروس محدودیت‌دار: این استراتژی شامل به کارگیری ابتکاری‌های سطح پایین شماره ۱، ۲، ۳ و ۴ دروس است. یعنی دروسی که به صورت کامل یا نسبی از قبل تخصیص داده شده‌اند، دروس محدودیت‌دار و دروسی که اسلات‌های کمی برای آنها باقی مانده است؛
۲. استراتژی اولویت‌دهی به هزینه: از بین نتایج اجرای ابتکاری‌های سطح پایین، آن ابتکاری انتخاب می‌شود که نسبت به بقیه هزینه‌یی کم‌تری به جدول زمانی اضافه می‌کند؛



نمودار ۳. فلوچارت ساده شده الگوریتم ابرابتکاری پیشنهادی.

۴. بهترین انطباق → کم ترین هزینه → آخرین اسلات ممکن: این ابتکاری نیز شبیه ابتکاری شماره ۳ است با این تفاوت که در انتهای، آخرین اسلات ممکن انتخاب می شود.

#### ۴.۲. تنظیمات الگوریتم ابرابتکاری

از آن جا که در این تحقیق از الگوریتم رقابت استعماری به عنوان ابتکاری سطح بالا استفاده شده، پارامترهای این الگوریتم باید مشخص شوند. به طور معمول این کار با روش آزمون و خطای روش طراحی آزمایشات<sup>۳</sup> انجام می شود. از آن جا که ابرابتکاری قرار است برای اندازه های متفاوت مسئله قادر به تولید جواب باشد لذا پارامترهای آن بایستی طوری باشند که نیاز به تنظیم توسط کاربر نداشته باشند و خود الگوریتم آنها را تنظیم کند. پارامتر  $\xi$  براساس مقاله اصلی الگوریتم رقابت استعماری، برابر  $۰,۱$ <sup>۰</sup> قرار گرفته است. براین اساس شاخص هزینه هر امپراطوری برابر هزینه استعمارگر به علاوه یک دهم متوسط هزینه های مستعمره ها می شود. در ابرابتکاری طراحی شده، علاوه بر هزینه، شاخص بقا نیز به همین شکل برای امپراطوری ها تعریف شده است. به منظور تغییر پویای پارامتر  $\xi$ ، ابتدا مقدار پارامتر برابر  $۰,۱$  قرار گرفت و براساس فرمول ۱، در دور بعد مقدار آن تغییر می یابد. در عمل، اگر رقابت بین امپراطوری ها منجر به جایه جایی یک مستعمره می شود، این مقدار کاهش می یابد و بر عکس اگر رقابت مؤثر بین امپراطوری های صورت نگیرد، این مقدار کاهش می یابد. افزایش مقدار  $\xi$  منجر به تحریک رقابت بین استعمارگران می شود و بالعکس.

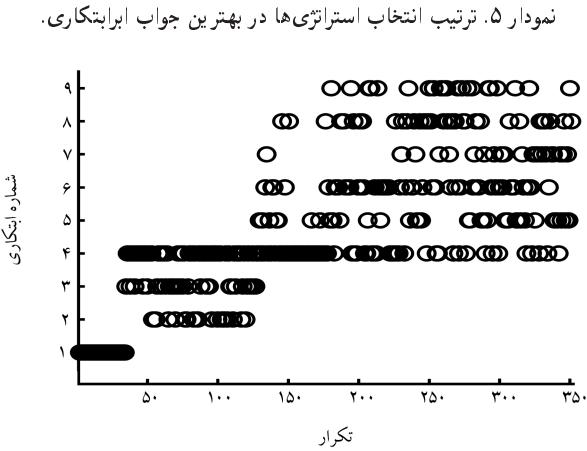
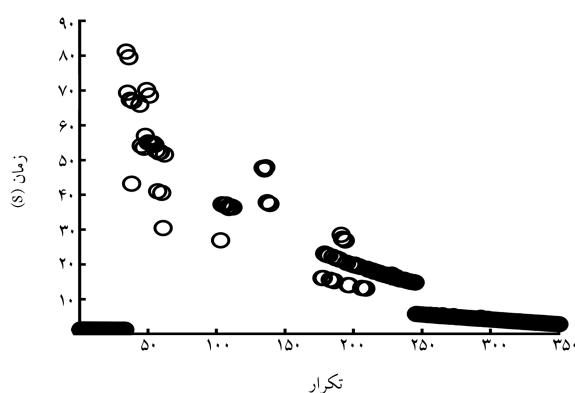
$$\xi_{new} = \begin{cases} \xi_{old}^{signal} & signal = ۰ \\ ۱/۱ & signal = ۱ \end{cases} \quad (۱۴)$$

براساس فرمول ۱۴، مقدار  $\xi$  به طور پویا توسط عملکرد خود الگوریتم تنظیم می شود و در هر صورت مقدار آن بین صفر و ۱ باقی می ماند. در ابرابتکاری طراحی شده پارامتر تعداد امپراطوری ها برابر تعداد استراتژی ها یعنی ۵ قرار گفت زیرا هر امپراطوری تکرک و یزدی برا جرایی یک استراتژی دارد و مستعمره های خود را براساس آن به سمت تکامل پیش می برد. تعداد کشورها نیز باید مضربی از ۵ باشد و هرچه تعداد کشورها بیشتر باشد، برنامه های نهایی بیشتری به دست خواهد آمد و احتمال برخورد با بن سست برنامه ریزی نیز کمتر می شود ولی زمان بیشتری برای اجرای الگوریتم نیاز است.

#### ۵. ۲. برنامه نویسی رایانه ای و اجرای ابرابتکاری

ابرابتکاری طراحی شده برای حل مسئله جدول بندی زمانی دروس شامل خواندن اطلاعات از روی فایل اکسل قراردهی یک به یک در جدول زمانی و ارزیابی مسئتمر این فرایند است؛ فلوچارت ساده شده الگوریتم ابرابتکاری در نمودار ۳ آمده است.

ورودی های بکار گرفته شده جهت آزمودن الگوریتم، داده های نیمسال اول تحصیلی ۹۷-۹۸ دانشکده اقتصاد، مدیریت و علوم اجتماعی دانشگاه شیراز است. از آن جا که دسترسی به ترجیحات زمانی اعلام شده توسط اساتید امکان پذیر نبود، ساعات کلاس آنها در این نیمسال به عنوان ترجیح اول با جریمه هی صفر و سایر ساعات هفته با هزینه  $\xi$  به عنوان ترجیح زمانی اساتید در نظر گرفته شد. اطلاعات دروس شامل واحد، نوع، مدرس(ها)، هم زمان و هم مکان و هم استاد بودن آنها از آمار نیمسال استخراج شد. گروه های درسی نیز از برنامه درسی مقاطع و رشته های



چنان‌که در نحوه ۴ مشاهده می‌شود زمان تخصیص دروس در چند درس ابتدایی بسیار کم است و عملت آن است که ابتدا دروس از قبل تخصیص یافته در جدول زمانی جای داده می‌شوند و چون این دروس گزینه‌های زیادی برای قرارگرفتن در برنامه ندارند، بنابراین محاسبات زیادی هم ندارند و به سرعت تخصیص آنها به اسلات‌ها و مکان‌ها انجام می‌شود ولی در ادامه زمان بیشتری نیاز است تا حالات زیادی بررسی شود و به تدریج که این حالات کمتر می‌شود (به دلیل محدود شدن حالات با پیشرفت برنامه) زمان کاهش می‌یابد.

براساس پیشینه‌ی تحقیق، ترتیب استفاده از ابتکاری‌ها بر کیفیت جواب اثرگذار است و هر تحقیق ترتیب خاصی را ارائه می‌دهد. براساس یافته‌های این تحقیق بهترین استراتژی و ابتکاری انتخاب درس و اسلات به شرح نمودارهای ۵ و ۶ است.

جدول ۱. زمان اجرای ابرابتکاری پیشنهادی.

| ردیف | تعداد کشورها | زمان مورد نیاز |
|------|--------------|----------------|
| ۱    | ۱۰           | ۱ ساعت         |
| ۲    | ۳۰           | روز و ۳ ساعت   |
| ۳    | ۵۰           | روز و ۱۲ ساعت  |

مختلف استخراج و با استفاده از داده‌های مربوط به دانشجویان مشترک، دروس گروه‌بندی شدند.

اطلاعات مربوط به دروس از سیستم اتماسیون آموزشی دانشگاه شیزار استخراج شد و اطلاعات مربوط به کلاس‌ها شامل ظرفیت، بخش مربوطه، خاص بودن، مخصوص تحصیلات تکمیلی بودن آنها از کارشناسان آموزش بخش‌ها گرفته شد. به منظور رهایی از بهینه‌سازی بخشی و همچنین در نظر گرفتن نظم فعلی تخصیص کلاس‌های درس به بخش‌ها، برای اختصاص کلاس یک بخش به سایر بخش‌ها جریمه‌ی در نظر گرفته شده که برای کلاس‌های مخصوص تحصیلات تکمیلی (اظیر سالان کنفرانس بخش‌ها) این هزینه بی‌نهایت است یعنی تخصیص آن به سایر بخش‌ها امکان‌پذیر نیست و برای کلاس‌های دیگر این هزینه ۴ است. چنانچه سیاست کلی دانشکده، عدم واگذاری کلاس‌ها به بخش‌ها و برنامه‌ریزی یکپارچه توسعه معاونت آموزشی باشد می‌توان این جریمه را صفر در نظر گرفت.

در این تحقیق ابتدا مفاهیم الگوریتم رقابت استعماری بر مسئله‌ی جدول‌بندی زمانی دروس تطبیق داده شد و سپس از آن به عنوان ابتكاری سطح بالا در قالب یک ابرابتکاری استفاده شد. در نهایت پیاده‌سازی نرم‌افزاری الگوریتم ابرابتکاری منجر به تعریف ۱۱ تابع مجزا در نرم‌افزار متلب شامل حدوداً ۲۰۰۰ خط برنامه شد. به منظور پیاده‌سازی الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده، از نرم‌افزار متلب نسخه b ۲۰۱۸R و برای آماده‌سازی ورودی‌ها از نرم‌افزار مایکروسافت اکسل نسخه ۲۰۱۶ Professional plus استفاده شد. اجرای الگوریتم روی رایانه‌ی خانگی با پردازنده‌ی ۵i – ۳۴۵۰ با سرعت ۳،۱۰ – ۳۴۵۰ GHz و حافظه‌ی موقت (RAM) ۸ گیگابایت مجهرز به سیستم عامل ۶۴ بیتی ویندوز ۱۰ نسخه Enterprise انجام شد. زمان اجرای الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده، براساس تعداد کشورها متفاوت است. جدول ۱ تغییر زمان تقریبی مورد نیاز برای الگوریتم براساس تعداد کشورها را نشان می‌دهد.

### ۳. نتایج و بحث

پس از اجرای الگوریتم ابرابتکاری روی مجموعه داده‌های واقعی، عملکرد زمانی و رفتاری الگوریتم در استفاده از ابتکاری‌های سطح پایین، استراتژی‌ها و ابتکاری‌های انتخاب اسلات مورد بررسی قرار گرفت. نتایج به دست آمده از فرایند بهترین جدول زمانی تولید شده توسط الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده در ادامه در دو قسمت فرایند و نتایج اجرای الگوریتم ابرابتکاری تشریح می‌شود. در این نمودارها، هر تکرار به تخصیص یک درس مربوط می‌شود.

#### ۱. فرایند اجرای الگوریتم ابرابتکاری

براساس نتایج به دست آمده، زمان انتخاب و جای‌دهی هر درس طی اجرای الگوریتم متفاوت است. در نحوه ۴ تغییر زمان را حین پیشرفت الگوریتم شاهد هستیم.

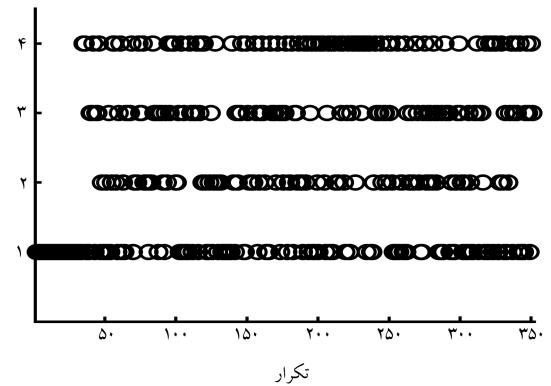
کارشناسان بخش‌ها به لحاظ زمانی حدود ۱۶ درصد و به لحاظ مکانی حدود ۳۱ درصد است. دلیل مشابهت پایین برنامه‌ی تولید شده توسعه نرم افزار و برنامه‌ی تولید شده توسط کارشناسان آموزش آن است که نرم افزار از الگوهای غیرستی برگزاری کلاس‌های دو قسمتی نظری‌الگوی شنبه/سه‌شنبه، شنبه/چهارشنبه، یکشنبه/سه‌شنبه و یکشنبه/چهارشنبه نیز استفاده می‌کند و قابلیت بالاتری برای تولید برنامه کلاسی دارد.

منظور از گستینگی در جدول زمانی، وجود زمان‌های خالی بین دروس برنامه‌ریزی شده در یک روز برای یک گروه درسی (دانشجویان دارای دروس مشابه) است. در واقع این گستینگی به معنای انتظار دانشجویان یک گروه درسی برای شروع درس بعدی است. هر قدر این گستینگی بیشتر باشد، نارضایتی دانشجویان بیشتر می‌شود. براساس گروه‌بندی دروس، ۲۲ گروه درسی در نیم سال مورد نظر در دانشکده مورد بررسی وجود داشت. جدول ۲ میزان گستینگی در جداول زمانی تولید شده توسط الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده و وضعیت موجود را به دقیقه نشان می‌دهد. هر عدد بیان گر مجموع زمان انتظار بین دروس برای دانشجویان یک گروه در یک هفته است.

همان‌طور که جدول ۲ نشان می‌دهد، جداول زمانی تولید شده توسط ابرابتکاری طراحی شده، قادر است به طور متوسط بیش از یک ساعت در هفته زمان انتظار دانشجویان هر گروه را کاهش دهد. شاخص مهم دیگر برای ارزیابی جدول زمانی تولید شده، میزان بهره‌برداری از فضای کلاس است. منظور از بهره‌برداری از فضای کلاس، درصد صندلی‌های استفاده شده‌ی کلاس در درس تخصیص داده شده به آن است. ابرابتکاری طراحی شده با بهره‌گیری از ابتکاری‌های انتخاب اسلات، ظرفیت کلاس‌های در دسترس را در نظر می‌گیرد و سعی می‌کند کلاسی را انتخاب کند که بهترین اطباق را با تعداد دانشجوی درس داشته باشد. بر این اساس به لحاظ نظری باید میزان بهره‌برداری از ظرفیت کلاس‌ها را استفاده از ابرابتکاری، بهتر از وضعیت عدم استفاده از آن باشد. به لحاظ تجربی نیز محاسبات مربوطه انجام شد و متوسط میزان بهره‌برداری از کلاس‌ها در برنامه‌های پیشنهاد شده توسط ابرابتکاری ۶۴٪/۲۳ درصد است که نسبت به وضعیت موجود ۵۳٪ (درصد)، حدود ۱۱ درصد بیشود را نشان می‌دهد. جدول ۳ درصد بهره‌برداری جداول زمانی حاصل از ابرابتکاری و وضع موجود را نشان می‌دهد. چنان که مشاهده می‌شود، بهترین برنامه تولید شده، برنامه شماره هفت است که میزان بهره‌برداری از ظرفیت کلاس‌ها براساس این برنامه ۶۵٪ (درصد) است.

#### ۴. اعتبارسنجی الگوریتم ابرابتکاری

الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده، متناسب با ماهیت خاص و منحصر بفرد اطلاعات ورودی شامل دروس، محدودیت‌ها و گروه‌های درسی است و امکان مقایسه با الگوریتم‌های دیگر یا ورود اطلاعات مسائل استاندارد را ندارد. به منظور ارزیابی اعتبار ابرابتکاری طراحی شده، بالهای از پژوهش کن达尔 و حسین (۲۰۰۵) و عبدالرحمان و همکاران (۲۰۱۴)، خروجی ابرابتکاری مذکور با داده‌های واقعی مقایسه شد. این ارزیابی نشان داد که جداول زمانی تولید شده توسط ابرابتکاری طراحی شده، بیش از یکساعت از گستینگی زمانی برنامه درسی هفتگی دانشجویان می‌کاهد و با تخصیص کلاس متناسب با تعداد دانشجویان، حدود یازده درصد بهره‌برداری از کلاس‌ها را افزایش می‌دهد. همچنین صحت برنامه‌های تولید شده توسط کارشناسان آموزش مورد تأیید قرار گرفت.



نمودار ۷. ترتیب به کارگیری ابتکاری‌های انتخاب.

الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده در ابتدا بر تخصیص دروس محدودیت‌دار تمکرز دارد و این اولین استراتژی انتخاب دروس است. به همین دلیل در نمودار ۵، در تکرارهای ابتدایی الگوریتم، میزان استفاده از این استراتژی بالاست. در ادامه نیز هنگامی که درسی دارای محدودیت در تخصیص می‌شود، با این استراتژی در اولویت تخصیص قرار می‌گیرد. استفاده از سایر استراتژی‌ها نیز به صورت تصادفی انجام می‌شود که یکسانی استفاده از آنها در نمودار دیده می‌شود.

نمودار ۶ میزان استفاده ابرابتکاری از ابتکاری‌های سطح پایین انتخاب را نشان می‌دهد. چنان که در شکل مشاهده می‌شود، در ابتدای شروع به کارگیری ابرابتکاری، تخصیص براساس ابتکاری سطح پایین اول انجام می‌شود که همان دروس از پیش تخصیص داده شده هستند. مکان و زمان این دروس ابتدا تنظیم می‌شود در ادامه از آنجا که امپراطوری مورد نظر در ابتدا براساس استراتژی اول جلو می‌رود، از ابتکاری‌های ۲، ۳ و ۴ استفاده می‌کند و پس از آن از سایر ابتکاری‌ها به تصادف براساس استراتژی اتخاذ شده استفاده شده است.

ابتکاری شماره ۴ در این مسئله به کارگیری بالایی داشته است. این ابتکاری به اولویت‌دهی به دروسی که اسلات کمتری برای آنها باقیمانده مربوط می‌شود در موافقی از فرایند تخصیص دروس به اسلات‌ها ممکن است این وضعیت برای سایر دروس بوجود آید به همین دلیل به کرات از این ابتکاری استفاده شده است.

نمودار ۷ میزان استفاده از ابتکاری‌های انتخاب اسلات برای قراردهی درس را نشان می‌دهد. از آن جا که به کارگیری این ابتکاری‌ها به صورت تصادفی است، میزان استفاده از هر ابتکاری تقریباً برابر است. در ابتدای الگوریتم (تخصیص دروس دارای محدودیت) از آن جا که برای انتخاب اسلات گزینه‌بی وجود ندارد، اولین ابتکاری به این کار تخصیص می‌یابد و به همین دلیل در ابتدای الگوریتم میزان استفاده از این ابتکاری بالاست.

**۲.۳. نتایج اجرای الگوریتم ابرابتکاری**

الگوریتم طراحی شده قادر است تعداد زیادی جدول زمانی ارائه دهد. به منظور ارزیابی این راه حل‌ها شbahet آنها با وضع موجود و یکدیگر مورد بررسی قرار می‌گیرد. میزان مشابهت با دو معیار مشابهت زمانی و مشابهت مکانی در نظر گرفته شده است. منظور از مشابهت زمانی، یکسان بودن زمان برگزاری درس و مشابهت مکانی یکسان بودن کلاس درس است. الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده ۱۰ برنامه در هر بار اجرا تولید می‌کند که هر ۱۰ برنامه متفاوت از یکدیگر هستند. در نهایت متوسط میزان شباهت جدول زمان‌بندی دروس حاصل از الگوریتم با برنامه طراحی شده توسط

جدول ۲. میزان گستینگی زمانی جداول زمانی تولید شده و موجود.

| جدال زمانی تولید شده بوسیله ابرابتکاری پیشنهادی |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     | وضع موجود | گروه درسی |
|---|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----------|-----------|
| ۱۰  | ۹   | ۸   | ۷   | ۶   | ۵   | ۴   | ۳   | ۲   | ۱   |     |     |           |           |
| ۲۵۰   | ۱۲۵ | ·   | ۱۲۵ | ·   | ·   | ·   | ۲۵۰ | ·   | ·   | ·   | ۱۲۵ | ۱         |           |
| ·   | ۲۱۹ | ·   | ·   | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۳۱۳ | ۲   |           |           |
| ·   | ۱۵۶ | ۲۱۹ | ۴۳۸ | ۵۶۳ | ۵۶۳ | ۵۶۳ | ·   | ۵۶۳ | ۵۶۳ | ۳۷۵ | ۳   |           |           |
| ·   | ۴۳۸ | ·   | ۶۲  | ۳۱  | ۳۱  | ۳۱  | ·   | ۳۱  | ۳۱  | ۴۳۸ | ۴   |           |           |
| ۲۵۰   | ·   | ۳۴۴ | ۵۶۳ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۳۱۳ | ۵   |           |           |
| ·   | ·   | ۱۲۵ | ۹۴  | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ۴۳۸ | ۱۸۸ | ۶   |           |           |
| ۱۸۸   | ۲۵۰ | ۵۶۳ | ۲۵۰ | ۴۰۶ | ۴۰۶ | ۴۰۶ | ۱۸۸ | ۴۰۶ | ۵۳۱ | -   | ۷   |           |           |
| ۱۲۵   | ۴۰۶ | ·   | ·   | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۸   |           |           |
| ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ۴۰۶ | ۹   |           |           |
| ۱۲۵   | ۴۰۶ | ·   | ·   | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۱۰  |           |           |
| ۱۲۵   | ۴۰۶ | ·   | ·   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۱  |           |           |
| ·   | ·   | ·   | ۱۲۵ | ۱۵۶ | ·   | ۳۴۴ | ۴۶۹ | ۴۶۹ | ۲۱۹ | ·   | ۳۱  | ۱۲        |           |
| ۲۸۱   | ۳۱  | ۳۱۳ | ۶۲۵ | ۳۱۳ | ۴۰۶ | ۳۱۳ | ۳۱۳ | ۳۷۵ | ۴۶۹ | ۶۲۵ | ۴۰۶ | ۱۳        |           |
| ۱۵۶   | ·   | ·   | ۹۴  | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۱۵۶ | ۲۱۹ | ۹۴  | ۱۸۸ | ۱۴        |           |
| ۱۲۵   | ۶۲  | ۶۳  | ۱۲۵ | ۴۳۸ | ۴۳۸ | ۱۵۶ | ۱۲۵ | ۹۴  | ۶۲  | ·   | ۱۵  |           |           |
| ۵۶۳   | ۱۲۵ | ۶۲  | ۵۶۳ | ۹۴  | ۹۴  | ۹۴  | ۵۶۳ | ۱۵۶ | ۶۲  | ۳۱  | ۱۶  |           |           |
| ·   | ۵۶۳ | ۱۸۸ | ۴۶۹ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ·   | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۶۳  | ۱۷  |           |           |
| ·   | ۲۸۱ | ۱۲۵ | ۱۵۶ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۵۶ | ۶۲  | ۹۴  | ۶۲  | ۲۵۰ | ۱۸  |           |           |
| ۶۲  | ۳۱۳ | ۶۲  | ۳۱۳ | ۶۲  | ۶۲  | ۲۵۰ | ۶۲  | ۶۲  | ۲۱۹ | ۲۸۱ | ۱۹  |           |           |
| ۳۱۳   | ۵۶۳ | ۵۰۰ | ۷۵۰ | ۳۷۵ | ۳۷۵ | ۳۷۵ | ۳۱۳ | ۴۰۶ | ۳۷۵ | -   | ۲۰  |           |           |
| ۶۲  | ۱۲۵ | ۲۵۰ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۱۲۵ | ۶۲  | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۹۴  | ۲۱  |           |           |
| ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | -   | ۲۲  |           |           |
| ·   | ۶۲  | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ۶۲  | ·   | ۶۲  | ۲۳  |           |           |
| ·   | ۲۵۰ | ۶۲  | ·   | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۱۲۵ | ·   | ۹۴  | ·   | ۲۴  |           |           |
| ۶۲  | ۶۲  | ·   | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ·   | ·   | ·   | ۶۲  | ·   | ۲۵  |           |           |
| ۱۸۸   | ·   | ۹۴  | ·   | ۹۴  | ۹۴  | ·   | ·   | ·   | ۶۲  | ۶۲  | ۲۶  |           |           |
| ۱۲۵   | ۲۵۰ | ·   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ·   | ۶۲  | ۱۸۸ | ۲۷  |           |           |
| ·   | ·   | ۱۲۵ | ·   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ·   | ۱۲۵ | ·   | ۶۲  | ۲۸  |           |           |
| ۶۲  | ·   | ۱۲۵ | ۳۷۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۲۹  |           |           |
| ۱۲۵   | ·   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۲۵۰ | ·   | ·   | ۳۰  |           |           |
| ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ·   | ۶۲  | ·   | ·   | ۳۱  |           |           |
| ۱۵۶   | ۱۵۶ | ۶۲  | ۶۲  | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۶۲  | ۳۱۳ | ۳۲  |           |           |
| ۱۲۵   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۳۱۳ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۵۶ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۳۳  |           |           |
| ۱۸۸   | ۲۸۱ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۱۲۵ | ۶۲  | ۱۸۸ | ۱۲۵ | ۴۳۸ | ۳۴  |           |           |
| ۱۲۵   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۲۱۹ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۱۲۵ | ۳۵  |           |           |
| ۱۵۶   | ۱۵۶ | ۲۱۹ | ۲۱۹ | ۹۴  | ۹۴  | ۴۰۶ | ۵۶۳ | ۱۵۶ | ۹۴  | -   | ۳۶  |           |           |
| ۱۸۸   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۱۸۸ | ۶۲  | ۲۸۱ | ۱۲۵ | ۲۵۰ | ۳۷  |           |           |
| ۲۸۱   | ۲۸۱ | ۶۲  | ۳۱  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۱۸۸ | ۶۲  | ۳۱۳ | ۳۸  |           |           |
| ۳۴۴   | ۲۸۱ | ۲۸۱ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۱۵۶ | ۳۴۴ | ۶۲  | ۱۵۶ | ۴۰۶ | ۳۹  |           |           |
| ۱۸۸   | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ·   | ۶۲  | ۶۲۵ | ۴۰  |           |           |

ادامه‌ی جدول ۲

| جدول زمانی تولید شده بوسیله ابرابتکاری پیشنهادی |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |         | گروه درسی | وضع موجود |
|---|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|---------|-----------|-----------|
| ۱۰  | ۹   | ۸   | ۷   | ۶   | ۵   | ۴   | ۳   | ۲   | ۱   |     |         |           |           |
| ۱۸۸   | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۰   | ۶۳  | ۰   | ۶۲۵ | ۴۰      |           |           |
| ۲۱۹   | ۶۲  | ۱۵۶ | ۲۸۱ | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۲۱۹ | ۴۳۸ | ۳۷۵ | ۵۹۴ | ۴۱      |           |           |
| ۲۱۹   | ۶۲  | ۱۵۶ | ۴۳۸ | ۶۲  | ۶۲  | ۴۰۶ | ۲۱۹ | ۱۲۵ | ۲۵۰ | ۶۲  | ۴۲      |           |           |
| ۱۲۵   | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۸۸ | ۰   | ۰   | ۰   | ۱۲۵ | ۶۲  | ۲۱۹ | ۸۱۳ | ۴۳      |           |           |
| ۱۸۸   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۰   | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۵۰۰ | ۴۴      |           |           |
| ۰   | ۹۴  | ۴۰۶ | ۶۲  | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۰   | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۴۳۸ | ۴۵      |           |           |
| ۱۵۶   | ۳۴۴ | ۲۱۹ | ۲۵۰ | ۰   | ۰   | ۰   | ۱۵۶ | ۰   | ۰   | ۶۲  | ۴۶      |           |           |
| ۰   | ۵۰۰ | ۱۲۵ | ۳۱۳ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۰   | ۶۲  | ۶۲  | ۱۵۶ | ۴۷      |           |           |
| ۹۴  | ۰   | ۳۱۳ | ۰   | ۳۱۳ | ۳۱۳ | ۳۱۳ | ۹۴  | ۳۱۳ | ۳۱۳ | ۰   | ۴۸      |           |           |
| ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۴۹      |           |           |
| ۰   | ۶۲  | ۱۸۸ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۰   | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۸۸ | ۵۰      |           |           |
| ۱۲۵   | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۰   | ۵۱      |           |           |
| ۰   | ۰   | ۱۲۵ | ۰   | ۰   | ۰   | ۶۲  | ۳۱  | ۶۲  | ۰   | ۰   | ۵۲      |           |           |
| ۲۱۹   | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۰   | ۰   | ۰   | ۲۱۹ | ۰   | ۰   | ۲۸۱ | ۵۳      |           |           |
| ۰   | ۰   | ۳۱  | ۳۱  | ۳۴۴ | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۰   | ۲۱۹ | ۱۲۵ | ۵۳۱ | ۵۴      |           |           |
| ۰   | ۶۲  | ۶۲  | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۰   | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۹۳۸ | ۵۵      |           |           |
| ۳۱  | ۰   | ۳۱۳ | ۲۵۰ | ۶۲۵ | ۶۲۵ | ۶۲۵ | ۳۱  | ۶۲۵ | ۵۰۰ | ۱۸۸ | ۵۶      |           |           |
| ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۲۱۹ | ۵۷      |           |           |
| ۵۹۴   | ۱۸۸ | ۲۸۱ | ۵۶۳ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۵۹۴ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۱۸۸ | ۵۸      |           |           |
| ۹۴  | ۳۴۴ | ۱۲۵ | ۹۴  | ۴۰۶ | ۴۰۶ | ۴۰۶ | ۹۴  | ۴۰۶ | ۵۳۱ | ۵۰۰ | ۵۹      |           |           |
| ۹۴  | ۳۷۵ | ۹۶۹ | ۳۱  | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۹۴  | ۳۷۵ | ۵۳۱ | ۶۰      |           |           |
| ۱۸۸   | ۶۲  | ۱۲۵ | ۶۲  | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۶۳  | ۶۱      |           |           |
| ۶۲  | ۰   | ۳۱۳ | ۶۲  | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۶۲  | ۲۵۰ | ۲۵۰ | ۲۱۹ | ۶۲      |           |           |
| ۱۲۵   | ۰   | ۶۲  | ۱۲۵ | ۰   | ۰   | ۶۲  | ۰   | ۱۲۵ | ۰   | ۰   | ۶۳      |           |           |
| ۱۲۵   | ۱۲۵ | ۹۴  | ۲۱۹ | ۹۴  | ۹۴  | ۹۴  | ۶۲  | ۱۲۵ | ۶۲  | ۲۵۰ | ۶۴      |           |           |
| ۰   | ۶۲  | ۰   | ۶۲  | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۶۵      |           |           |
| ۶۲  | ۶۲  | ۱۲۵ | ۱۲۵ | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۱۸۸ | ۶۶      |           |           |
| ۱۸۸   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۰   | ۱۸۸ | ۰   | ۰   | ۰   | ۶۷      |           |           |
| ۰   | ۰   | ۱۲۵ | ۰   | ۶۲  | ۶۲  | ۱۸۸ | ۶۲  | ۰   | ۰   | ۰   | ۶۸      |           |           |
| ۶۲  | ۹۴  | ۹۴  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۶۲  | ۰   | ۶۹      |           |           |
| ۱۲۵   | ۰   | ۰   | ۱۲۵ | ۰   | ۰   | ۱۲۵ | ۰   | ۰   | ۰   | ۱۲۵ | ۷۰      |           |           |
| ۶۲  | ۰   | ۲۱۹ | ۰   | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۱۸۸ | ۶۲  | ۲۱۹ | ۹۴  | ۲۱۹ | ۷۱      |           |           |
| ۵۶۳   | ۴۰۶ | ۶۲  | ۵۳۱ | ۹۴  | ۹۴  | ۹۴  | ۱۸۸ | ۹۴  | ۹۴  | ۹۴  | ۱۲۵     | ۷۲        |           |
| ۱۲۱   | ۱۴۶ | ۱۳۸ | ۱۶۴ | ۱۴۳ | ۱۴۲ | ۱۵۱ | ۱۱۶ | ۱۵۲ | ۱۴۹ | ۲۰۶ | میانگین |           |           |

جدول ۳. درصد بهره‌برداری از فضاهای آموزشی در وضع موجود و جدول زمانی تولید شده توسط الگوریتم ابرابتکاری پیشنهادی.

| جدول زمانی تولید شده به وسیله ابرابتکاری پیشنهادی |       |       |       |       |       |       |       |       |       |    |  | بهره‌برداری (%) | وضع موجود | جدول زمانی |
|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|----|--|-----------------|-----------|------------|
| ۱۰  | ۹     | ۸     | ۷     | ۶     | ۵     | ۴     | ۳     | ۲     | ۱     |    |  |                 |           |            |
| ۶۴,۲۷   | ۶۴,۶۴ | ۶۴,۴۵ | ۶۵,۰۴ | ۶۳,۸۱ | ۶۳,۸۳ | ۶۳,۸۹ | ۶۴,۲۱ | ۶۴,۱۲ | ۶۴,۰۱ | ۵۳ |  |                 |           |            |

یافته‌های این پژوهش نشان داد که الگوریتم ابرابتکاری طراحی شده قادر است تعداد برنامه‌های بیشتر و متنوع‌تری را نسبت به برنامه‌ی فعالی تولید کند.

همچنین به دلیل تولید ۱۰ برنامه به جای یک برنامه به کارشناسان این اجرا را می‌دهد که بهترین برنامه را برای بخش مربوطه انتخاب کنند. جداول زمانی تولید شده توسط ابرابتکاری طراحی شده، قادر است به طور متوسط بیش از ۱ ساعت در هفته زمان انتظار دانشجویان هر گروه را کاهش دهد. متوسط میزان بهره‌برداری از کلاس‌ها را حدود ۱۱ درصد بهبود دهد و در نهایت این که برنامه تولید شده توسط کارشناسان بخش دانشکده مربوطه دست‌کم یک ماه کاری به طول می‌انجامد حال آن که برنامه تولید شده توسط الگوریتم ابرابتکاری مربوطه طی حداقل ۳/۵ روز با یک رایانه‌ی معمولی قادر است ۵ جدول زمانی درسی متنوع تولید کند.

## ۵. نتیجه‌گیری

مسئله ایجاد جدول زمانی برای دروس دانشگاهی یکی از مسائل مهم و پیچیده است که راه حل ساده برای آن وجود ندارد. یکی از رویکردهای نوین برای حل این مسئله، توسعه‌ی الگوریتم‌های ابرابتکاری است. هدف این مقاله، در نظر گرفتن دروس دو قسمتی و تخصیص اولیه‌ی کلاس‌ها به بخش‌های آموزشی در مدل‌سازی ریاضی و حل این مسئله با یک الگوریتم ابرابتکاری جدید است تا بتوان نسبت به وضعیت برنامه‌ریزی دستی بهبودهایی ایجاد کرد. این هدف از طریق طراحی یک رویکرد ابرابتکاری مبتنی بر الگوریتم رقابت استعماری به عنوان ابتکاری سطح بالا و تعدادی ابتکاری مبتنی بر نظریه گراف همراه با چند استراتژی و کدنویسی آن در نرم‌افزار متلب محقق شده است.

این پژوهش از لحاظ جنبه‌ی کاربردی به دلیل نزدیکی مدل‌سازی به دنیای واقعی

## پانوشت‌ها

1. University Course Timetabling Problem
2. Heuristic & Metaheuristic Algorithms
3. Hyper-heuristic
4. Design of Experiments

## منابع (References)

1. Daskalaki, S., Birbas, T. and Housos, E. "An integer programming formulation for a case study in university timetabling", *European Journal of Operational Research*, **153**(1), pp. 117-135 (2004).
2. Gozali, A.A., Kurniawan, B., Weng, W. and et al. "Solving university course timetabling problem using localized island model genetic algorithm with dual dynamic migration policy", *IEEJ Transactions on Electrical and Electronic Engineering*, **15**(3), pp. 389-400 (2020).
3. Gary, M.R. and Johnson, D.S. "Computers and intractability: A guide to the theory of NP-Completeness", New York: W.H. Freeman and Company (1979).
4. Gülcü, A. and Akkan, C. "Robust university course timetabling problem subject to single and multiple disruptions", *European Journal of Operational Research*, **283**(2), pp. 630-46 (2020).
5. Hosseini Dehmiry, A. and Samadi, M.A. "A multiobjective programming model for university course timetabling problem", *Journal of Advanced Mathematical Modeling*, **12**(1), pp. 90-107 (In Persian) (1400/2021).
6. Alirezaee, M., Khalili, M. and Mansourzadeh, S. "University timetabling problem with mathematical two stage modeling", *Commercial Strategies*, **4**(1), pp. 87-96 (In Persian) (1399/2020).
7. Beigi, S. and Basiri, E. "Multi-Objective modeling of university course schedules considering a two-week periodicity: A case study", *Journal of Operational Research In Its Applications (Applied Mathematics)-Lahijan Azad University*, **18**(3), pp. 15-30 (10 Sep 2021).
8. Khoshnoodifar, M. and Fathi Vajargah, K. "Internationalization distance education curricula in iran higher education", *Journal of Technology of Education (JTE)*, **6**(2), pp. 87-104 (In Persian) (1391/2012).
9. Chen, M.C., Goh, S.L., Sabar, N.R. and et al. "A survey of university course timetabling problem: Perspectives, trends and opportunities", *IEEE Access*, **9**, pp. 106515-29 (27 Jul 2021).
10. Ryser-Welch, P. and Miller, J.F. "A review of hyper-heuristic frameworks", *In Proceedings of the Evo20 Workshop*, AISB (2014).
11. Monadjemi, S.A., Masoudian, S., Estaki, A. and et al. "Designing automated timetable for university courses using genetic algorithm", *Journal of Technology of Education (JTE)*, **4**(2), pp. 113-127 (In Persian) (1389/2010).
12. Ong, Y.S. and Keane, A.J. "Meta-lamarckian learning in memetic algorithms", *IEEE Transactions on Evolutionary Computation*, **8**(2), pp. 99-110 (2004).
13. Cowling, P., Kendall, G. and Soubeiga, E. "A hyper-heuristic approach to scheduling a sales summit", *In International Conference on the Practice and Theory of Automated Timetabling*, Springer, Berlin, Heidelberg, pp. 176-190 (2000).
14. Montazeri, M., Bahrololoum, A., Nezamabadi-pour, H. and et al. "Cooperating of local searches based hyper-heuristic approach for solving traveling salesman problem", *In Proceedings of the International Conference on Evolutionary Computation Theory and Applications*, pp. 24-26 (2011).

15. Macias-Escobar, T., Cruz-Reyes, L. and Dorronsoro, B., *A Study on the Use of Hyper-Heuristics Based on Meta-Heuristics for Dynamic Optimization*, In Fuzzy Logic Hybrid Extensions of Neural and Optimization Algorithms: Theory and Applications, Springer, Cham pp. 295-314 (2021).  
DOI:10.1007/978-3-030-68776-2-18.
16. Pillay, N. and Qu, R., *Hyper-Heuristics: Theory and Applications*, Switzerland: Springer (2018).
17. Qu, R. and Burke, E.K. "Hybridizations within a graph-based hyper-heuristic framework for university timetabling problems", *Journal of the Operational Research Society*, **60**(9), pp. 1273-1285 (2009).
18. Kalender, M., Kheiri, A., Özcan, E. and et al. "A greedy gradient-simulated annealing hyper-heuristic for a curriculum-based course timetabling problem", *In 2012 12th UK Workshop on Computational Intelligence (UKCI)*, IEEE, pp. 1-8 (2012).
19. Soria-Alcaraz, J.A., Ochoa, G., Swan, J. and et al. "Effective learning hyper-heuristics for the course timetabling problem", *European Journal of Operational Research*, **238**(1), pp. 77-86 (2014).
20. Soria-Alcaraz, J.A., Özcan, E., Swan, J. and et al. "Iterated local search using an add and delete hyper-heuristic for university course timetabling", *Applied Soft Computing*, **1**(40), pp. 581-93 (2016).
21. Soria-Alcaraz, J.A., Ochoa, G., Sotelo-Figueroa, M.A. and et al., *Iterated VND Versus Hyper-Heuristics: Effective and General Approaches to Course Timetabling*, In Nature-Inspired Design of Hybrid Intelligent Systems Springer, Cham, pp. 687-700 (2017).
22. Atashpaz-Gargari, E. and Lucas, C. "Imperialist competitive algorithm: An algorithm for optimization inspired by imperialistic competition", Paper Presented at the 2007 IEEE Congress on Evolutionary Computation, IEEE (2007).
23. Rezaeipanah, A., Matoori, S.S. and Ahmadi, G. "A hybrid algorithm for the university course timetabling problem using the improved parallel genetic algorithm and local search", *Applied Intelligence*, **51**(1), pp. 467-92 (2021 Jan).
24. Zhu, K., Li, L. and Li, M. "A survey of computational intelligence in educational timetabling", *International Journal of Machine Learning and Computing*, **11**(1), pp. 40-47 (1 Jan 2021).