

مدل انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال و تخفیف حجمی - خنثی یا حساس به ریسک

الهه ملکی (کارشناس ارشد)

سید حسام‌الدین دگرودی* (استاد)

دانشکده‌ی مهندسی صنایع و سیستم‌ها، دانشگاه تربیت مدرس

مهندسی صنایع و مدیریت شریف (تابستان ۱۴۰۳)
دوره‌ی ۴۰، شماره‌ی ۱، صص. ۱۳-۳، (پژوهشی)

در این تحقیق، یک مدل ریاضی برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط تصادفی سناریو محور چند محصولی و تک دوره‌ای جهت مدل‌سازی مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با لحاظ ریسک اختلال و تخفیف حجمی در یک زنجیره تامین متمرکز دوسطحی شامل یک تولیدکننده و چندین تامین‌کننده با لحاظ سیاست‌های حفاظتی تامین پشتیبان، کمک گرفتن از تامین‌کنندگان اصلی مختل نشده و همین‌طور لحاظ ذخیره اطمینان در شرایط نرمال ارائه شده است. همچنین با حل مدل C-VaR با برنامه‌گزار آنالیز حساسیت روی متغیر تعیین‌کننده وضعیت ریسک انجام گرفت و به جهت بررسی کارایی مدل، مطالعه موردی در شرکت سایکو صورت گرفت. نتیجه به این صورت شد که افزایش حساسیت تصمیم‌گیرنده نسبت به ریسک سبب افزایش هزینه کل می‌گردد چون محافظه‌کاری بیشتر تصمیم‌گیرنده تمایل او به استفاده از سیاست‌های حفاظتی را می‌افزاید. ضمن این‌که این افزایش هزینه هم برای تامین‌کنندگان و هم تولیدکننده است.

واژگان کلیدی: انتخاب تامین‌کننده، تخصیص سفارش، ریسک اختلال، تخفیف حجم تجارت، وضعیت ریسک.

۱. مقدمه

در دهه ۶۹ و ۷۰ میلادی سازمان‌ها جهت افزایش توان رقابتی خود تلاش می‌کردند با استانداردسازی و بهبود فرایندهای داخلی، محصولی با کیفیت بهتر و هزینه‌ی کمتر تولید کنند. در دهه‌ی ۸۰ میلادی با افزایش تنوع در الگوهای موردانتظار مشتریان، سازمان‌ها علاقه‌مند به افزایش انعطاف در خطوط تولید و توسعه محصولات جدید برای ارضای نیازهای مشتریان شدند. در دهه ۹۰ میلادی به همراه بهبود در فرایندهای تولید و به‌کارگیری الگوهای مهندسی مجدد، مدیران بسیاری از صنایع دریافته‌اند که برای ادامه حضور در بازار تنها بهبود فرایندهای داخلی و انعطاف‌پذیری شرکت کافی نیست؛ بلکه تامین‌کنندگان قطعات و مواد باید موادی با هزینه و کیفیت بهینه تولید کنند و توزیع‌کنندگان محصولات نیز باید ارتباط نزدیکی با سیاست‌های توسعه‌ی بازار تولیدکننده داشته باشند. با چنین نگرشی، رویکردهای زنجیره‌ی تامین و مدیریت آن پا به عرصه‌ی وجود نهاد. البته انتخاب تامین‌کننده مساله جدیدی نیست و تحقیقات زیادی درباره مدل‌سازی و مباحث مفهومی آن صورت پذیرفته است. در حقیقت،

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۴۰۱/۱۲/۲۸، اصلاحیه ۱۴۰۱/۹/۲۶، پذیرش ۱۴۰۱/۱۰/۵

استاد به این مقاله:

ملکی، الهه و دگرودی، سید حسام‌الدین، ۱۴۰۳. مدل انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال و تخفیف حجمی - خنثی یا حساس به ریسک.

مهندسی صنایع و مدیریت شریف، ۴۰(۱)، صص. ۱۳-۳. DOI:10.24200/J65.2022.58512.2239

elh.maleki@gmail.com
zegordi@modares.ac.ir

ارائه تامین‌کننده جهت تحویل محصولات با کیفیت مورد انتظار و ۱۷/۲ میلیون پوند برای عدم ارائه تامین‌کننده برای تحویل محصولات در زمان به موقع تخمین زده شد. در طول سال ۲۰۱۶، از دست دادن بهره‌وری، افزایش هزینه کار و آسیب به اعتبار برند بخشی از مهم‌ترین تأثیرات منفی است که از اختلالات تامین به وجود آمده است. توسعه یک سیستم زنجیره تامین انعطاف‌پذیر یک رویکرد برای مقابله با اختلالات است.^[۴] از این رو، سطح ریسک زنجیره تامین برای شرکت‌هایی که قادر به مدیریت آسیب‌های آن به دلیل پیش‌بینی نادقیق، کیفیت کمتر محصول، کاهش گردش معاملات و قیمت‌های موجودی انبار، کاهش اعتبار، ارتباطات ضعیف با دیگر اعضای زنجیره تامین و کشاکش بین ذی نفعان نیستند تبدیل به یک مسئله حیاتی شده است. برای حذف یا کاهش این اثرات شرکت‌ها باید استراتژی‌هایی برای مدیریت ریسک زنجیره تامین اتخاذ کنند.

شروع تحقیق در مدیریت ریسک زنجیره تامین به تاریخ سال‌های اولیه قرن ۲۱ برمی‌گردد. عدم قطعیت‌های مربوط به تقاضا، تامین، هزینه، زمان تحویل^۱ و بلاای فاجعه‌بار مکرر منجر به زیان‌های شدید اقتصادی، خدمات ضعیف مشتری و از دست دادن اعتبار تجارت است.^[۴] مثلاً زلزله تایوان منجر به از دست رفتن بسیاری از سفارشات شرکت اپل در سال ۱۹۹۹ شد.^[۵]

از این رو این موضوع یعنی انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال در این تحقیق مورد بررسی قرار گرفت و اثر وضعیت ریسک تصمیم‌گیرنده به معنای میزان ریسک‌پذیری یا ریسک‌گریزی در این مساله بررسی شد.

۲. مرور پیشینه تحقیق

همان‌طور که قبلاً اشاره شد مطالعه روی موضوع انتخاب تامین‌کننده بسیار انجام گرفته است ولی با توجه به جدید بودن بحث ریسک زنجیره تامین، نیاز به مطالعه تلفیق این دو موضوع هم‌چنان احساس می‌شود. با این وجود مطالعاتی انجام گرفته است که این موضوع یعنی انتخاب تامین‌کننده را با در نظر گرفتن ریسک اختلال به روش‌های مختلفی بررسی کرده‌اند. برای مثال پراساناونکاتاسان و همکاران در سال ۲۰۱۶ انتخاب تامین‌کننده را با ریسک اختلال در نظر گرفته و یک مدل چند هدفه برنامه ریزی عددصحیح خطی ارائه داده است.^[۶] همین‌طور حسینی و همکاران در سال ۲۰۱۹ نیز این موضوع را با ارائه یک مدل برنامه‌ریزی عددصحیح مختلط تصادفی دوهدفه بررسی کرده است.^[۷] ولی مختار و همکاران در سال ۲۰۱۹ این موضوع را با ارائه یک مدل بهینه‌سازی پویا بررسی کرده است.^[۸] هر سه این مقالات مدل‌های خود را به صورت تک‌محصولی ارائه داده‌اند ولی مقالاتی نیز در مرور پیشینه تحقیق بررسی شده‌اند که موضوع انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش را با لحاظ چندمحصولی بودن بررسی کرده‌اند که از جمله آنها می‌توان کار و همکاران در سال ۲۰۲۰ را برشمرد که یک مدل ترکیبی چندمرحله‌ای را ارائه داده است و از طریق مطالعه موردی اعتبارسنجی کرده است.^[۹]

در مسائل مربوط به ریسک، گاهی سیاست‌های حفاظتی به جهت پیش‌گیری و انعطاف‌پذیری زنجیره تامین در نظر گرفته می‌شود که قاعدتاً لحاظ کردن این سیاست‌ها بر مدل ارائه شده تأثیرگذار خواهد بود. در ادامه با بررسی ادبیات چندین سیاست در نظر گرفته شده را معرفی می‌کنیم. برای مثال اسماعیلی و همکاران در سال ۲۰۱۸ ضمن بررسی مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با لحاظ ریسک اختلال و همین‌طور در نظر گرفتن چندمحصولی بودن و دیدگاه

متمركز دو سیاست حفاظتی حفاظت از تامین‌کننده و موجودی اضطراری نزد تامین‌کننده حفاظت شده را در نظر گرفته است و با لحاظ موارد گفته شده یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح غیرخطی ارائه داده است و با مثال عددی، اعتبارسنجی کرده است.^[۱۰] همین‌طور مقالات دیگری هم هستند که لحاظ سیاست‌های حفاظتی در کارشان دیده شده است مانند ترابی و همکاران در سال ۲۰۱۵ که سیاست تامین پشتیبان را لحاظ کرده است.^[۱۱] البته این مقاله، علاوه بر ریسک اختلال ریسک عملیاتی را هم در مدل لحاظ کرده است. مدل این‌کار از نوع برنامه‌ریزی تصادفی دوهدفه احتمالاتی ترکیباتی دومرحله‌ای است. علاوه بر این مقاله، وحیدی و همکاران در سال ۲۰۱۸، نیز این سیاست یعنی سیاست تامین پشتیبان را به همراه سیاست کمک گرفتن از تامین‌کنندگان اصلی مختل نشده لحاظ کرده است و یک مدل برنامه‌ریزی دو هدفه مختلط احتمالی - تصادفی دو مرحله‌ای ارائه داده است.^[۱۲]

از میان مطالعات انجام شده روی مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش مقالاتی هستند که قطعی نبودن قیمت خرید را لحاظ کرده‌اند و آن را با در نظر گرفتن تخفیفات مختلف در نظر گرفته‌اند. یکی از این انواع تخفیفات، تخفیف کمی است که لی و همکاران در سال ۲۰۱۸ آن را بدون لحاظ ریسک اختلال و در یک محیط تک محصولی در نظر گرفته است.^[۱۳] و یک مدل برنامه‌ریزی عددصحیح غیرخطی ارائه داده‌اند. همین‌طور مونریا و همکاران در سال ۲۰۱۸ این نوع تخفیف را در مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش در محیط چندمحصولی با ارائه یک مدل برنامه‌ریزی تصادفی دو مرحله‌ای در نظر گرفته است.^[۱۴] همچنین بکتور در سال ۲۰۲۰^[۱۵] نیز با لحاظ شرایطی نسبتاً مشابه مونریا و همکاران در سال ۲۰۱۸^[۱۴] و البته لحاظ پایداری یک مدل بهینه‌سازی چندهدفه فازی ارائه داده است.

همان‌طور که گفته شد در مقالات ذکر شده، ریسک از هیچ نوعی در نظر گرفته نشده است. از جمله مقالاتی که مساله انتخاب تامین‌کننده با ریسک اختلال را با لحاظ تخفیف بررسی کرده است چراغعلی پور و همکاران در سال ۲۰۱۸^[۱۶] است که تخفیف از نوع کمی در محیط چندمحصولی در نظر گرفته و با لحاظ پایداری یک مدل چند معیاره ارائه داده است.

نوع دیگری از تخفیف نیز وجود دارد که تخفیف حجم تجارت نام دارد و به این معناست که به‌ازای ارزش کل خرید، تخفیف پیشنهاد می‌گردد و در واقع به‌نوع کالا بستگی ندارد. تنها مقاله‌ای که این نوع تخفیف را البته همراه تخفیف کمی در مساله انتخاب تامین‌کننده در نظر گرفته است، باهنر و همکاران در سال ۲۰۱۶ است که یک نوع ریسک به‌نام ریسک شکست را در نظر گرفته است و به این معنی است که تنها یک حالت که تمام تامین‌کنندگان هم‌زمان با هم مختل شوند را لحاظ کرده است و ریسک اختلال به - شکل کامل که می‌تواند دارای سناریوهای مختلفی باشد را لحاظ نکرده است.^[۱۷] لذا در این کار این شکاف تحقیقاتی لحاظ گردیده است به این معنی که یک مسئله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با لحاظ تخفیف حجمی، چند محصولی بودن و دیدگاه متمركز در نظر گرفته شده است و به جهت انعطاف‌پذیری سیاست‌های حفاظتی تامین پشتیبان، کمک گرفتن از تامین‌کنندگان مختل نشده و همین‌طور استفاده از ذخیره اطمینان لحاظ شده است و نهایتاً یک مدل برنامه‌ریزی عددصحیح خطی تصادفی سناریو محوفر ارائه شده است. لازم به‌ذکر است که تمامی مفروضات در نظر گرفته شده از جمله نوع تخفیف، نوع سیاست‌های حفاظتی و غیره با مشورت و تأیید شرکت ساپکو که شرکت مورد مطالعه این تحقیق است تعیین و اصلاح شده است و همین‌طور با دریافت اطلاعات از این شرکت اعتبارسنجی مدل، صورت پذیرفته است.

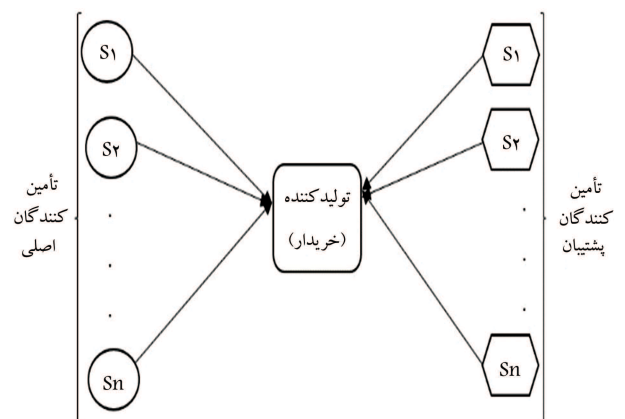
عطف به توضیحات بالا نوآوری‌های این کار به شرح زیر می‌باشد:

۱. تطابق مفروضات مساله با شرایط شرکت ساپکو؛
۲. افزودن تخفیف حجم تجارت به مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال؛
۳. بررسی تأثیر وضعیت ریسک تصمیم گیرنده در مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال.

۳. تعریف مساله و مدل‌سازی

۳.۱. تعریف مساله

در این مدل، مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال با هدف کاهش هزینه‌های هر دوطرف یعنی تامین‌کنندگان و تولیدکننده با در نظر گرفتن سیاست تخفیف حجمی و محدودیت‌های موجود مدل‌سازی شده است و از آنجایی که شرایط در نظر گرفته شده (از نظر ۱- تقاضای مستقل و قطعی ۲- قیمت خرید غیر ثابت ۳- تخفیف حجم تجارت و سایر مواردی که به تفصیل در ادامه توضیح داده شده) ممکن است برای تمام قطعات صدق نکند از در نظر گرفتن درآمد طرفین چشم پوشی شده است و همین‌طور به علت پیچیده بودن هزینه کمبود در واقعیت به در نظر گرفتن آن همانند مدل‌های پایه موجودی بسنده شده است. از دیگر هزینه‌های تامین‌کنندگان هزینه مربوط به مواد یا قطعات اولیه است ولی از آنجایی که رکن اصلی مدل ما در نظر گرفتن اختلال تامین‌کنندگان و ریسک منتج از آن است زمانی این اختلال در هزینه قطعات اولیه آن تأثیر می‌گذارد که منتج از تامین‌کنندگان آن باشد که در مدل ما که دیدگاه متمرکز دارد به معنای اضافه شدن یک لایه یعنی تامین‌کنندگان تامین‌کننده است باعث پیچیدگی مدل می‌شود. بنابراین، اختلال تامین مواد یا قطعات اولیه تامین‌کننده لحاظ نگردید و در نتیجه لحاظ کردن این هزینه هم منطقی نمی‌شد. همین‌طور سیاست‌های حفاظتی تامین پشتیبان، کمک گرفتن از تامین‌کنندگان اصلی مختل نشده و همین‌طور در نظر گرفتن ذخیره اطمینان در شرایط نرمال به صورتی که منطبق بر واقعیت و مورد تأیید کارشناس مربوطه شرکت باشد در نظر گرفته شده است و نهایتاً یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط تصادفی سناریو محور در زنجیره تأمین شامل یک تولیدکننده (ایران خودرو) و دو گروه تامین‌کننده (سازنده قطعات) اصلی و پشتیبان مطابق شکل ۱ ارائه شده است: مراحل انجام پژوهش حاضر به صورت زیر انجام گرفته است:



شکل ۱. زنجیره تأمین در نظر گرفته شده.

۱. بررسی مبانی نظری و پیشینه موضوع مورد تحقیق با مراجعه به منابع موجود در این زمینه و همین‌طور استخراج مواردی که در ادبیات به صورت متفاوت انجام شده بود به این معنا که برای مثال هزینه سفارش در بعضی مقالات به صورت هزینه سفارش در تعداد سفارش و در بعضی مقالات به صورت هزینه ثابت قرارداد در نظر گرفته شده بود یا هزینه حمل در مقالات محدودی از طریق مصرف سوخت یا مسافت در نظر گرفته می‌شد و اکثراً به صورت عرف که هزینه حمل واحد در تعداد قطعات باشد در نظر گرفته شده بود؛ (روش کتابخانه‌ای)

۲. بررسی روش‌ها و ساختار فعلی انتخاب منبع در شرکت مورد مطالعه با استفاده از مستندات سازمانی و مصاحبه غیر ساختاریافته با مدیران و کارشناسان مربوطه و مطرح کردن موارد متفاوتی که در مرحله قبل توضیح داده شد و به صورت مورد تأیید کارشناس مربوطه در مدل در نظر گرفته شد؛

۳. همین‌طور بررسی شرایط و سیاست‌های مسئله با مشورت و تأیید شرکت ساپکو از جمله ۱. بررسی سیاست‌های حفاظتی در نظر گرفته شده در شرکت و همین‌طور توضیح درباره سیاست‌های در نظر گرفته شده در ادبیات که در قسمت قبل توضیح داده شد ۲. بررسی نوع تخفیفات پیشنهادی تامین‌کنندگان که در نتیجه مصاحبه با کارشناسان قرار شد که تخفیفات از سمت تامین‌کنندگان یا بر طبق درصد سهم تامین‌کننده از تقاضای هر قطعه باشد یا بر طبق درصد استفاده از ظرفیت کل تامین‌کننده که مورد اول که در واقع همان تخفیف کمی مطرح شده در ادبیات است با موضوع مساله تحقیق حاضر یعنی مساله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال در ادبیات وجود داشت (مقاله چراغعلی پور و همکاران در سال ۲۰۱۸). مورد دوم که همان تخفیف حجمی ادبیات است در نظر گرفته شد و مطالعه موردی هم روی تامین‌کنندگانی که چندین قطعه (چندین نوع لوله ترمز) داشتند انجام گرفت که در نظر گرفتن این نوع تخفیف برایشان منطقی است.

این اطلاعات طی ده تماس تلفنی و دو جلسه حضوری که مجموعاً دو ساعت زمان برد از کارشناس مربوطه گرفته شد و بعد از آن اطلاعات ورودی مربوط به انجام مطالعه موردی از شرکت گرفته شد و نتایج و خروجی‌های اجرای مدل در برنامه گمز به صورت جدول‌ها و نمودارهایی در بخش‌های بعدی قرار گرفت. (روش میدانی)

۴. مدل‌سازی ریاضی مسئله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش در شرکت ساپکو با مراجعه به پیشینه تحقیق، مستندات سازمانی و نظر خبرگان؛

۵. تعیین سناریوها و پارامترهای مدل ریاضی با رجوع به مستندات سازمانی حل مدل ریاضی با برنامه گمز؛

۶. بررسی اعتبار مدل و تحلیل حساسیت؛

۷. ارائه نتایج و پیشنهاد تحقیقات آتی.

۳.۲. مدل کاهش هزینه

در این بخش، مدل‌سازی ریاضی مسئله انتخاب تامین‌کننده و تخصیص سفارش تحت ریسک اختلال، در زنجیره تأمین ایران خودرو ارائه می‌شود. مدل پیشنهادی به لحاظ در نظر گرفتن سناریو برای ریسک‌های اختلال، از نوع برنامه‌ریزی عدد صحیح تصادفی است، که تصمیمات به دو گروه تقسیم می‌شوند. قبل از وقوع اختلال و

بعد از آن مدل ارائه شده نیز تک‌دوره‌ای و چندمحصولی است و هدف آن انتخاب تأمین‌کنندگان مناسب و تخصیص سفارش بین آنها در شرکت مورد مطالعه است، به طوری که کل هزینه‌های مورد انتظار حداقل گردد.

۱.۲.۳. مفروضات مساله

مدل انتخاب تأمین‌کننده (SS) و تخصیص سفارش (OA) ارائه شده در این مطالعه براساس مفروضات زیر است که با مشاوره و تایید شرکت ساپکو که شرکت مورد مطالعه این تحقیق است تنظیم گردیده است:

۱. چندین قطعه با تقاضاهای مستقل و قطعی وجود دارد؛

۲. قیمت خرید ثابت نیست و تخفیف حجم تجارت در نظر گرفته شده است. به این معنا که بر طبق ارزش کل خرید تخفیف‌های متفاوتی در نظر گرفته می‌شود. در مقاله باهنر و همکاران در سال ۲۰۱۶ این نوع تخفیف فقط یک حالت که شکست تمامی تأمین‌کنندگان به صورت کامل است در نظر گرفته شده است و در واقع ریسک اختلال به صورت دقیق که می‌تواند حالات مختلفی داشته باشد بررسی نشده است بنابراین، در این کار سعی شده است که این نوع تخفیف با در نظر گرفتن ریسک اختلال در مساله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سفارش مدل‌سازی شود و برای انجام این کار تایید شرکت ساپکو مبنی بر وجود این تخفیف گرفته شده است. لازم به ذکر است که تخفیف فقط به‌ارای میزان خرید در شرایط نرمال ارائه می‌شود و به‌ارای مقادیر خرید اضافه از تأمین‌کنندگان مختل نشده اعم از اصلی یا پشتیبان در شرایط اختلال تخفیفی پیشنهاد نمی‌گردد؛

۳. زمان تحویل نوسان ندارد؛

۴. نرخ تقاضا شناخته شده و ثابت است؛

۵. اختلالات تأمین‌کننده تصادفی و مستقل است؛

۶. انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص کمیّت سفارش در یک افق برنامه‌ریزی میان‌مدت در نظر گرفته شده است؛

۷. سیاست‌های حفاظتی در نظر گرفته شده سیاست تأمین‌کننده پشتیبان (با این تفاوت نسبت به ادبیات که شرط تأمین‌کننده پشتیبان، سفارش حداقلی در شرایط نرمال باشد)، کمک گرفتن از تأمین‌کنندگان مختل نشده‌ای است که جز تأمین‌کنندگان اصلی‌اند و ذخیره اطمینان در شرایط نرمال (به این معنا که میزان خرید در شرایط نرمال لزوماً برابر با تقاضا نیست و می‌توان مقادیری را خرید و در شرایط اختلال به‌کار برد) است. تأمین‌کنندگان اصلی مختل شده ممکن است مقداری کوچکتر یا مساوی مقادیر خرید در شرایط نرمال را بر طبق میزان ظرفیت در دسترسشان تحویل دهند ولی تأمین‌کنندگان پشتیبان مختل شده در صورت اختلال هیچ مقداری را تحویل نمی‌دهند.

۸. فرض بر این است که میزان تولید تأمین‌کنندگان منطبق بر میزان خرید از آنها باشد؛

۹. کمبود فقط در شرایط اختلال مجاز در نظر گرفته شده است؛

۱۰. زنجیره تأمین، متمرکز در نظر گرفته شده است به این معنا که هدف کمینه کردن هزینه‌های تمام اعضای زنجیره است که در مساله ماف شامل یک تولیدکننده و تأمین‌کنندگان می‌باشد.

• مجموعه‌ها

i : مجموعه تأمین‌کنندگان؛

j : مجموعه محصولات؛

S : مجموعه سناریوها؛

b : سطوح تخفیف حجم تجارت؛

I_s : مجموعه‌ای از تأمین‌کنندگان که در سناریوی s مختل نشدند.

• پارامترها (ورودی‌های مساله)

v_i : هزینه ثابت قرارداد با تأمین‌کننده i به‌عنوان تأمین‌کننده اصلی؛

v_i^b : هزینه ثابت قرارداد با تأمین‌کننده i به‌عنوان تأمین‌کننده پشتیبان؛

a_{ij} : هزینه تولید محصول j برای تأمین‌کننده اصلی i در گام پیش‌اختلال؛

a_{ij}^b : هزینه تولید محصول j برای تأمین‌کننده پشتیبان i در گام پیش‌اختلال؛

a_{ij}^l : هزینه تولید محصول j برای تأمین‌کننده اصلی آسیب‌ندیده i در گام پس‌اختلال؛

a_{ij}^u : هزینه تولید محصول j برای تأمین‌کننده پشتیبان i در گام پس‌اختلال؛

D_j : تقاضای محصول j ؛

c_{ij} : قیمت واحد خرید محصول j از تأمین‌کننده اصلی i در گام پیش‌اختلال؛

c_{ij}^b : قیمت واحد خرید محصول j از تأمین‌کننده پشتیبان i در گام پیش‌اختلال؛

c_{ij}^l : قیمت واحد خرید محصول j از تأمین‌کننده اصلی آسیب‌ندیده i در گام پس‌اختلال؛

پس‌اختلال؛

c_{ij}^u : قیمت واحد خرید محصول j از تأمین‌کننده پشتیبان i در گام پس‌اختلال؛

P_i : احتمال اختلال تأمین‌کننده i ؛

P_s : احتمال اختلال سناریوی s ؛

T_{ij} : هزینه واحد حمل محصول j از تأمین‌کننده اصلی i در گام پیش‌اختلال؛

T_{ij}^b : هزینه واحد حمل محصول j از تأمین‌کننده پشتیبان i در گام پیش‌اختلال؛

T_{ij}^l : هزینه واحد حمل محصول j از تأمین‌کننده اصلی آسیب‌ندیده i در گام پس‌اختلال؛

پس‌اختلال؛

T_{ij}^u : هزینه واحد حمل محصول j از تأمین‌کننده پشتیبان i در گام پس‌اختلال؛

cap_i : ظرفیت تأمین‌کننده i ؛

R_{ij} : درصدی از ظرفیت تأمین‌کننده i که به محصول j اختصاص داده شده است؛

b_j : هزینه واحد کمبود محصول j ؛

L_{ij} : هزینه واحد جریمه عدم تأمین محصول j برای تأمین‌کننده i ؛

r_{is} : درصدی از ظرفیت تأمین‌کننده i که در سناریوی S در دسترس باشد؛

n_j : تعداد حداکثر تأمین‌کنندگان اصلی در شرایط نرمال؛

h_j : هزینه واحد نگهداری محصول j ؛

e_j : ظرفیت انبار برای محصول j ؛

q_{ij}^{min} : حداقل مقدار خرید محصول j از تأمین‌کننده i ؛

Q_{ib} : حجم شکست قیمت در تأمین‌کننده i برای سطح تخفیف حجم تجارت b ؛

d_{ib} : تخفیف حجم تجارت نسبی در حجم شکست Q_{ib} .

• روابط منطقی

$$c_{ij} < c_{ij}^b \leq c_{ij}^l < c_{ij}^u$$

$$a_{ij} < a_{ij}^b \leq a_{ij}^l < a_{ij}^u$$

$$T_{ij} < T_{ij}^b \leq T_{ij}^l < T_{ij}^u$$

$$v_i < v_i^b$$

• متغیرهای تصمیم (خروجی‌های مساله)

z_i : متغیر باینری (۱: اگر سفارش برای تأمین‌کننده اصلی i قرار داده شود، ۰: در غیر این صورت)؛

حمل خریدار برای خرید حداقل مقدار از تامین‌کنندگان پشتیبان در صورت انتخاب آنها است (بر طبق گفته ساپکو هیچ تامین‌کننده‌ای نمی‌پذیرد که قرارداد ببندد و تنها در شرایط اختلال نقش تامین کننده پشتیبان را بپذیرد و در صورتی می‌پذیرد که حداقل مقدار خواسته شده توسط تامین‌کننده در شرایط نرمال پذیرفته شود). عبارت $\sum_j s_j h_j$ هزینه نگهداری مقدار ذخیره اطمینان (مقدار خرید بیشتر از تقاضا) در شرایط نرمال را محاسبه می‌کند.

ادامه تابع هزینه، مشخص‌کننده هزینه‌ها در شرایط اختلال است که تحت سناریوهای مختلف بررسی می‌شود. عبارت $\sum_{i \in I_s} \sum_j (c_{ij}^b + a_{ij}^b + T_{ij}^b) y_{ijs}$ به ترتیب هزینه‌های خرید (برطبق گفته ساپکو، پیشنهادات مربوط به تخفیف فقط در شرایط نرمال توسط تامین‌کنندگان ارائه می‌گردد)، هزینه تولید تامین‌کنندگان پشتیبان و هزینه حمل خریدار برای مقادیر خرید اضافه از تامین‌کنندگان پشتیبان مختل نشده را مشخص می‌کند. همین‌طور عبارت $\sum_{i \in I_s} \sum_j (c_{ij}^b + a_{ij}^b + T_{ij}^b) z_{ijs}$ به ترتیب هزینه‌های خرید، هزینه تولید تامین‌کنندگان اصلی و هزینه حمل خریدار برای مقادیر خرید اضافه از تامین‌کنندگان اصلی مختل نشده را مشخص می‌کند. عبارت $\sum_{i \notin I_s} \sum_j (a_{ij} + T_{ij})(x_{ij} - x_{ijs})$ مختل شده است که مقادیر خرید تعیین شده در شرایط نرمال را تامین نمی‌کند. همین‌طور $\sum_{i \notin I_s} \sum_j ((a_{ij}^b + c_{ij}^b + T_{ij}^b) q_{ij}^{\min} z'_{ij})$ کاهش هزینه تامین‌کنندگان پشتیبان مختل شده برای حداقل مقدار تعیین شده است. عبارت $(1 - d_{ib}) \sum_{i \notin I_s} \sum_j (c_{ij}(x_{ijb} - x_{ijbs}))$ (همین‌طور d_{ib}) مشخص‌کننده کاهش هزینه خرید از تامین‌کنندگان اصلی مختل شده با در نظر گرفتن شرایط تخفیف حجمی از قبل تعیین شده (در شرایط نرمال) است. عبارت $\sum_j b_j B_{js}$ مشخص‌کننده هزینه کمبود در شرایط اختلال است. در واقعیت محاسبه هزینه کمبود بسیار پیچیده است زیرا در شرایط مختلف می‌تواند اثرات مختلف و در نتیجه هزینه‌های مختلفی داشته باشد. به این معنا که گاهی می‌تواند باعث تولید از دست رفته گردد و گاهی فقط خط تولید را برای زمانی متوقف می‌کند که هر کدام این‌ها هزینه‌های مختلفی دارند. ضمن این‌که نمی‌توان رابطه مشخصی بین زمان توقف خط یا میزان تولید از دست رفته به‌ازای مقدار کمبود ایجاد شده در شرایط اختلال در نظر گرفت. لذا در این مدل به‌حالتی که در مدل‌های پایه موجودی ارائه می‌گردد یعنی در نظر گرفتن هزینه کمبود به‌صورت هزینه واحد کمبود در میزان کمبود ایجاد شده در شرایط اختلال اکتفا شده است. در نهایت، عبارت $\sum_{i \notin I_s} \sum_j L_{ij}(x_{ij} - x_{ijs} + q_{ij}^{\min} z'_{ij})$ مشخص‌کننده هزینه جریمه تامین‌کنندگان است که برای تامین‌کنندگان اصلی به‌ازای اختلاف مقادیر خرید در شرایط نرمال و اختلال و برای تامین‌کنندگان پشتیبان به‌ازای حداقل مقادیر خریدشان است.

از دیگر هزینه‌های تامین‌کنندگان هزینه مربوط به مواد یا قطعات اولیه است ولی از آنجایی که اساس مدل ما لحاظ اختلال تامین‌کنندگان و ریسک حاصل از آن است زمانی این اختلال در هزینه قطعات اولیه آن موثر است که منتج از تامین‌کنندگان آن باشد که در مدل ما که دیدگاه متمرکز دارد به‌معنای اضافه شدن یک لایه یعنی تامین‌کنندگان تامین‌کننده است و مدل را بسیار پیچیده می‌کند بنابراین، اختلال مواد یا قطعات اولیه تامین‌کننده در نظر گرفته نشد و در نتیجه لحاظ کردن این هزینه هم غیرمنطقی می‌شد. همچنین از آنجایی که ممکن است شرایط و سیاست‌های در نظر گرفته شده برای تمام قطعات مورد نیاز ایران خودرو یا هر تولیدکننده صدق نکند درآمد اعضای زنجیره تامین هم لحاظ نشده و به حداقل‌سازی هزینه‌های آنها اکتفا شده است.

z_{ij} : متغیر باینری (۱: اگر سفارش برای محصول j تامین‌کننده اصلی i قرارداد شده ۰: در غیر این صورت)؛
 z'_i : متغیر باینری (۱: اگر سفارش برای تامین‌کننده پشتیبان i قرارداد شده ۰: در غیر این صورت)؛
 z'_{ij} : متغیر باینری (۱: اگر سفارش برای محصول j تامین‌کننده پشتیبان i قرار داده شود ۰: در غیر این صورت)؛
 w_{ib} : متغیر باینری (۱: اگر سطح حجم تجارت b برای تامین‌کننده i انتخاب شود ۰: در غیر این صورت)؛
 w_{ibs} : متغیر باینری (۱: اگر سطح حجم تجارت b برای تامین‌کننده آسیب‌دیده i در سناریوی s انتخاب شود ۰: در غیر این صورت)؛
 X_{ij} : مقدار محصول خریداری شده از تامین‌کننده اصلی i در گام پیش‌اختلال؛
 X_{ijb} : مقدار محصول خریداری شده از تامین‌کننده اصلی i در گام پیش‌اختلال در سطح تخفیف b ؛
 X_{ijs} : مقدار محصول خریداری شده از تامین‌کننده اصلی آسیب دیده i تحت سناریوی s ؛
 X_{ijbs} : مقدار محصول خریداری شده از تامین‌کننده اصلی آسیب‌دیده i در گام پیش‌اختلال در سطح تخفیف b ؛
 y_{ijs} : مقدار محصول خریداری شده از تامین‌کننده پشتیبان i تحت سناریوی s ؛
 z_{ijs} : مقدار اضافی محصول خریداری شده از تامین‌کننده اصلی آسیب ندیده i شده برای حداقل مقدار تعیین شده است. عبارت $(1 - d_{ib}) \sum_{i \notin I_s} \sum_j (c_{ij}(x_{ijb} - x_{ijbs}))$ (همین‌طور d_{ib}) مشخص‌کننده کاهش هزینه خرید از تامین‌کنندگان اصلی مختل شده با در نظر گرفتن شرایط تخفیف حجمی از قبل تعیین شده (در شرایط نرمال) است. عبارت $\sum_j b_j B_{js}$ مشخص‌کننده هزینه کمبود در شرایط اختلال است. در واقعیت محاسبه هزینه کمبود بسیار پیچیده است زیرا در شرایط مختلف می‌تواند اثرات مختلف و در نتیجه هزینه‌های مختلفی داشته باشد. به این معنا که گاهی می‌تواند باعث تولید از دست رفته گردد و گاهی فقط خط تولید را برای زمانی متوقف می‌کند که هر کدام این‌ها هزینه‌های مختلفی دارند. ضمن این‌که نمی‌توان رابطه مشخصی بین زمان توقف خط یا میزان تولید از دست رفته به‌ازای مقدار کمبود ایجاد شده در شرایط اختلال در نظر گرفت. لذا در این مدل به‌حالتی که در مدل‌های پایه موجودی ارائه می‌گردد یعنی در نظر گرفتن هزینه کمبود به‌صورت هزینه واحد کمبود در میزان کمبود ایجاد شده در شرایط اختلال اکتفا شده است. در نهایت، عبارت $\sum_{i \notin I_s} \sum_j L_{ij}(x_{ij} - x_{ijs} + q_{ij}^{\min} z'_{ij})$ مشخص‌کننده هزینه جریمه تامین‌کنندگان است که برای تامین‌کنندگان اصلی به‌ازای اختلاف مقادیر خرید در شرایط نرمال و اختلال و برای تامین‌کنندگان پشتیبان به‌ازای حداقل مقادیر خریدشان است.

Model SS&OA :

Min

$$\begin{aligned} & \sum_i (v_i z_i + v'_i z'_i) + \sum_i \sum_j (x_{ij}(a_{ij} + T_{ij})) + \\ & \sum_i \sum_j \sum_b (c_{ij} x_{ijb} (1 - d_{ib})) + \\ & \sum_i \sum_j ((a_{ij}^b + c_{ij}^b + T_{ij}^b) q_{ij}^{\min} z'_{ij}) + \sum_j s_j h_j + \\ & \sum_s p_s [\sum_{i \in I_s} \sum_j (c_{ij}^b + a_{ij}^b + T_{ij}^b) y_{ijs} + \\ & \sum_{i \in I_s} \sum_j (c_{ij}^b + a_{ij}^b + T_{ij}^b) z_{ijs} - \\ & \sum_{i \notin I_s} \sum_j (a_{ij} + T_{ij})(x_{ij} - x_{ijs}) \\ & - \sum_{i \notin I_s} \sum_j ((a_{ij}^b + c_{ij}^b + T_{ij}^b) q_{ij}^{\min} z'_{ij}) - \\ & \sum_{i \notin I_s} \sum_j \sum_b (c_{ij}(x_{ijb} - x_{ijbs})(1 - d_{ib})) + \sum_j b_j B_{js} + \\ & \sum_{i \notin I_s} \sum_j L_{ij}(x_{ij} - x_{ijs} + q_{ij}^{\min} z'_{ij})] \end{aligned} \quad (1)$$

$\sum_i (v_i z_i + v'_i z'_i)$ در تابع هدف به ترتیب جهت محاسبه هزینه ثابت قرارداد تامین‌کنندگان اصلی و پشتیبان است. عبارت $\sum_i \sum_j (x_{ij}(a_{ij} + T_{ij}))$ به ترتیب هزینه‌های تولید تامین‌کنندگان اصلی و هزینه حمل خریدار برای مقادیر خرید در شرایط نرمال است. عبارت $\sum_i \sum_j \sum_b (c_{ij} x_{ijb} (1 - d_{ib}))$ مشخص‌کننده هزینه خرید با در نظر گرفتن تخفیف حجم تجارت است. عبارت $\sum_i \sum_j ((a_{ij}^b + c_{ij}^b + T_{ij}^b) q_{ij}^{\min} z'_{ij})$ به ترتیب هزینه‌های تولید تامین‌کنندگان، هزینه خرید و

مساوی میزان تقاضا باشد (کمبود در شرایط اختلال مجاز در نظر گرفته شده است) محدودیت ۳ تضمین‌کننده تقاضای تولیدکننده برای هر مورد در مرحله قبل از اختلال است. کمبود در شرایط نرمال مجاز نیست و ذخیره اطمینان در شرایط نرمال مجاز در نظر گرفته شده است.

محدودیت ۴ تضمین می‌کند که کل مقدار سفارش داده شده به هر تامین‌کننده مختل نشده، از ظرفیت تامین‌کننده تجاوز نمی‌کند.

محدودیت ۵ مقدار خرید از تامین‌کننده اصلی مختل شده را به ظرفیت تولید در دسترس تامین‌کننده پس از اختلال محدود می‌کند؛

محدودیت ۶ نشان می‌دهد که تولیدکننده مقادیر سفارش داده شده در شرایط عادی را از تامین‌کنندگان مختل نشده در هر سناریوی اختلال دریافت می‌کند.

محدودیت ۷ تضمین می‌کند که مقدار هر محصول ارسالی از یک تامین‌کننده مختل از کالاهای خریداری شده از تامین‌کننده در شرایط عادی فراتر نرود.

محدودیت ۸ و ۹ به ترتیب تضمین می‌کنند که در صورت عدم عقد قرارداد با تامین‌کننده به عنوان تامین‌کننده اصلی، مقدار هر کالای خریداری شده از تامین‌کننده اصلی مختل نشده و مختل برابر با صفر خواهد بود.

محدودیت ۱۰ تضمین می‌کند که مقدار اقلام ارسال شده از هر تامین‌کننده مختل تحت هر سناریوی باید بیشتر یا برابر اقلام خریداری شده از تامین‌کننده در شرایط عادی ضرب در درصد ظرفیت تامین‌کننده باقیمانده پس از اختلال است.

محدودیت ۱۱ تضمین می‌کند که در صورت عدم تنظیم قرارداد با تامین‌کننده به عنوان تامین‌کننده پشتیبان، مبلغ خرید از آن تامین‌کننده (به عنوان تامین‌کننده پشتیبان) صفر است.

محدودیت ۱۲ تضمین می‌کند که در صورت انتخاب هر تامین‌کننده به میزان حداقل مقدار تعیین شده خریداری شود.

محدودیت ۱۳ میزان کمبود هر محصول تحت هر سناریو را محاسبه می‌کند.

محدودیت ۱۴ میزان ذخیره اطمینان در شرایط نرمال را نشان می‌دهد.

محدودیت ۱۵ تضمین می‌کند که میزان ذخیره اطمینان از فضای انبارش بیشتر نباشد.

محدودیت ۱۶ تضمین می‌کند که تامین‌کنندگان مختل هر سناریو نمی‌توانند به عنوان تامین‌کننده پشتیبان آن سناریو استفاده شوند.

محدودیت ۱۷ بیانگر این واقعیت است که تامین‌کننده اصلی مختل نشده، زمانی سفارش جهت مقدار اضافه محصول را می‌پذیرد که سفارش در شرایط نرمال انجام گرفته باشد.

محدودیت ۱۸ بیان می‌کند که کل تعداد تامین‌کنندگان اصلی در وضعیت عادی مطابق با اصول زنجیره تامین ناب نباید از حداکثر تعداد تجاوز کند.

محدودیت ۱۹ و ۲۰ جهت تعیین بازه‌های تخفیف در شرایط نرمال و مختل شده تامین‌کنندگان اصلی است.

محدودیت ۲۱ و ۲۲ تضمین می‌کند که مجموع خرید در سطوح مختلف خرید به‌ازای هر تامین‌کننده و هر محصول برابر با مقدار خرید است.

محدودیت ۲۳ و ۲۴ تضمین می‌کند که زمانی تامین‌کننده (اصلی و پشتیبان) برای محصولی انتخاب می‌شود که تامین‌کننده انتخاب شده باشد.

محدودیت ۲۵ بیان می‌کند که هر تامین‌کننده برای یک کالای خاص فقط می‌تواند یک تامین‌کننده اصلی یا تامین‌کننده پشتیبان باشد.

محدودیت ۲۶ تضمین می‌کند که در صورتی که تامین‌کننده انتخاب شود فقط یک سطح تخفیف حجمی آن انتخاب می‌شود.

سرنجام محدودیت‌های ۲۸ و ۲۹ نوع متغیرهای تصمیم‌گیری را نشان می‌دهد.

Subjectto :

$$\sum_{i \in I_s} (z_{ijs} + y_{ijs} + x_{ij} + q_{ij}^{\min} z'_{ij}) + \sum_{i \notin I_s} x_{ijs} \leq D_j \quad \forall s, j \quad (2)$$

$$\sum_i (x_{ij} + q_{ij}^{\min} z'_{ij}) \geq D_j \quad \forall j \quad (3)$$

$$x_{ij} + z_{ijs} + y_{ijs} + q_{ij}^{\min} z'_{ij} \leq R_{ij} \text{ cap}_i \quad \forall i \in I_s, s, j \quad (4)$$

$$x_{ijs} \leq \text{cap}_i R_{ij} r_{is} \quad \forall i \notin I_s, s, j \quad (5)$$

$$x_{ij} = x_{ijs} \quad \forall i \in I_s, s, j \quad (6)$$

$$x_{ij} \geq x_{ijs} \quad \forall i \notin I_s, s, j \quad (7)$$

$$x_{ij} + z_{ijs} \leq M z_{ij} \quad \forall i \in I_s, s, j \quad (8)$$

$$x_{ijs} \leq M z_{ij} d \quad \forall i \notin I_s, s, j \quad (9)$$

$$x_{ijs} \geq x_{ij} r_{is} d \quad \forall i \notin I_s, s, j \quad (10)$$

$$y_{ijs} \leq M z'_{ij} \quad \forall i \in I_s, s, j \quad (11)$$

$$x_{ij} \geq q_{ij}^{\min} z_{ij} \quad \forall i, j \quad (12)$$

$$B_{js} = D_j - \left(\sum_{i \in I_s} (x_{ij} + z_{ijs} + y_{ijs} + q_{ij}^{\min} z'_{ij}) + \sum_{i \notin I_s} x_{ijs} \right) \quad \forall s, j \quad (13)$$

$$s_j = \left(\sum_i (x_{ij} + q_{ij}^{\min} z'_{ij}) \right) - D_j \quad \forall j \quad (14)$$

$$s_j \leq e_j \quad \forall j \quad (15)$$

$$y_{ijs} = 0 \quad \forall i \notin I_s, s, j \quad (16)$$

$$z_{ijs} \leq M x_{ij} \quad \forall i \in I_s, s, j \quad (17)$$

$$\sum_i z_{ij} \leq n_j \quad \forall j \quad (18)$$

$$Q_{ib} w_{ib} \leq \sum_j c_{ij} x_{ijb} < Q_{i,b+1} w_{ib} \quad \forall i, b \quad (19)$$

$$Q_{ib} w_{ibs} \leq \sum_j c_{ij} x_{ijbs} < Q_{i,b+1} w_{ibs} \quad \forall i \notin I_s, b, s \quad (20)$$

$$\sum_b x_{ijb} = x_{ij} \quad \forall i, j \quad (21)$$

$$\sum_b x_{ijbs} = x_{ijs} \quad \forall i \notin I_s, j, s \quad (22)$$

$$z_{ij} \leq z_i \quad \forall i, j \quad (23)$$

$$z'_{ij} \leq z'_i \quad \forall i, j \quad (24)$$

$$z_{ij} + z'_{ij} \leq 1 \quad \forall i, j \quad (25)$$

$$\sum_b w_{ib} = z_i \quad \forall i \quad (26)$$

$$\sum_b w_{ibs} = z_i \quad \forall i \notin I_s, s \quad (27)$$

$$x_{ij}, x_{ijs}, y_{ijs}, z_{ijs}, x_{ijb}, x_{ijbs} \geq 0 \quad \forall i, j, s \quad (28)$$

$$z_{ij}, z'_{ij}, z_i, z'_i, w_{ib}, w_{ibs} = \{0, 1\} \quad \forall i, j, s \quad (29)$$

محدودیت ۲ بیانگر این است که جمع میزان خرید در شرایط اختلال کوچکتر یا

را در نظر بگیرید. با سطح خطر داده شده $\alpha \in (0, 1)$ از متغیر تصادفی x به صورت زیر داده شده است:

$$VaR_\alpha[\tilde{x}] := \min \{ \eta : \Pr(\tilde{x} \geq \eta) \leq 1 - \alpha \} \quad (31)$$

با توجه به معادله زیر، $CVaR$ در سطح خطر α توسط ت راکافلار و یوراسو در سال ۲۰۰۰ تعریف شده است:

$$CVaR_\alpha[\tilde{x}] = E \{ \tilde{x} | \tilde{x} \geq VaR_\alpha(\tilde{x}) \} \quad (32)$$

آنها ثابت کردند که برای یک مسئله \min سازی، $CVaR$ را می توان به عنوان ارزش هدف مطلوب محاسبه کرد:

$$CVaR_\alpha(\tilde{x}) = \min \left\{ \eta + \frac{1}{1-\alpha} \max(\tilde{x} - \eta, 0) \right\} \quad (33)$$

آنها همچنین ثابت کردند که برای مجموعه ای از سناریوهای از پیش تعریف شده با احتمالات مربوطه، معادله زیر را می توان با معرفی متغیرهای کمکی τ_i ($i = 1, \dots, N$) و برای $\alpha \in (0, 1)$ به یک برنامه نویسی خطی تبدیل کرد:

$$\min \eta + \frac{1}{1-\alpha} \sum_{i=1}^N \rho_i \tau_i \quad (34)$$

$$\text{subject to: } \tau_i \geq L_i - \eta \forall i \quad (35)$$

$$\tau_i \geq 0 \forall i \quad (36)$$

جایی که L_i تحقق ضرر مورد انتظار مربوط به سناریوی i است. η : متغیر تصمیم نشان دهنده مقدار مطلوب؛

τ_i : دنباله ضرر بر سناریوی i (به عنوان مقداری که در سناریوی i از η تجاوز می کند)؛ α : سطح محافظه کاری که تصمیم گیرنده می پذیرد. (با نزدیک شدن به ۱، دامنه قابل قبول بدترین موارد باریک تر می شود).

$ModelSS\&OA_CVaR$:

$$\min \eta + \frac{1}{1-\alpha} \sum_s p_s T_s \quad (37)$$

$$\text{Subject to: } (2 - 29)$$

$$\begin{aligned} T_s &\geq \sum_i (v_i z_i + v'_i z'_i) + \sum_i \sum_j (x_{ij}(a_{ij} + T_{ij})) + \\ &\sum_i \sum_j \sum_b (c_{ij} x_{ijb} (1 - d_{ib})) + \\ &\sum_i \sum_j ((a_{ij}^b + c_{ij}^b + T_{ij}^b) q_{ij}^{\min} z'_{ij}) + \sum_j s_j h_j + \\ &\sum_{i \in I_s} \sum_j (c_{ij}^b + a_{ij}^b + T_{ij}^b) y_{ijs} + \\ &\sum_{i \in I_s} \sum_j (c_{ij}^b + a_{ij}^b + T_{ij}^b) z_{ijs} - \\ &\sum_{i \notin I_s} \sum_j (a_{ij} + T_{ij})(x_{ij} - x_{ijs}) \\ &- \sum_{i \notin I_s} \sum_j ((a_{ij}^b + c_{ij}^b + T_{ij}^b) q_{ij}^{\min} z'_{ij}) - \\ &\sum_{i \notin I_s} \sum_j \sum_b (c_{ij}(x_{ijb} - x_{ijbs})(1 - d_{ib})) + \sum_j b_j B_{js} + \\ &\sum_{i \notin I_s} \sum_j L_{ij}(x_{ij} - x_{ijs} + q_{ij}^{\min} z'_{ij}) - \eta \quad \forall s \end{aligned} \quad (38)$$

$$T_s \geq 0 \forall s \quad (39)$$

اگر M تعداد تامین کنندگان اصلی و B تعداد تامین کنندگان پشتیبان در نظر گرفته شود تعداد سناریوهای احتمال می تواند به صورت محاسبه شود.

احتمال وقوع هر سناریو می تواند به صورت زیر محاسبه شود.

$$p_s = \prod_{i \notin I_s} p_i \prod_{i \in I_s} (1 - p_i) \quad (30)$$

۳.۳. مدل با در نظر گرفتن وضعیت ریسک خریدار

$CVaR$ بر اساس معیار بنام ارزش در معرض ریسک (VaR) ساخته شده است. VaR یک روش محبوب است برای اندازه گیری ریسک در یک نمونه کار. [۱۷] در واقع VaR یک توزیع بیش بینی سود/زیان در افق هدف است که نشان دهنده بیشینه ضرر در افق هدف می باشد [۱۸] و از نظر آماری به معنی یافتن مقدار بحرانی برای سطح اطمینان مورد نظر است. [۱۹] VaR بر تمام نتایج زیر یک سطح خاص تمرکز دارد. از این رو، با توجه به احتمال α ، VaR به این سؤال پاسخ می دهد: «حداکثر تلفات با احتمال $\alpha \times 100\%$ در یک افق هدف چیست؟» با وجود محبوبیت VaR در امور مالی و مدیریت ریسک، این تکنیک دارای چند ویژگی نامطلوب مهم است. آرتسمر و همکاران در سال ۱۹۹۹ خاطرنشان کردند که VaR معیار منسجمی از خطر نیست، زیرا نتوانسته است خاصیت زیرجمع پذیری را نگه دارد. بنابراین، VaR یک نمونه کار می تواند بالاتر از جمع $VaRs$ در ابعاد تکی در نمونه کارها باشد [۱۷] (یعنی $f(x+y) \leq f(x) + f(y)$ جایی که $f(o)$ معیار ریسک است). از همین روی در سال های اخیر، ارزش در معرض ریسک شرطی در جهت تکامل ارزش در معرض ریسک معرفی شده است. [۱۹] علاوه بر این، هنگامی که با استفاده از رویکرد مبتنی بر سناریو محاسبه شود، بهینه سازی VaR دشوار است (راکافلار و یوراسو در سال [۱۷]. ۲۰۰۰). این دلایل باعث شده است که از روش جایگزین ارزش در معرض ریسک شرطی $CVaR$ استفاده شود. ارزش در معرض ریسک شرطی به عنوان یک معیار ریسک منسجم مورد استقبال قرار گرفته است و به عنوان ابزار مفیدی برای اندازه گیری ریسک و مدیریت آن مطرح گردید که آن را با نماد $CVaR$ نمایش می دهند. به عبارت دیگر این معیار، زیان مورد انتظار را برابر و یا بالاتر از ارزش در معرض ریسک، در سطح اطمینان مشخص، برآورد می کند. از این رو این دیدگاه نسبت به معیار ارزش در معرض ریسک محافظه کارانه تر است. [۱۹]

با توجه به مباحث قبل می توان گفت $CVaR$ معیار منسجم تری برای اندازه گیری ریسک است و از خصوصیات بارز آن می توان به موارد زیر اشاره کرد:

۱. $CVaR$ نسبت به آنالیز میانگین - واریانس در مواجهه با توزیع نامتقارن بازدهی سرمایه، بهتر عمل می کند؛
۲. حداقل سازی $CVaR$ معمولاً در نتیجه حل یک مسئله برنامه ریزی همگرا (محدب) مانند مسائل برنامه ریزی خطی است که به تصمیم گیرنده اجازه می دهد به صورت کارا تر و بهتری از عهده یک مسئله با مقیاس بزرگ برآید. [۱۹]

اندازه گیری $CVaR$ باعث به حداقل رساندن VaR می شود زیرا $CVaR$ بیشتر یا مساوی VaR است. (معادله زیر را مشاهده کنید) اندازه گیری $CVaR$ آن دسته از نتایج را در نظر می گیرد که تلفات طی یک دوره زمانی خاص از VaR بیشتر است. به عبارت دیگر به $100(1-\alpha)\%$ از نتایج اجازه داده می شود که از VaR تجاوز کنند و مقدار متوسط این نتایج توسط $CVaR$ نشان داده شده است. به طور کلی، α سطح محافظه کاری را که یک تصمیم گیرنده مایل به اتخاذ آن است نشان می دهد. تعریف رسمی VaR و $CVaR$ در معادله زیر ارائه شده است. به عنوان مثال، یک متغیر تصادفی x که نشان دهنده ضرر ناشی از یک نتیجه است

۴.۳. روش کاهش سناریو

با توجه به رابطه فوق می‌توان دریافت که تعداد سناریوها به خصوص زمانی که تعداد تأمین‌کنندگان پنج به بالا باشد بسیار زیاد می‌شود. در چنین مواردی، باید یک روش کاهش سناریو برای انتخاب محتمل‌ترین سناریوها و کاهش پیچیدگی محاسبات اعمال شود.

در این کار، از نمونه‌گیری ساده با حداکثر احتمال^۳ برای این منظور استفاده شده است که شامل مراحل زیر است:^[۱۰]

گام ۱. (N) : (تعداد سناریوهای مورد نظر) را انتخاب کنید؛

گام ۲. با توجه به تعداد تأمین‌کنندگان واجد شرایط، همه سناریوهای ممکن را ایجاد کنید؛

گام ۳. با توجه به رابطه ذکر شده احتمال هر سناریو را محاسبه کنید؛

گام ۴. گام چهارم: مرتب‌سازی سناریوها بر طبق احتمال آنها؛

گام ۵. N : سناریوی اولی که بیشترین احتمال را دارند انتخاب کنید.

۵.۳. مطالعه موردی

مطالعه موردی انتخاب شده در شرکت ساپکو، شرکت طراحی مهندسی و تأمین قطعات ایران خودرو انجام گرفته‌است و مربوط به تأمین هشت نوع لوله ترمز است. برای این هشت قطعه، پنج تأمین‌کننده با نام‌های پارس نورد، صنایع شریف، آذین تنه، شمیم پژوهش و ایمن صنعت سدید وجود دارد. پارس نورد که واقع در تاجیکستان است تأمین‌کننده پشتیبان و چهار تأمین‌کننده دیگر که واقع در تهران‌اند تأمین‌کنندگان اصلی این قطعات هستند.

در این مطالعه موردی با توجه به اینکه تعداد سناریو ها ۳۱ می‌شود و خیلی زیاد نیست تنها ۶ سناریو که احتمالاتش خیلی کم بود حذف گردید و سایر سناریوها بررسی شد.

تمام خروجی‌های ذکر شده در نمودارهای زیر با استفاده از حل مدل توسط نرم افزار گمز ارائه شده‌اند.

ابتدا تأثیر وضعیت ریسک تصمیم‌گیرنده بر هزینه‌های کل مورد بررسی قرار می‌گیرد. نمودارهای زیر به جهت بررسی این هدف محاسبه و تعبیه شده‌اند. شکل ۲ مشخص‌کننده ارتباط بین وضعیت ریسک تصمیم‌گیرنده و هزینه کل است.

این نمودار تأثیر α افزایش از ۰/۵ تا ۰/۹۵ را بر کل هزینه‌ها یعنی هم هزینه‌های

تأمین‌کنندگان اعم از اصلی یا پشتیبان و هم خریدار را در مدل $cVaR$ نشان می‌دهد که همان‌طور که مشخص است روند کاملاً صعودی است.

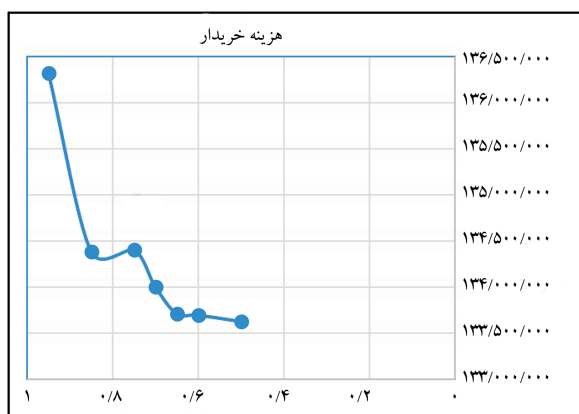
شکل ۳ نمودار دیگری است که تأثیر وضعیت ریسک بر هزینه خریدار را بررسی می‌کند:

همان‌طور که گفته شد نمودار فوق مشخص‌کننده تأثیر افزایش α از ۰/۵ تا ۰/۹۵ بر هزینه خریدار را مشخص می‌کند که همان‌طور که می‌بینید به صورت کلی روند صعودی با نوسانات جزئی دارند.

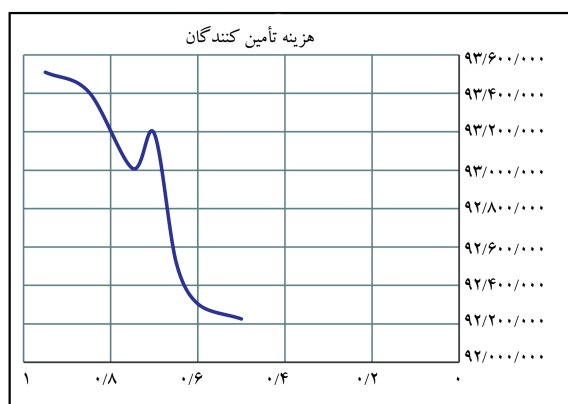
شکل ۴ به همان ترتیب تأثیر وضعیت ریسک را بر هزینه تأمین‌کنندگان را مشخص می‌کند که روندی مشابه هزینه خریدار دارد:

برای بررسی علت این تغییرات، تأثیر وضعیت ریسک تصمیم‌گیرنده بر سایر متغیرهای مسئله مورد بررسی قرار می‌گیرد.

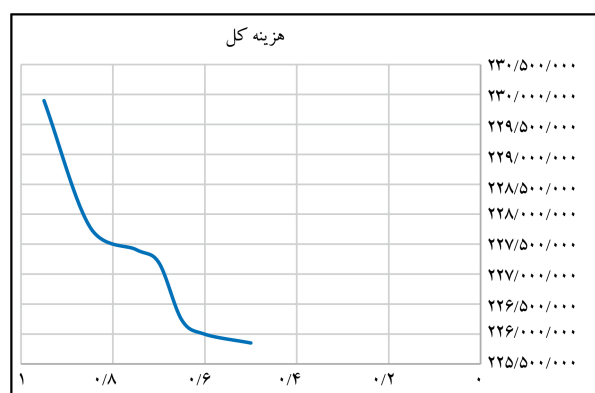
در این مطالعه موردی، وضعیت ریسک روی انتخاب تأمین‌کنندگان تأثیری نداشته و در همه موارد به این صورت بود که تأمین‌کنندگان اصلی برای تمام قطعات و تأمین‌کننده پشتیبان برای دو قطعه برگزیده شده بود. هم‌چنین از نظر انتخاب سطح تخفیف نیز در همه موارد مشابه بود. علت این اتفاق این است که احتمال اختلال تأمین‌کنندگان و درصد افزایش هزینه آنها در شرایط اختلال که توسط شرکت ساپکو در اختیار قرار داده شده بسیار پایین بوده نتیجه به این صورت بود که در هیچ مورد، مدل به سمت ذخیره اطمینان نرفت. زیرا در تمام موارد هزینه نگهداری از افزایش هزینه‌ها در شرایط اختلال بالاتر بوده است و همواره خرید اضافه در شرایط اختلال به صرفه‌تر شده است. پس مقدار خرید از تأمین‌کنندگان



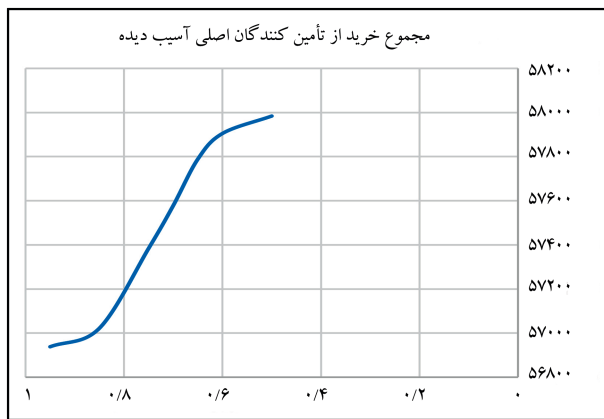
شکل ۳. شرح ارتباط بین وضعیت ریسک و هزینه خریدار.



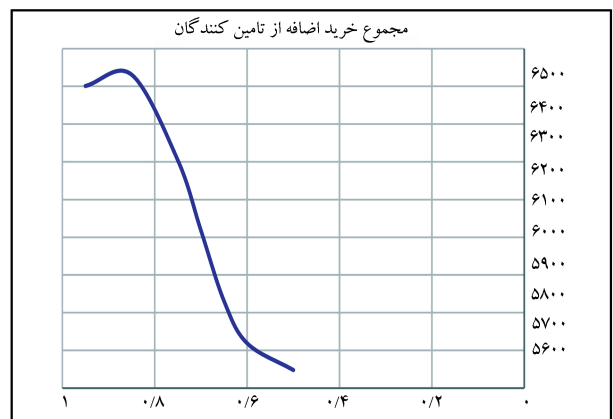
شکل ۴. شرح ارتباط بین وضعیت ریسک و هزینه تأمین‌کنندگان.



شکل ۲. شرح ارتباط بین وضعیت ریسک و هزینه کل.



شکل ۷. ارتباط وضعیت ریسک با مجموع خرید اضافه از تأمین کنندگان اصلی آسیب دیده.



شکل ۵. ارتباط وضعیت ریسک با مجموع خرید اضافه از تأمین کنندگان اصلی.

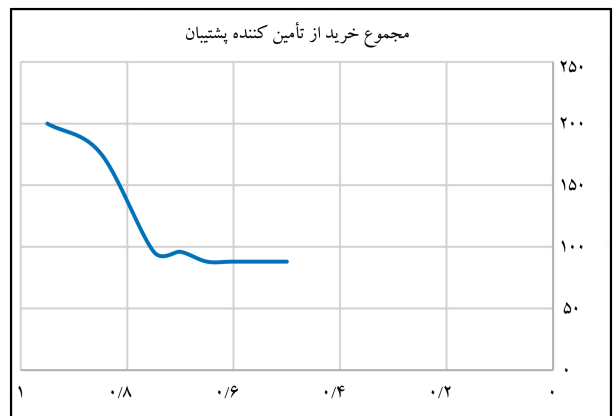
می‌یابد با این وجود، در نهایت، با کاهش پذیرش ریسک هزینه کل زنجیره تأمین افزایش پیدا می‌کند.

۴. نتیجه‌گیری

با توجه به اهمیت موضوع انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سفارش به علت تأثیر زیاد هزینه خرید مواد اولیه بر هزینه کل محصول این موضوع انتخاب شده است. هم چنین به-علت تأثیر بسیار ریسک‌های اختلال بر روی صنایع حتی قدرتمند مانند اپل^۴ نیاز به انعطاف زنجیره تأمین و در نظر گرفتن اختلال و عدم قطعیت بر کسی پوشیده نیست. لذا، در این تحقیق سعی شده در جهت تکمیل تر شدن ادبیات این موضوع یعنی انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سفارش با در نظر گرفتن ریسک اختلال کار شود و لذا تخفیف حجم تجارت که در این مساله بررسی نشده بود در نظر گرفته شد و به جهت افزایش انعطاف‌پذیری سیاست‌های حفاظتی تأمین پشتیبان و کمک گرفتن از تأمین‌کنندگان اصلی مختل نشده و همین‌طور ذخیره اطمینان در نظر گرفته شد و تصمیم بر آن شد که این مساله را در یک زنجیره متمرکز دو سطحی شامل تأمین‌کنندگان و تولیدکننده که هزینه خریدار و تأمین‌کنندگان را کمیته سازد در نظر گرفته‌شود و تأثیر وضعیت ریسک تصمیم‌گیرنده در این مسئله مورد بررسی قرار داده شود.

نوآوری اصلی این کار لحاظ هم‌زمان تخفیف حجمی و ریسک اختلال در یک مدل انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سفارش است. همین‌طور تا حد امکان سعی شده که مفروضات در نظر گرفته شده با شرکت مورد مطالعه، منطبق باشد ضمن این‌که مواردی که در ادبیات با شرایط شرکت ساپکو مطابقت نداشت نیز اصلاح گردید.

نتیجه حاصل شده از این تحقیق به این صورت بود که وضعیت ریسک روی متغیرهای تصمیم مربوط به انتخاب تأمین‌کنندگان تأثیری نداشت. همچنین، از نظر انتخاب سطح تخفیف نیز در همه موارد مشابه بود. علت این اتفاق را می‌توان این‌گونه توجیه کرد که چون احتمال اختلال تأمین‌کنندگان و همین‌طور درصد افزایش هزینه آنها در شرایط اختلال که توسط شرکت ساپکو در اختیار قرار داده شده بسیار پایین بوده نتیجه به این صورت بود که در هیچ مورد، مدل به سمت ذخیره اطمینان نرفت. پس مقادیر خرید از تأمین‌کنندگان در شرایط نرمال نیز در تمام حالات ثابت مانده و انتخاب سطح تخفیف هم نتایج مشابه به هم داشتند ولی مقادیر خرید اضافه از تأمین‌کنندگان در شرایط اختلال اعم از اصلی یا پشتیبان با افزایش α افزایش می‌یابد.



شکل ۶. ارتباط وضعیت ریسک با مجموع خرید اضافه از تأمین‌کنندگان پشتیبان.

در شرایط نرمال نیز در تمام حالات ثابت مانده لذا، انتخاب سطح تخفیف که بر طبق مطالعه موردی فقط برای شرایط نرمال در نظر گرفته شده بود هم، نتایج مشابه به هم داشتند و در همه موارد برای سه تأمین‌کننده اول سطح یک تخفیف و برای تأمین‌کننده چهارم سطح دو برگزیده شده است ولی مقادیر خرید اضافه از تأمین‌کنندگان در شرایط اختلال اعم از اصلی یا پشتیبان با افزایش α افزایش می‌یابد.

شکل ۵ و ۶ به ترتیب روند صعودی مجموع خرید از تأمین‌کنندگان اصلی و پشتیبان را مشخص می‌کند:

و همین‌طور تأثیر دیگر وضعیت ریسک بر متغیرها، روی مقدار خرید از تأمین‌کنندگان آسیب‌دیده است که روند نزولی دارد و در شکل ۷ قابل مشاهده است: با توجه به موارد گفته شده می‌توان دریافت با افزایش α که در واقع به معنای کاهش پذیرش ریسک توسط تصمیم‌گیرنده یا افزایش حساسیت نسبت به ریسک است موجب افزایش هزینه کل می‌شود همین‌طور هزینه تأمین‌کنندگان و هزینه خریدار هر دو دارای روند صعودی با نوسانات جزئی است یعنی رابطه مستقیم افزایش حساسیت به ریسک به افزایش کلیه هزینه‌ها. همین‌طور از آنجایی که تصمیم‌گیرنده در واقع نسبت به ریسک و مواجهه با کمبود حساس تر می‌شود میل تصمیم‌گیرنده به استفاده از سیاست‌های حفاظتی بیشتر می‌شود که تصمیم‌گیرنده بر طبق بهینگی از این سیاست‌ها استفاده می‌کند بنابراین، همان‌طور که در شکل‌های ۴ و ۵ قابل مشاهده است مجموع خرید از تأمین‌کننده اصلی آسیب‌دیده و تأمین‌کننده پشتیبان افزایش و مجموع خرید از تأمین‌کنندگان اصلی آسیب‌دیده (مشاهده شده در شکل ۷) کاهش

نظیر تقاضا که در واقعیت غیر قطعی اند، تک معیاره (در نظر گرفتن معیار هزینه) و تک دوره‌ای بودن است.

با توجه به موارد ذکر شده، برای تحقیقات آینده در نظر گرفتن عدم قطعیت پارامترهایی نظیر تقاضا پیشنهاد می‌شود. به-علاوه با توجه به این که امکان انجام مدل به صورت چند معیاره در یک مدل $C - VaR$ وجود نداشت و هدف اصلی این کار بررسی وضعیت ریسک تصمیم‌گیرنده بود لحاظ معیارهای مهم مانند پایداری بر پایه مدل اولیه این کار می‌تواند در نظر گرفته شود. همین‌طور به جهت بررسی دقیق‌تر مسائل کنترل موجودی و انبارداری، توسعه مدل با در نظر گرفتن مدل به صورت چند دوره‌ای نیز پیشنهاد می‌گردد.

همچنین با افزایش α میل تصمیم‌گیرنده به استفاده از سیاست‌های حفاظتی بیشتر می‌شود که بر طبق بهینگی از این سیاست‌ها استفاده می‌کند با این وجود نهایتاً با کاهش پذیرش ریسک هزینه‌های کل زنجیره تامین به صورت کامل و هزینه اعضای زنجیره تامین به صورت کلی افزایش می‌یابد و عملاً حساسیت نسبت به ریسک توصیه نمی‌شود.

از محدودیت‌های انجام این تحقیق می‌توان همکاری کم صنعت با موضوع به‌ویژه در زمان شیوع کرونا و همین‌طور زمان‌های اوج کرونا و نیز محدود بودن زمان لازم جهت تحقیقات گسترده تر را برشمرد.

لذا، تحقیق حاضر شامل محدودیت‌هایی نظیر قطعی در نظر گرفتن پارامترهایی

پانویس‌ها

1. Lead Time
2. Gams
3. Maximum Likelihood Sampling (MLS)
4. Apple

منابع (References)

1. Beil, D.R., 2010. *Supplier Selection*. Wiley Encyclopedia of operations Research and management science. <https://doi.org/10.1002/9780470400531.eorms0852>.
2. Burton, T.T., 1988. JIT/repetitive sourcing strategies : 'Tying the Knot' with Y. *Production and Inventory Management Journal*, 29(38), <https://www.proquest.com/scholarly-journals/jit-repetitive-sourcing-strategies-tying-knot/docview/199938402/se-2>.
3. Hajian Heidary, M. and Aghaie, A., 2019. Risk averse sourcing in a stochastic supply chain: A simulation-optimization approach. *Computers & Industrial Engineering*. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2019.02.023>.
4. Rajagopal, V., Prasanna Venkatesan, S. and Goh, M., 2017. Decision-making models for supply chain risk mitigation: A review. *Computers & Industrial Engineering*. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2017.09.043>.
5. Yao, Z., Xu, X. and Luan, J., 2017. Impact of the downside risk of retailer on the supply chain coordination. *Computers & Industrial Engineering*. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2016.07.009>.
6. Prasanna Venkatesan, S. and Goh, M., 2016. Multi-objective supplier selection and order allocation under disruption risk. *Transportation Research Part E*. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2019.03.018>.
7. Hosseini, S.M., Morshedlou, N., Ivanov, D., Sarder, M.D., Barker, K. and Al Khaled, A., 2019. Resilient supplier selection and optimal order allocation under disruption risks. *International Journal of Production Economics*. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2019.03.018>.
8. Mokhtar, S., Bahria, P., Moayer, S. and James, A., 2019. Supplier portfolio selection based on the monitoring of supply risk indicators. *Simulation Modelling Practice and Theory*. <https://doi.org/10.1016/j.simpat.2019.101955>.
9. Kaur, H. and Prakash Singh, S., 2020. Multi-stage hybrid model for supplier selection and order allocation considering disruption risks and disruptive technologies. *International Journal of Production Economics*. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2020.107830>.
10. Esmaili-Najafabadi, E. and Fallah Nezhad, M.S., Pourmohammadi, H., Honarvar, M. and Vahdatzad, M.A., 2018. A Joint Supplier Selection and Order Allocation Model with Disruption Risks in Centralized Supply Chain. *Computers & Industrial Engineering*. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2018.11.017>.
11. Torabi, A., Baghersad, M., Mansouri, A., 2015. *Resilient supplier Selection and Order Allocation Under Operational and Disruption Risks*. *Transportation Research Part E*. <https://doi.org/10.1016/j.tre.2015.03.005>.
12. Vahidi, F., Torabi, A. and Ramezankhani, M.J., 2018. Sustainable supplier selection and order allocation under operational and disruption risks. *Journal of Cleaner Production*. <https://doi.org/10.1016/j.jclepro.2017.11.012>.
13. Li, X., Ventura, J., Venegas, B., Jin Kweon, S. and Wook Hwang, S., 2018. An integrated acquisition policy for supplier selection and lot sizing considering total quantity discounts and a quality constraint. *Transportation Research Part E*. <https://doi.org/10.1016/j.tre.2018.09.003>.
14. Manerba, D., Mansini, R. and Perboli, G., 2018. The capacitated supplier selection problem with total quantity discount policy and activation costs under uncertainty. *International Journal of Production Economics*. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2018.01.035>.
15. Bektur, G., 2020. An integrated methodology for the selection of sustainable suppliers and order allocation problem with quantity discounts, lost sales and varying supplier availabilities. *Sustainable Production and Consumption*. <https://doi.org/10.1016/j.spc.2020.05.006>.

16. Cheraghalipour, A. and Farsad, S., 2018. A bi-objective sustainable supplier selection and order allocation considering quantity discounts under disruption risks: A case study in plastic industry. *Computers & Industrial Engineering*. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2018.02.041>Hajian.
17. Bohner, C. and Minner, S., 2016. Supplier selection under failure risk, quantity and business Volume Discounts. *Computers & Industrial Engineering*. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2016.11.028>.
18. Taheri, M. and Javid, Y., 2021. Risk based modeling for evaluation of insurance companies' investment in public-private partnership in road construction. *Sharif Journal*, September 2021, Pages 83-92. [in persian]. 10.24200/J65.2021.55187.2090.
19. Hasani Moghadam, R., 2022. computing the CVaR of Islamic Securities (Sukuk) (Case study of Murabahah, Ijarah and Musharakah Securities). *Bi-quarterly Journal of Islamic Economics Studies*, spring& summer 2022, pp.465-496. [in persian]. 10.30497/IES.2022.240701.1953.