

توسعه‌ی یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی دوستحی به منظور مدیریت تدارکات و حل آن از طریق یک الگوریتم ترکیبی

مهمنشی صایع و مدیریت شرف، (دستان ۱۳۹۶) دری ۱، شماره ۱/۲، ص. ۱۱-۳۱

زهره کاهه (کارشناس ارشد)
رضا بادران کاظم‌زاده* (دانشیار)
علیس مسیحی (دانشیار)
علی حسین‌زاده کاشان (استادیار)
دانشکده هندسی صایع و سیستم‌ها، دانشگاه تربیت مدرس

در این نوشتار، به مسئله‌ی تدارک قطعات مورد نیاز یک شرکت خودروسازی از تعدادی تأمین‌کننده در قالب یک مذکوره پرداخته شده است. این مسئله از طریق یک برنامه‌ریزی ریاضی دوستحی که در آن خریدار به عنوان رهبر و تأمین‌کننده‌گان مستقل به عنوان پیرو در سطح پایین به تصمیم‌گیری می‌پردازد، مدل‌سازی شده است. برای حل مدل ریاضی دوستحی، یک الگوریتم ترکیبی مبتنی بر الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات (PSO-A*) پیشنهاد شده است. در این سازوکار مطابق با مقادیر متغیرهایی که به طور متوالی توسط ذرات در الگوریتم PSO تعیین می‌شود، یک الگوریتم ابتکاری بهینه‌سازی جستجوی * زیر مسائل برنامه‌ریزی تولید چند دوری - چندکالایی را برای هریک از تأمین‌کننده‌گان حل می‌کند. در این مقاله یک الگوی جامع برای تعییه فرایندهای مذکوره در مدل‌های ریاضی دوستحی و فرایند حل آنها ارائه شده است. به منظور ارزیابی عملکرد الگوریتم پیشنهادی، نتایج آن با نتایج الگوریتم‌های PSO-Exact و PSO-Greedy مقایسه شده است. نتایج نشان داده است که الگوریتم پیشنهادی نسبت به الگوریتم PSO-Exact در زمان کوتاه‌تر، جواب‌هایی با خطای قابل قبول یا حتی با خطای کمتر تولید کرده است. همچنین نسبت به الگوریتم PSO-Greedy همواره جواب‌هایی با خطای کمتر تولید کرده است.

zohreh.kaheh@modares.ac.ir
rkazem@modares.ac.ir
masehian@modares.ac.ir
a.kashan@modares.ac.ir

واژگان کلیدی: زنجیره‌ی تأمین دوستحی، مسئله‌ی تدارکات، برنامه‌ریزی ریاضی دوستحی، مذکوره، الگوریتم ترکیبی.

۱. مقدمه

مذکوره و تصمیم‌گیری غیرمت مرکز در دو سطح از زنجیره‌ی تأمین عموماً با قدرت چانه‌زنی طرفین و اولویت هریک از آنها برای تصمیم‌گیری همراه است، بنابراین برای در برگرفتن ماهیت این تصمیم‌گیری سلسه‌مراتبی، طراحی یک مدل مبتنی بر برنامه‌ریزی دوستحی توزیع شده مناسب است. تصمیم‌گیری با ماهیت سلسه‌مراتبی عموماً به سیله‌ی برنامه‌ریزی ریاضی دوستحی مدل‌سازی می‌شود، که در آن تصمیم‌گیرنگان در صدد بهینه‌سازی اهداف خود هستند، با این تفاوت که تصمیمات هر کدام بر تصمیمات دیگری تأثیرگذار است.^[۱] البته باید در نظر داشت که در برخی مطالعات قدیمی‌تر برای مسئله‌ی نظیر مذکوره که ذاتاً ویژگی‌های تصمیم‌گیری سلسه‌مراتبی دارند، نیز از مدل‌های ریاضی ساده و یک‌سطحی استفاده شده است.^[۲]

مسئله‌ی برنامه‌ریزی ریاضی دوستحی به عنوان یک مسئله‌ی NP-hard شناخته شده است. تاکنون روش‌های متعددی برای حل مسائل برنامه‌ریزی ریاضی

امروزه با افزایش وابستگی متقابل تولیدکننده‌گان و تأمین‌کننده‌گان، طراحی سازوکارهای تصمیم‌گیری متعدد در رابطه با مدیریت تدارکات توجه زیادی را در عمل و در تحقیقات آکادمیک جلب کرده است. مدیریت کارآمد زنجیره‌ی تأمین شامل یافتن رویکردها و اجرای فعالیت‌هایی برای حل تعارضات و مشکلات میان شرکای زنجیره‌ی تأمین به منظور تأمین و تقاضا برای منابع و خدمات است. در سیستم‌های غیرمت مرکز، دست‌یابی به یک تصمیم بهینه با در نظر گرفتن اهداف و منافع شخصی و بدون در نظر گرفتن محدودیت‌های طرفین مذکوره سودمند نخواهد بود. بنابراین دست‌یابی به یک تصمیم نزدیک به بهینه به طوری که طرفین مذکوره را راضی به عقد قرارداد کند و محدودیت‌های طرفین را ارضاء کند مفیدتر است.

* نویسنده مسئول
تاریخ: دریافت ۹ اردیبهشت ۱۳۹۳، اصلاحیه ۳، ۱۳۹۴/۵/۳، پذیرش ۱۳۹۴/۹/۱

۲. مرور ادبیات

در نزدیک ترین مطالعه به پژوهش حاضر، خراج معکوس یک نوع کالا از طریق مذکوره خریدار و فروشنده با استفاده از برنامه‌ریزی دوسته شده است.^[۱۴] در آنجا چنچ چارچوبی برای حل خراج معکوس در حالت چندمنبعه که طی فرایند مذکوره بین خریدار و تأمین‌کنندگان صورت می‌گیرد ارائه داده و این مسئله را از طریق یک الگوریتم فازی حل کرده است. در پژوهش چنچ تنها تدارک یک نوع کالا در نظر گرفته شده است. همچنین علی‌رغم تأکید بر ماهیت غیرمتهمکز مسئله، با فازی کردن و قرار دادن یک حد مطلوبیت برای تابع هدف‌های سطوح مختلف با ایجاد یک تبانی فرض غیرمتهمکز بودن و اصل عدم همکاری که یکی از اصول اساسی برنامه‌ریزی دوسته است، تقض شده و یک جواب توانقی حاصل شده است.^[۱۵] که در رویکرد حل پیشنهادی ما تمرکز بر غیرمتهمکز بودن روند تصمیم‌گیری حفظ شده است.

پس از آن محققین یک زنجیره‌ی تأمین تولیدکننده - خرده‌فروش چندگانه‌ی مخصوصی را که در آن تقاضا برای هر محصول متأثر از قیمت و مخارج تبلیغات است^[۱۶] بررسی کردند. آنها یک باری استکلبرگ تحت دو ستاره پیشنهاد کردند که در آن تولیدکننده یا خریدار به عنوان رهبر در بازی باشد و چندین رویکرد حل مسئله نظری الگوریتم رقابت استعماری و الگوریتم رقابت استعماری اصلاح شده واستراتژی تکامل پیشنهاد شده است. در مطالعه‌ی دیگر^[۱۷] یک زنجیره‌ی تأمین دوسته شامل یک تولیدکننده و تعدادی تأمین‌کننده که با تقاضای حساس به قیمت و مدت زمان تحويل مواجه‌اند بررسی شده است؛ و در آن برای تجزیه و تحلیل تصمیم‌گیری درباره قیمت و مدت زمان تحويل از بازی استکلبرگ، و به منظور تعیین قیمت و مدت زمان تحويل، از مفهوم نقطه تعادل نش استفاده کردند.

در مطالعه‌ی بعدی^[۱۸] تلاش شده تا تصمیمات پیشنهادی با سفارشات و برنامه‌ریزی تولید بهمنظر افزایش سود تأمین‌کننده و افزایش سطح خدمت‌دهی، یک پارچه شود. در آن مطالعه، قیمت پیشنهادی و برنامه‌ریزی تولید از طریق برنامه‌ریزی عدد صحیح مخاطط با محدودیت‌های فازی فرموله شد؛ همچنین یک الگوریتم زنتیک برای حل مسئله پیشنهاد شد و یک آزمایش شیوه‌ی سازی کامپیوترا برای ارزیابی عملکرد الگوریتم پیشنهادی صورت گرفت. جانگ و همکاران^[۱۹] یک فرایند مذکوره برای دست‌یابی به قرارداد بین تولیدکننده و توزیعکننده در زنجیره‌ی تأمین براساس مدل سازی ریاضی پیشنهاد دادند. در قرارداد حجم تأمین چند نوع محصول توسط تولیدکننده از تسهیلات مختلف به توزیعکننده و با قیمت‌های تنظیم شده توسط بازار مشخص می‌شود. کالل و همکاران^[۲۰] مذکوره روی قیمت‌ها در قراردادهای عمدۀ فروشی در زنجیره‌ی تأمین با خرده‌فروش که برای خرد یا چندین عمدۀ فروش قرارداد دارد بررسی کرده‌اند. هدف کمک به اعضا برای دست‌یابی به یک قرارداد عادلانه در شرایط نامعینی اطلاعات است. تاکنون روش‌های متعددی برای حل مسئله‌ی دوسته به کار گرفته شده است، که مهم‌ترین این روش‌ها به اختصار به شرح زیر است:

۱. روش‌های مبتنی بر شمارش رئوس:^[۲۱] اساس این دسته از روش‌ها مبتنی بر این ایده است که نقاط رأسی ناحیه قابل دست‌یابی برای مسئله برنامه‌ریزی دوسته‌ی زیرمجموعه نقاط رأسی فضای شدنی مسئله مورد نظر است و جواب بهینه مسئله نیز یکی از این نقاط رأسی است. از محدودیت‌های این روش می‌توان به پیچیدگی محاسباتی بالای آن اشاره کرد.^[۲۲]

۲. روش‌های مبتنی بر شرایط بهینگی کاروش کان‌تاکر^[۲۳]: در این دسته از روش‌ها شرایط کان‌تاکر برای تابع هدف سطح دوم جایگزین شده و مسئله با تابع هدف

دوسته‌ی ارائه شده است. در میان روش‌های مختلف، استفاده از الگوریتم‌های فرایندکاری برای حل مسائل برنامه‌ریزی ریاضی دوسته، نتایج مطلوبی را به همراه داشته است.^[۲۴] در میان الگوریتم‌های فرایندکاری الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات (PSO) به علت داشتن ویژگی‌های نظری زمان اجرای کوتاه و حافظه کم مورد نیاز نسبت به الگوریتم‌های تکاملی،^[۲۵] می‌تواند مزایای زیادی به وزیر برای ترکیب کردن آن با سایر الگوریتم‌های ابتکاری ایجاد کند.

در این پژوهش به مسئله‌ی تدارک قطعات در شرکت ساپکو که مسئله تأمین قطعات خودرو برای شرکت ایران خودرو است، پرداخته شده است. این مسئله درخصوص تدارک قطعات مورد نیاز شرکت ایران خودرو از تعدادی از تأمین‌کنندگان است، که در قالب یک مذکوره با پروتکل تکمیلی چانه‌زنی و مناقصه طراحی شده است. سازوکار مذکوره پیشنهادی برای حل مسئله‌ی تدارکات و هزینه‌ی تأخیر در با هدف کمینه‌سازی هزینه‌های خریدار از جمله هزینه‌ی تدارکات و هزینه‌ی تأخیر در تحويل سفارشات در یک قرارداد یک دوره‌ی طراحی شده است. از طرف دیگر، در این سازوکار مذکوره تأمین‌کنندگان به صورت مستقل و مطابق با درخواست خریدار به حل تعدادی زیرمسئله‌ی برنامه‌ریزی تولید چندگانه مخصوصی - چند دوره‌ی می‌پردازند. چنین سازوکاری میان برنامه‌ریزی تولید تأمین‌کنندگان و تخصیص سفارشات خریدار تولیدکننده هماهنگی ایجاد می‌کند. باید توجه داشت که در سطح پایین مدل برنامه‌ریزی دوسته‌ی پیشنهادی چندین زیرمسئله‌ی برنامه‌ریزی عدد صحیح مخاطط غیرخطی (MINLP) که مربوط به مسئله‌ی برنامه‌ریزی تولید چند دوره‌ی چندکالایی هریک از تأمین‌کنندگان است حل می‌شود.

در این سازوکار فرض شده است که هیچ‌یک از تأمین‌کنندگان از قرارداد خریدار با سایر تأمین‌کنندگان اطلاعی ندارد و درواقع قراردادها از نوع مهرو موم شده‌اند؛ و بنابراین در مدل پیشنهادی فضای جواب تأمین‌کنندگان با یکدیگر اشتراکی ندارد. رویکرد این مقاله قادر است مجزا بودن روند تصمیم‌گیری خریدار و تأمین‌کنندگان به صورت همزمان و از طریق جستجوی توزیع شده برای یافتن یک راه حل راضی‌کننده برای همه‌ی شرکا را در بر گیرد. در حالی که به کار گرفتن یک مدل متهمکز یا به کار گرفتن شرایط بهینگی کاروش کان‌تاکر (KKT) برای تبدیل مسئله به یک مسئله‌ی یک مدل ریاضی دوسته‌ی پیشنهادی ایجاد می‌شود و بینگر حالت غیرواقعی آشکار بودن کامل اطلاعات خریدار و تأمین‌کنندگان برای یکدیگر است.^[۲۶] البته قبل ذکر است که به علت گسیشه بودن سطح پایین مسئله و داشتن متغیر عدد صحیح و صفر و یک امکان اعمال شرایط KKT نیز وجود ندارد.

برای حل مدل ریاضی دوسته‌ی پیشنهادی، یک الگوریتم تکمیلی مبتنی بر الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات (PSO-A*) معرفی شده است. در این سازوکار یک الگوریتم ابتکاری بر مبنای جستجوی A* اجرا شده تا مطابق مقادیر متغیرهایی که متوالیاً توسط ذرات در الگوریتم PSO تعیین می‌شود، زیر مسائل برنامه‌ریزی عدد صحیح مخاطط غیرخطی برای هریک از تأمین‌کنندگان را حل کند. از طریق تعییه جستجوی A* برای هر تأمین‌کننده، تأمین‌کننده‌ها در سطح پایین به عنوان عامل‌های حل کننده مسئله در نظر گرفته می‌شوند. در واقع عامل‌های حل مسئله برای مدل سازی تصمیم‌گیری غیرمتهمکز در سطح پایین به کار گرفته شده‌اند. هر عامل حل مسئله مطابق با درخواست خریدار (ذرات در الگوریتم PSO) تلاش می‌کند مسئله‌اش را از طریق جستجوی A* حل کند. قابل ذکر است که عامل حل کننده مسئله نوعی از عامل‌های نرم‌افزاری غیرهشمند و بدون قابلیت یادگیری است که در کتاب راسل و نزویگ به آن اشاره شده است.^[۲۷] در این مقاله یک الگوریتم جامع برای تعییه‌ی فرایندهای مذکوره در مدل‌های ریاضی و فرایند حل آنها ارائه شده است.

که به کارگرفتن یک مدل متصرز یا به کارگرفتن شرایط بهینگی KKT برای تبدیل مسئله به یک مسئله یک‌سطحی ماهیت توزیع شدگی مسئله را از بین می‌برد.^[۱۴] همچنین به علت گستره بودن سطح پایین مسئله و داشتن متغیر صفر و یک امکان اعمال شرایط KKT نیز وجود ندارد. باید توجه داشت که هر ذره در الگوریتم فوق به عنوان درخواست‌هایی مد نظر قرار می‌گیرد که خریدار به تأمین‌کنندگان ارسال می‌کند. از آنجا که در الگوریتم PSO برخلاف الگوریتم‌های تکاملی که مبتنی بر اصل «بقای بهترین» هستند بر مبنای «همکاری سازنده» بین ذرات عمل می‌کند، لذا پیشنهادهای بعدی خریدار به نوعی از ترکیب بهترین پیشنهادهای قبلی و ایجاد تغییراتی در آنها به وجود می‌آید. بنابراین در مسئله مورد نظر، خریدار که کنترل مدل رهبر را بر عهده داشته، از طریق الگوریتم فوق به کنترل تراکنشات، مذاکره موازی و همزمان با یک‌ایک تأمین‌کنندگان و حل مسئله بر نامه‌ریزی دوستخطی می‌پردازد.

سطح یک حل می‌شود. به کارگرفتن شرایط بهینگی کاروش کانتاکر برای تبدیل مسئله به یک مسئله یک‌سطحی، ماهیت توزیع شدگی مسئله را از بین می‌برد.^[۱۵]

۳. روش فازی^[۱۶]: در این روش اصل عدم همکاری که یکی از اصول اساسی BLP است حذف شده است و روشی برای رسیدن به یک جواب توافقی ارائه می‌شود.^[۸]

۴. روش‌های فرابتکاری^[۱۷]: این دسته از روش‌ها بر پایه پیشرفت در زمینه محاسبات هوشمند توسعه یافته‌اند که در حل مسائل NP-Hard موقوفیت‌های چشمگیری داشته‌اند. رویکردهای مربوط به روش‌های فرابتکاری موجود برای حل مسائل برنامه‌ریزی دوستخطی را می‌توان به دو دسته تقسیم کرد که عبارت‌اند از: (الف) ابتدا مسئله با استفاده از شرایط بهینگی کاروش کانتاکر به یک مسئله یک‌سطحی تبدیل شده و سپس با استفاده از الگوریتم‌های فرابتکاری حل می‌شوند، (ب) مسئله به صورت توزیع شده حل می‌شود یعنی مسئله سطح دوم با استفاده از روش‌های بهینه‌سازی معمولی یا در صورت پیچیدگی بالای مسئله با استفاده از الگوریتم‌های ابتکاری - فرابتکاری حل شده و طی تراکنش‌هایی مسئله دوستخطی توسط یک الگوریتم فرابتکاری حل می‌شود.

با توجه به مزایای الگوریتم‌های فرابتکاری برای حل مسائل برنامه‌ریزی دوستخطی نظری امکان حل توزیع شده مسئله، قابلیت دست‌یابی به یک جواب نزدیک به بهینه و قابل قبول، و زمان اجرای معقول و مناسب این روش در مطالعات بسیاری مورد توجه قرار گرفته است. به عنوان مثال کو و هان^[۱۸] که یک الگوریتم تکیبی زنگی و ازدحام ذرات را پیشنهاد کرده‌اند که در مقایسه با الگوریتم زنگی برای مسئله مورد نظر آنان بهتر عمل کرده است. همچنین ارجحیت به کارگیری الگوریتم مبتنی بر جمعیت PSO به ویژه در ترکیب با الگوریتم‌های جست‌جو در مقالات دیگری نیز تأیید شده است.^[۱۹] به عنوان مثال ون و همکاران^[۲۰] یک الگوریتم ترکیبی کارآمد مبتنی بر الگوریتم ازدحام ذرات و تکنیک جست‌جوی آشفتگی برای حل مسائل برنامه‌ریزی دوستخطی غیرخطی پیشنهاد کرده‌اند، که در مقایسه با یک الگوریتم تکاملی بهتر عمل کرده است.

روش‌های مبتنی بر عامل برای حل مسائل تصمیم‌گیری دوستخطی یک روش جدید است که قابلیت یادگیری از در الگوریتم حل تعییه می‌کند. با توجه به پیچیدگی محاسباتی مسائل دوستخطی بهویه در اندازه‌ی بزرگ مسائل بهکارگیری این روش با تردیدهایی همراه است. همچنین مطالعات بیشتر دارد، بنابراین در دسته‌بندی فوق قرار نگرفته است. در یکی از کاربردهای این روش در حل مسائل برنامه‌ریزی دوستخطی^[۲۱] یک الگوریتم یادگیری چندعاملی برای حل مسئله طراحی شبکه دوستخطی پویا مبتنی بر شبیه‌سازی پیشنهاد شد که هدف آن تعیین فراوانی رفت و آمد‌ها در یک شبکه‌ی عبور و مرور بود به طوری که هزینه‌ی سفرکل استفاده‌کنندگان و هزینه‌ی عملیاتی خطوط ترانزیت را کمینه کند. و در مثالی دیگر^[۲۲] یک سیستم چندعاملی تکاملی (EMAS) برای حل مسائل برنامه‌ریزی دوستخطی ارائه شد. با توجه به آنچه اشاره شد، برای مدل‌سازی فرایند مذاکره از مدل برنامه‌ریزی ریاضی دوستخطی استفاده شده است. در رویکرد پیشنهادی این مقاله، با طراحی یک سازوکار مذاکره مبتنی بر فرایند حل برنامه‌ریزی ریاضی دوستخطی و از طریق ارتباط بی‌دری بی‌دوستخط با یکدیگر به جوابی رضایت‌بخش برای دو سطح که در واقع نقطه توافق است دست می‌یابیم. رویکرد ما قادر است روند مذاکره خریدار و تأمین‌کنندگان مجزا را به صورت موازی و همزمان، برای یافتن یک راه حل رضایت‌بخش برای همه شرکا به وسیله‌ی تراکنش‌ها حین تصمیم‌گیری را شامل شود. این امر در حالی است

۳. تشریح مسئله

مسئله تدارکات مبتنی بر جانه‌زنی و مناقصه به صورت یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی دوستخطی که در آن خریدار به عنوان رهبر و تأمین‌کنندگان به عنوان پیرو در نظر گرفته می‌شوند، مدل سازی می‌شود. مدل تصمیم‌گیری در سطح بالا (خریدار) مشخص می‌کند که به کدام تأمین‌کننده و به چه میزان از قطعات مورد نیاز تخصیص داده شود. تابع هدف در سطح خریدار که هدف کلی مدل دوستخطی است، کمینه‌سازی قیمت قطعات مورد نیاز واحد تدارکات و کمینه‌سازی هزینه‌ی کسری موجودی و توقف خط برای دیرکرد تأمین‌کنندگان است. در سطح پایین مدل هر تأمین‌کننده به صورت مجزا، قیمت برای هر سفارش قطعات تخصیص داده شده و زمان تحويل آن را محاسبه کرده، سپس قیمت پیشنهادی و میزان دیرکرد مقادیر ارسال شده طی دوره‌ها را به سطح اول گزارش می‌کند. هدف تأمین‌کنندگان کمینه‌سازی هزینه‌ها یش شامل هزینه‌ی تولید در ظرفیت در دسترس، هزینه‌ی تولید در ظرفیت اضافه‌کاری، هزینه‌ی نگهداری موجودی، هزینه‌ی ارسال، و جریمه‌ی دیرکرد است.

تعریف مسئله به صورت جزئی تر به این صورت است که، تصمیم‌گیرنده سطح اول (شرکت سپکو) به منظور ارضاء تقاضای هر قطعه‌ی مورد نیازش (ستلاً قطعه‌ی زام) به تعیین مقادیر تخصیص داده شده به هر تأمین‌کننده در محدودی معین می‌پردازد که برگرفته از سوابق تأمین‌کننده و رتبه‌ی کیفی قطعه‌ی تأمین شده توسط آن تأمین‌کننده است. همچنین زمان تحويل مورد قبول خریدار (حد پایین زمان) برای تأمین‌کنندگان مشخص است. بنابراین تصمیم‌گیرنده سطح اول در پی تعیین مقادیر تخصیص داده شده به تأمین‌کنندگان است به نحوی که هزینه‌ی حاصل از قیمت تمام شده قطعات و نیز هزینه‌ی دیرکرد در وصول سفارشات (هزینه‌ی کسری موجودی) کمینه شود.

در سطح دوم، پس از این که مقادیر تخصیص داده شده به تأمین‌کننده زام تعیین شد، تأمین‌کننده زام در ابتدا میزان موجودی انبار قطعه‌ی زام خود را با میزان تقاضا برای آن قطعه مقایسه می‌کند. در صورتی که این مقدار بین از مقدار تقاضا باشد، سفارش تقاضا از انبار ارسال می‌شود. در غیر این صورت تأمین‌کننده به میزان کمبود قطعه‌ی زام، با هزینه زام sc_i خط را برای قطعه‌ی زام راه‌اندازی و شروع به تولید می‌کند. مدت زمان تولید در هر شیفت کاری (که یک دوره در نظر گرفته می‌شود) از دو بخش «زمان نرمال» و «زمان اضافه‌کار» تشکیل شده است. لذا با توجه به مدت زمان پردازش قطعه‌ی زام، سقف تولید در هر شیفت در زمان نرمال و زمان اضافه‌کار محاسبه می‌شود. موجودی هر قطعه‌ی حین تولید و در پایان هر شیفت تا شروع شیفت

- هزینه‌ی تأخیر براساس تعداد کالا‌ی تأخیردار ضرب در مدت زمان تأخیر است.
- در ابتدای دوره موجودی اولیه‌ی برای هریک از آیتم‌ها در نظر گرفته شده است.
- شرکای زنجیره‌ی تأمین موجودیت‌های اقتصادی مستقلی هستند و درنتیجه به صورت غیرمتکرک اداره می‌شوند.
- اعضای شبکه تصمیمات منطقی و مطابق با منافع خود اتخاذ می‌کنند.
- اطلاعات کامل در مورد ساختار هریک از طرفین تنها در اختیار خودش قرار دارد و با سایرین به اشتراک نمی‌گذارد. در واقع تأمین‌کنندگان تنها قیمت هر نوع قلم مخصوصی را با توجه به حجم تخصیص یافته و مقدار ارسال سفارشات طی دوره‌ها با توجه به زمان تحويل درخواستی خریدار به خریدار اعلام می‌کنند.
- در دو سطح مورد نظر این زنجیره‌ی تأمین (خریدار- تأمین‌کنندگان) شرایطی برقرار است که خریدار (تولیدکننده) تخصیص حجم را کنترل می‌کند و تأمین‌کنندگان مطابق با تصمیم خریدار قیمت را مشخص می‌کنند در واقع خریدار به عنوان رهبر و تأمین‌کنندگان به عنوان پیرو در نظر گرفته می‌شوند و تصمیمات آنها بر یکدیگر تأثیر می‌گذارند.
- در سازوکار مورد نظر تأمین‌کنندگان از پیشنهادات یکدیگر اطلاعی ندارند و درنتیجه مستقیماً با یکدیگر رقابت نمی‌کنند بلکه آنها بدنیال استفاده بهینه از ظرفیتمن باز پرسازی سفارش خریدار هستند، تا از این طریق توانند قیمت پیشنهادی و میزان تحويل در دوره‌ها و هزینه‌ی دیرکرد مربوط به آن را بهینه سازند و از این طریق بر میزان سفارشی که خریدار تخصیص می‌دهد، تأثیر بذکارند.
- در ادامه مدل ریاضی، پارامترها و متغیرهای تصمیم مسئله تشریح شده‌اند، توجه شود که در این مدل $\{q_{ij}, x_{ij}, updc_{ij}^t\}$ مجموعه متغیرهای تحت کنترل تصمیم‌گیرنده سطح اول هستند که q_{ij} را به سطح پایین می‌فرستد و $\{p_{ij}, yr_{ij}^t, yn_{ij}^t, send_{ij}^t, lode_{ij}^t, x_{ijt}^t, x_{ijt}^{''}, I_{ij}^t\}$ مجموعه متغیرهای تحت کنترل تصمیم‌گیرنده نام (تأمین‌کننده نام) در سطح دوم هستند که متغیر z_{ij} و p_{ij} را به سطح اول یعنی خریدار می‌فرستند.
- در این قسمت ابتدا متغیرها و پارامترهای مدل را شرح می‌دهیم و سپس به مدل ریاضی و تشریح آن می‌پردازیم.
- متغیرهای تصمیم در سطح خریدار:

 - q_{ij} : میزان تخصیص از قطعه‌ی زام به تأمین‌کننده نام که یک متغیر عدد صحیح و مشتب است؛
 - x_{ij} : متغیر صفر و یک به‌ازای تخصیص یا عدم تخصیص قطعه‌ی زام به تأمین‌کننده نام؛
 - $updc_{ij}^t$: هزینه‌ی مواجهه با کمپود (کسری) موجودی برای دیرکرد تحويل قطعه‌ی زام از تأمین‌کننده نام با توجه به دیرترین زمان تحويل قابل قبول برای خریدار.
 - پارامترها در سطح خریدار:

 - D_j : تقاضای کلی ساپکو برای هر نوع قطعه؛

(LT_{lower}, LT_{upper}): کمینه و بیشینه زمان تحويل قابل قبول برای خریدار که حد پایین آن به تأمین‌کنندگان اعلام شده است و حد بالای آن زمان سررسید واقعی که پس از آن خریدار با کسری موجودی رو به رو می‌شود و به تأمین‌کنندگان اعلام

- بعدی انبار می‌شود. ضمناً از آنجا که هر تأمین‌کننده با محدودیت ظرفیت انبار قطعه، هزینه‌ی انبارداری (در اینجا هزینه‌ی هر واحد انبار قطعه‌ی زام طی یک دوره برابر $z_i H_i$ و در فاصله بین دو دوره $z_i H_i$ در نظر گرفته شده است) و همچنین جریمه‌ی حاصل از ارسال با تأخیر (ارسال با تأخیر عبارت است از ارسال پس از شیفت LT_{lower} که این مقدار توسط سطح بالا تعیین و اعلام شده است) مواجهه است.
- لذا ممکن است در هر زمان از شیفت کاری به میزان $z_i vcap_i$ واحد از قطعه‌ی زام را ارسال کند. از آنجا که ارسال قطعه توسط وسایل حمل و نقل صورت می‌پذیرد، لذا $vcap_i$ ، حداکثر ظرفیتی است که یک وسیله‌ی نقلیه می‌تواند از آیتم زام حمل کند. ضمناً هزینه‌ی حمل قطعات به صورت ضریبی از تعداد وسایل نقلیه (هزینه‌ی ثابت) و ضریبی از تعداد قطعه‌ی بارگیری شده در هر وسیله‌ی نقلیه (هزینه‌ی متغیر) محاسبه می‌شود. تصمیم‌گیرنده سطح دوم با توجه به میزان قطعات سفارش شده و نیز زمان سررسید تعیین شده به دنبال آن است که کلیه هزینه‌های خود از قبل هزینه‌ی ارسال، هزینه‌ی نگهداری، هزینه‌ی تولید در حالت نرمال و اضافه‌کاری و نیز جریمه‌ی حاصل از دیرکرد را کمیته کند. پس از آن که تأمین‌کننده نام هزینه‌های خود را کمیته کرد، مجموع هزینه‌های مربوط به قطعه‌ی زام خود به استثناء هزینه‌ی دیرکرد را ضرب در کمترین سود قابل قبول به عنوان قیمت به سطح بالا می‌فرستد. ضمناً جریمه‌ی دیرکرد سطح دوم تنها سبب کاهش شهرت و اعتبار تأمین‌کننده می‌شود و هیچ سودی را برای تصمیم‌گیرنده سطح اول به دنبال ندارد. همچنین تصمیم‌گیرنده سطح اول با توجه به قراردادهای خود با مشتریانش، زمان سررسیدی ناکمتر از زمان سررسیدی که برای سطح پایین تعیین کرده است را برای هر قطعه در نظر می‌گیرد. تأخیر در تهیه قطعات موجب افزایش هزینه‌ی دیرکرد تابع هدف سطح اول می‌شود. لازم به ذکر است هزینه‌ی دیرکرد در تمامی سطوح به صورت ضریبی از تعداد قطعات ارسال شده با تأخیر ضرب در مدت زمان تأخیر محاسبه می‌شود.

۱.۳. مفروضات مسئله

مفروضاتی که در این مدل ریاضی دوسته‌ی در نظر گرفته شده است، به شرح زیر هستند:

- فقط یک دوره سفارش‌دهی توسط خریدار در نظر گرفته شده است.
- تحويل یک سفارش از تأمین‌کننده به شرکت خریدار در دوره‌های مختلف طی افق زمانی و به صورت آنی انجام می‌شود.
- تولید هر قطعه در هر دوره نیازمند هزینه‌ی آمده‌سازی است.
- هر دوره مجموع ظرفیت زمانی عادی و اضافه‌کار در نظر گرفته شده است که هزینه‌ی تولید در حالت اضافه‌کار بیشتر است.
- ارسال می‌تواند هر زمان طی دوره‌ها انجام شود. هزینه‌ی ارسال به هزینه‌ی وسیله‌ی نقلیه و تعداد کالا‌ی بارگذاری شده بستگی دارد.
- در هر دوره تعداد معینی وسیله‌ی نقلیه با ظرفیت مشخص در نظر گرفته شده است.
- به هریک از آیتم‌های مختلف ظرفیت مشخصی در اینبار اختصاص داده می‌شود، همچنین اینار برای موجودی نیم ساخته در نظر گرفته نشده است.
- هزینه‌ی نگهداری وابسته به تعداد واحد کالا در واحد زمان است.
- هزینه‌ی دیرکرد به عنوان از دست رفتن اعتبار تأمین‌کننده در نظر گرفته می‌شود و برای خریدار سودی لحظه نمی‌شود.

M : عدد بینهایت بزرگ.

-- اندیس‌ها در مسئله:

i : اندیس مربوط به تأمین‌کنندگان که n تعداد تأمین‌کنندگان است;

j : اندیس مربوط به انواع قطعات (شماره فنی‌های مختلف) که m تعداد انواع

قطعات است;

v : اندیس مربوط به سایت‌های نقلیه (کامیون) که V تعداد کامیون‌های در دسترس در هر دوره است;

t : اندیس مربوط به شماره دوره‌ها در افق زمانی که T تعداد دوره‌های مورد نظر برای بازپرسازی سفارش دریافتی است.

۱.۴. مدل تصمیم‌گیری در سطح بالا (خریدار)

$$\min_{S_1} Z = w_1 \cdot \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m (p_{ij} q_{ij} + x_{ij} a_{ij}) + w_2 \cdot \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m \sum_{t=1}^T x_{ij} \cdot updc_{ij}^t \quad (1)$$

s.t.

$$\sum_{i=1}^n q_{ij} = D_j \quad \forall j \quad (2)$$

$$x_{ij} Q_{ij}^{\min} \leq q_{ij} \leq x_{ij} Q_{ij}^{\max} \quad \forall i, j \quad (3)$$

$$\lambda(t - LT_{upper}) \times \sum_{v=1}^V send_{vij}^t \leq updc_{ij}^t \quad \forall i, j, t \quad (4)$$

$$x_{ij} = \{0, 1\} \quad \forall i, j \quad (5)$$

$$q_{ij} \geq 0, int, \quad updc_{ij}^t \geq 0 \quad \forall i, j, t \quad (6)$$

۲.۴. مدل تصمیم‌گیری در سطح پایین (تأمین‌کننده‌ی i)

$$\min_{S_i} \{Z_1, Z_2, \dots, Z_i | Z_i = \sum_{j=1}^m TC_{ij}; \quad i = 1, \dots, n\} \quad (7)$$

S.T.

$$TC_{ij} = \sum_{t=1}^T \left\{ \begin{array}{l} cor_{ij}.yr_{ij}^t + cov_{ij}.yn_{ij}^t + [H_{ij}] \\ \times PT_{ij} \left(\sum_{v=1}^V (send_{vij}^t)^v + (I_{ij}^t)^v - (I_{ij}^{t-1})^v \right) \\ + H_{ij}^t I_{ij}^t] + \sum_{v=1}^V [\alpha(x_{vijt}^t) + \beta(send_{vij}^t)] \\ + lodc_{ij}^t + sc_{ij}x_{ijt} \end{array} \right\} \quad (8)$$

$$\forall i, j \quad (8)$$

$$yr_{ij}^t \leq \frac{orc_{ij}}{PT_{ij}} \quad \forall i, j, t \quad (9)$$

$$yn_{ij}^t \leq \frac{ovc_{ij}}{PT_{ij}} \quad \forall i, j, t \quad (10)$$

$$yr_{ij}^t + yn_{ij}^t \leq M.x_{ijt} \quad \forall i, j, t \quad (11)$$

$$\sum_{t=1}^T yr_{ij}^t + yn_{ij}^t = q_{ij} \quad \forall i, j \quad (12)$$

نمی‌شود. در واقع جریمه‌ی دیرکرد تأمین‌کنندگان براساس حد پایین و هزینه‌ی کسری موجودی خریدار براساس حد بالا محاسبه می‌شود:

$(Q_{ij}^{\min}, Q_{ij}^{\max})$: حدود بالا و پایین تخصیص قطعه‌ی i به تأمین‌کننده j که براساس پیشنهاد روابط تجاری و رتبه کیفی تولید قطعه‌ی i زام توسط تأمین‌کننده j آن تخمين زده می‌شود؛

a : هزینه‌ی سفارش‌دهی توسط خریدار است. این هزینه شامل هزینه‌های مربوط به پیگیری وضعیت سفارشات و انجام تست کیفیت کالاها هنگام تحويل گرفتن از تأمین‌کننده است؛

λ : ضریب تعديل دیرکرد برای خریدار.

-- متغیرهای تصمیم در سطح تأمین‌کنندگان:

p : قیمت پیشنهاد شده برای تأمین حجم تخصیص داده شده از قطعه‌ی نوع زام توسط تأمین‌کننده j ؛

x_{ijt}^t : تولید یا عدم تولید قطعه‌ی نوع j توسط تأمین‌کننده j ؛

x_{vijt}^t : ارسال یا عدم ارسال قطعه‌ی نوع j توسط تأمین‌کننده j به وسیله‌ی کامیون v در دوره t ؛

y_{ijt} : مقداری از سفارش قطعه‌ی j که در دوره t با ظرفیت در اضافه‌کاری تولید می‌شود؛

yn_{ijt} : مقداری از سفارش قطعه‌ی j که در دوره t با ظرفیت مازاد در اضافه‌کاری تولید می‌شود؛

I_{ij}^t : موجودی قطعه‌ی j در پایان دوره t برای تأمین‌کننده j ؛

$send_{vij}^t$: متغیر عدد صحیح که برای میزان سفارش ارسال شده در هر بار ارسال قطعه‌ی j توسط تأمین‌کننده j در دوره t و به وسیله‌ی کامیون v است؛

$lodc_{ij}^t$: هزینه‌ی از دست رفتن اعتبار تأمین‌کننده بر اثر دیرکرد تحويل قطعه‌ی j زام با توجه به حد پایین زمان تحويل مورد انتظار خریدار؛

TC_{ij} : هزینه‌ی کل تأمین‌کننده i برای تأمین مقدار تخصیص یافته از قطعه‌ی نوع j .

-- پارامترها در سطح تأمین‌کنندگان:

cor : مجموع هزینه‌ی استفاده از منابع در واحد زمان برای تولید قطعه‌ی نوع ز توسط تأمین‌کننده i در ظرفیت در دسترس؛

cov_{ij} : مجموع هزینه‌ی استفاده از منابع در واحد زمان برای تولید قطعه‌ی نوع ز توسط تأمین‌کننده i در ظرفیت مازاد زمانی؛

orc_{ij} : ظرفیت زمانی در دسترس برای تأمین‌کننده i ؛

ovc_{ij} : ظرفیت زمانی مازاد (اضافه‌کاری) برای تأمین‌کننده i ؛

PT_{ij} : زمان تولید هر واحد قطعه‌ی j توسط تأمین‌کننده i ؛

H_{ij} : هزینه‌ی نگهداری هر واحد کالا ز در واحد زمان طی دوره برای تأمین‌کننده i ؛

H_{ij}' : هزینه‌ی نگهداری هر واحد کالا ز در واحد زمان بین دو دوره برای تأمین‌کننده i ؛

sc_{ij} : هزینه‌ی آماده‌سازی خط تولید برای تولید قطعه‌ی j توسط تأمین‌کننده i ؛

SS_{ij} : موجودی اولیه قطعه‌ی j برای تأمین‌کننده i ؛

$VCap_{ij}$: ظرفیت حمل برای کالا زام توسط سایت‌های نقلیه؛

$incap_{ij}$: ظرفیت انبار تأمین‌کننده i برای نگهداری آیتم زام؛

g : نخ سود قابل قبول تأمین‌کننده i ؛

γ : ضریب تعديل دیرکرد برای تأمین‌کنندگان؛

محدودیت‌های ۹ و ۱۰ نشان می‌دهند که میزان تولید در حالت عادی و اضافه‌کاراز ظرفیت اسمی آن کوچکتر یا مساوی است. محدودیت ۱۱ در واقع محدودیت مربوط به متغیر وابسته به میزان تولید است که اگر تولید انجام شود هزینه‌ی آماده‌سازی که هزینه‌ی ثابت برای انجام عملیات است، لحاظ می‌شود. محدودیت ۱۲ نشان می‌دهد که مجموع تولیدات مساوی میزان تقاضای خریدار است. این محدودیت ۱۳ فرض وجود انباشته اطمینان در پایان آف زمانی را ارضاء می‌کند. محدودیت ۱۴ معادله تعادل موجودی تأمین‌کننده را نشان می‌دهد. محدودیت ۱۵ ظرفیت انبار را برای هر نوع کالا نشان می‌دهد. محدودیت ۱۶ نشان می‌دهد که مجموع ارسال‌ها در طی دوره‌ها برابر میزان تقاضای خریدار است. محدودیت ۱۷ بیانگر هزینه‌ی دیرکرد بر حسب تعداد کالا در مدت زمان دیرکرد است و نشان می‌دهد که بهارزی دیرکرد نسبت به زمان تحويل اولیه درخواست شده توسط خریدار هزینه‌ی در نظر گرفته می‌شود که این هزینه را در تابع هدف تأمین‌کننده به عنوان هزینه‌ی از دست رفتن اعتبار محسوب می‌نماییم. محدودیت ۱۸ بیانگر ارسال یا عدم ارسال وسائل نقلیه برای ارسال هر نوع از قطعات است. محدودیت ۱۹ بیانگر رعایت حجم انبار پیش از هر ارسال توسط وسیله‌ی نقلیه است. محدودیت ۲۰ بیانگر تعداد کل وسایط حمل و نقل در دسترس در یک دوره است. محدودیت ۲۱ نشان می‌دهد که تأمین‌کننده برای هر نوع کالا را نشان می‌دهد و بیانگر این است که قیمت‌های پیشنهادی ضریبی از هزینه‌ی کل تأمین آن قطعه است. محدودیت ۲۲ نشان می‌دهد که مقادیر تولید شده از دو روش (ظرفیت در دسترس و ظرفیت مازاد) و مقادیر ارسال و موجودی انبار متغیر عدد صحیح و نامتفق هستند. محدودیت ۲۳ نشان دهنده نامتفقی بودن متغیرهای مربوط به جریمه‌ی دیرکرد است. محدودیت ۲۴ مربوط به صفر و یک بودن متغیرهای تصمیم تولید یا عدم تولید و ارسال یا عدم ارسال قطعه است.

۵. تعبیه سازوکار مذکور در برنامه‌ریزی ریاضی دوستی

فرایند حل مسئله‌ی تدارکات مورد بررسی در این مقاله، منطبق با سازوکار مذکور مبتنی بر چانه‌زنی - حراج (چانه‌زنی - مناقصه) پایه‌ریزی شده است. بنابراین لازم است ابتدا مفاهیم کلیدی در مذکوره نظری پروتکل و سیاست مذکوره را تعریف نماییم تا علمت این نام‌گذاری روش شود. توجه داریم که منظور از حراج در این مقاله حراج معکوس یا مناقصه است که در آن خریدار برای تهیه افلام مورد نیازش تأمین‌کننگان را فرامی‌خواند.

علی‌رغم توسعه‌ی مدل‌های ریاضی به منظور در برگرفتن فرایند مذکوره در مقالات مختلف نظری،^[۴۲] یک تعریف جامع در ارتباط با چگونگی مدل‌سازی ساختار مذکوره توسط مدل‌های ریاضی وجود ندارد.

همان طور که بیان شد دو مولفه اصلی در هر مذکوره‌ی عبارت‌اند از: پروتکل مذکوره و سیاست مذکوره. پرونکل مذکوره عبارت است از قوانین روش و مشخصی برای هدایت تراکنش بین طرفین، که باید برای طرفین مذکوره مشخص باشد که چه نوع پروتکلی در جریان است. از طرف دیگر استراتژی مذکوره عبارت است از روش انتخابی توسط هریک از طرفین مذکوره که تصمیم می‌گیرد از آن طریق به بهترین نتیجه دست یابد.^[۴۳]

پروتکل مذکوره بر سه نوع است: پیشنهاددهی، حراج و چانه‌زنی. در این مقاله بر دو نوع آخر متمرکز می‌شویم. در واقع به منظور شفافسازی نوع پروتکل مذکوره در مسئله‌ی تدارکات مورد بحث در این مقاله، دو نوع پروتکل مذکوره که می‌تواند از طریق

$$I_{ij}^t = yr_{ij}^t + yn_{ij}^t + I_{ij}^{t-1} - \sum_{v=1}^V send_{vij}^t \quad \forall i, j, t \quad (13)$$

$$I_{ij}^t \leq InCap_{ij} \quad \forall i, j, t \quad (14)$$

$$\sum_{t=1}^T \sum_{v=1}^V send_{vij}^t = q_{ij} \quad \forall i, j \quad (15)$$

$$\gamma(t - LT_{lower}) \times \sum_{v=1}^V send_{vij}^t \leq locc_{ij}^t \quad \forall i, j, t \quad (16)$$

$$send_{vij}^t \leq x''_{vijt}.VCap_{ij} \quad \forall i, j, t, v \quad (17)$$

$$send_{vij}^t \leq InCap_{ij} \quad \forall i, j, t, v \quad (18)$$

$$\sum_{v=1}^V x''_{vijt} \leq V \quad \forall i, j, t \quad (19)$$

$$p_{ij} = (1 + g_i) \left(\frac{TC_{ij} - \sum_{t=1}^T locc_{ij}^t}{q_{ij}} \right) \quad \forall i, j \quad (20)$$

$$yr_{ij}^t, yn_{ij}^t, send_{vij}^t, I_{ij}^t \geq 0, \text{int} \quad \forall i, j, t, v \quad (21)$$

$$locc_{ij}^t \geq 0 \quad \forall i, j, t \quad (22)$$

$$x'_{ijt}, x''_{vijt} = \{0, 1\} \quad \forall i, j, t, v \quad (23)$$

$$i \in \{1, \dots, n\}, j \in \{1, \dots, m\}, t \in \{1, \dots, T\}, v \in \{1, \dots, V\} \quad (24)$$

۳.۴. شرح مدل سطح بالا

معادله‌ی ۱ تابع هدف خریدار در سطح بالاست که عبارت است از کمینه کردن هزینه‌ی تدارکات و هزینه‌ی مواجهه با کسری موجودی که به عملت دیرکرد تحويل توسط تأمین‌کننگان رخ می‌دهد. معادله‌ی ۲ محدودیت مربوط به آن است که میزان سفارش به تأمین‌کننگان برای هر نوع قطعه برابر میزان کل تقاضا برای آن قطعه باشد. محدودیت ۳ نشان می‌دهد که میزان سفارش از انواع قطعاتی که به هر تأمین‌کننده می‌شود بزرگتر از یک حد پایین و کوچکتر از یک حد بالا است که براساس پیشینه رابطه‌ی تجاری با تأمین‌کننگان و درجه کیفیت قطعات تأمین شده توسط آنها، تخمین زده می‌شود. محدودیت ۴ بیانگر هزینه‌ی دیرکرد بر حسب تعداد کالا در مدت زمان دیرکرد است و نشان می‌دهد که بهارزی دیرکرد نسبت به آخرین زمان تحويل موردن قبول توسط خریدار هزینه‌ی برای خریدار به عنوان هزینه‌ی کسری موجودی و توقف خط در نظر گرفته می‌شود. محدودیت ۵ بیانگر صفر و یک بودن متغیر تصمیم تخصیص یا عدم تخصیص است و محدودیت ۶ بیانگر غیرمنفی و صحیح بودن متغیر حجم‌های تخصیصی از هر نوع کالا و غیرمنفی بودن هزینه‌ی مواجهه با کسری موجودی برای خریدار است.

۴. شرح مدل سطح پایین

معادله‌ی ۷ بیانگر تابع هدف هریک از تأمین‌کننگان به صورت مجرزا است که هدف آنها کمینه کردن هزینه‌ی کل خود به صورت مجرزا است. در مدل سطح پایین معادله‌ی ۸ میین مجموع هزینه‌های تأمین‌کننده برای تدارک حجم تخصیص یافته از قطعه‌ی نوع ز که به ترتیب شامل هزینه‌ی تولید در ظرفیت در دسترس، هزینه‌ی تولید در ظرفیت مازاد (اضافه‌کاری)، هزینه‌ی نگهداری موجودی، هزینه‌ی ارسال، جریمه‌ی دیرکرد و هزینه‌ی آماده‌سازی عملیات تولید (در صورتی که تولید انجام گیرد) است.

اشاره نماییم که در این مذکوره شبیه‌سازی شده، استراتژی خریدار برای کنترل مذکورات دو طرفه با تأمین‌کنندگان و دست‌یابی به تصمیم نزدیک به بهینه مذکوره در قالب مدل ریاضی دوسته‌ی الگوریتم ترکیبی^{*} PSO-A است؛ و استراتژی تأمین‌کنندگان از طریق جست‌وجوی^{*} A است که موقعیت مطلوب برای برنامه‌ریزی تولید و تکمیل سفارشات هر تأمین‌کننده را به صورت مستقل از یکدیگر جست‌وجو می‌کند.

برنامه‌ریزی ریاضی دوسته‌ی مدل سازی شود، را مقایسه می‌نماییم. بدین منظور میان مقاهم مذکوره و برنامه‌ریزی دوسته‌ی میکنندگان و تهیه مدل سازی معمولاً هنگامی استفاده می‌شود که شرایط زیر برقرار باشند:

۱. فقط یک موضوع قیمت مورد بحث باشد؛

۲. نیاز به ارتباطات دو طرفه و پی‌پای طرفین نباشد و تنها یک طرف (برپاکننده حراج) براساس پیشنهادهای دریافتی تصمیم بگیرد که آیا پیشنهاد را پذیرد یا خیر؛

۳. نیازی به امتحان کردن استراتژی‌های مختلف با شرکای مختلف نباشد. از طرف دیگر پروتکل چانه‌زنی معمولاً هنگامی استفاده می‌شود که شرایط زیر برقرار باشند:

۱.۳. طرفین همگی توانند پیشنهاد خود را ارائه کنند؛

۲.۳. موضوعات مختلفی فراتر از قیمت مطرح باشد.^[۲۳]

بنابر ویرگی‌های ذکر شده می‌توان دریافت که فرایند مدل سازی و حل مسئله‌ی تدارکات مورد بحث در این مقاله ویرگی سوم حراج و ویرگی اول و دوم چانه‌زنی را دارد. به عبارت دیگر در مسئله‌ی ما خریدار نیازی به بهکارگیری سیاست‌های متفاوت در مقابل تأمین‌کنندگان ندارد و تصمیم‌گیری تنها میکنندی برپشنهادهای آنها (مقدار متغیری که به سطح اول فرستاده می‌شود) است. همچین در این مسئله‌ی هر دو طرف می‌توانند به صورت متواالی پیشنهادهای خود را ارائه کنند تا طی فرایند مذکوره شبیه‌سازی شده به نقطه‌ی برسند که برای هر دو طرف راضی‌کنندگان توجه می‌شود که مذکوره شامل چندین مذکوره دو طرف است زیرا تأمین‌کنندگان ارتباطی با هم ندارند و این خریدار است که باید تمام مذکورات دو به دو را کنترل کند تا از جواب نزدیک به بهینه دور نشود که این امر بهوسیله‌ی الگوریتم PSO انجام می‌کردد. و در نهایت مذکوره مورد بحث در این مسئله فراتر از قیمت است، زیرا ویرگی‌هایی نظری دیرکرد زمان تحويل را نیز در نظر می‌گیرد تنها با این تفاوت که آن را نیز به صورت یک جریمه در تابع هزینه وارد می‌کند.

برخلاف سازوکار مذکوره دوسته‌ی پیشنهادی در این مقاله برای مسئله‌ی تدارکات، در مذکوره دوسته‌ی مبتنی بر حراج (مناصله)، تأمین‌کنندگان مقادیر قبل تأمین و قیمت آنها را مشخص می‌کنند و متواالی پیشنهادهای خود را اصلاح می‌کنند تا احتمال برآورده شدن خود را بیشینه و هزینه‌ی کل را کمینه کنند؛ و خریدار به عنوان برپاکننده مناقصه تنها می‌تواند پیشنهادهای را پذیرد یا رد کند. به منظور توضیح این موضوع به مقاله سندヘルم و همکاران^[۲۴] اشاره می‌نماییم که یک مسئله‌ی حراج معکوس تعریف کرده‌اند که در آن برپاکننده مناقصه تمام تقاضا را برای هر آیتم مشخص می‌کند (یادآوری می‌کنیم که در مسئله‌ی ما تولیدکننده تمام تقاضا را آشکار نکرده است بلکه به هر تأمین‌کننده سهمی را تخصیص داده است) و فروشنده‌گان درخواست‌هایی شامل تعداد افلام قابل تأمین توسط آنها و قیمت مجموعه (حراج ترکیبی) را به خریدار ارائه کرده‌اند. بنابراین در مذکوره مبتنی بر حراج، تمام تقاضای خریدار باید برای تمام تأمین‌کنندگان آشکار باشد، همچنین افق زمانی باید توسط خریدار مشخص شده باشد و تأخیر مجاز نباشد. در حالی که در مسئله‌ی تدارکات مورد بحث در این مقاله، خریدار میزان تخصیص سفارشات را مشخص می‌کند و به صورت متواالی تخصیص مجدد انجام می‌دهد تا به یک تصمیم نزدیک به بهینه برای مدل دوسته‌ی دست یابد. طبق توضیحات ارائه شده علی رغم آن که خریدار پیشنهادی برای قیمت ارائه نمی‌دهد، با این حال پروتکل به کارگرفته شده در این مذکوره شبیه‌سازی شده ترکیبی از چانه‌زنی و حراج معکوس است. در نهایت باید

۶. سازوکار حل مسئله‌ی تدارکات توزیع شده

در این بخش به جزئیات فرایند حل مسئله‌ی تدارکات طبق برنامه‌ریزی دوسته‌ی بهوسیله‌ی الگوریتم هوش ازدحامی ذرات می‌پردازیم. الگوریتم بهینه‌سازی حرکت دسته جمعی ذرات (PSO) اولین بار در سال ۱۹۹۵ توسط ابرهارت و کنندی^[۲۵] معرفی شد. PSO از هوش جمعی الهام‌گرفته شده است. این روش سعی در تقلید رفتار اجتماعی ارگان‌های طبیعی نظیر دسته پرندگان و ماهی‌ها در پیدا کردن غذا دارد. در این گونه جمعیت‌ها بدون آن که کنترل مرکزی صورت بگیرد یک رفتار هماهنگ شده با استفاده از حرکات محلی بروز پیدا می‌کند.^[۲۶] الگوریتم PSO به علت ویرگی‌هایی نظیر زمان اجرای کوتاه و حافظه مورد نیاز کم^[۵] (نمی‌تواند در قبال تأمین‌کنندگان ندارد و تصمیم‌گیری تنها میکنندی برپشنهادهای آنها (مقدار متغیری که به سطح اول فرستاده می‌شود) است. همچین در این مسئله‌ی هر دو طرف می‌توانند به صورت متواالی پیشنهادهای خود را ارائه کنند تا طی فرایند مذکوره شبیه‌سازی شده به نقطه‌ی برسند که برای هر دو طرف راضی‌کنندگان توجه می‌شود که مذکوره شامل چندین مذکوره دو طرف است زیرا تأمین‌کنندگان ارتباطی با هم ندارند و این خریدار است که باید تمام مذکورات دو به دو را کنترل کند تا از جواب نزدیک به بهینه دور نشود که این امر بهوسیله‌ی الگوریتم PSO انجام می‌کردد. و در نهایت مذکوره مورد بحث در این مسئله فراتر از قیمت است، زیرا ویرگی‌هایی نظری دیرکرد زمان تحويل را نیز در نظر می‌گیرد تنها با این تفاوت که آن را نیز به صورت یک جریمه در تابع هزینه وارد می‌کند.

گام ۱. (مسئله‌ی سطح بالا)

یک سری جواب اولیه برای متغیرهای تصمیم سطح بالا (مدل رهبر) یعنی میزان حجم تخصیص داده شده به تأمین‌کنندگان تولید می‌شود.

گام ۲. (مسئله‌ی سطح پایین)

به ازای جواب اولیه در سطح بالا، مسئله‌ی بهینه‌سازی سطح پایین (مدل پیرو) حل می‌شود و مقادیر حاصل برای متغیرهای تصمیم آن نظری قیمت هر قطعه و مقدار ارسال در هر دوره به سطح بالا فرستاده می‌شود.

گام ۳. (مسئله‌ی سطح بالا)

میزان مطلوبیت تابع هدف سطح بالا (رهبر) به ازای مقادیر متغیرهای تصمیم تعیین شده بهوسیله‌ی خودش و مقادیر متغیرهای تصمیم فرستاده شده از سوی پیرو، ارزیابی می‌شود.

گام ۴. (مسئله‌ی سطح بالا)

در صورت عدم مطلوبیت نتیجه، مقادیر متغیر تصمیم سطح بالا تغییر داده می‌شود و به گام دوم بر می‌گردد. این روند تا زمانی که تخصیص‌های بهینه صورت بگیرد، ادامه می‌یابد. در ادامه توضیحات بیشتری در ارتباط با جزئیات الگوریتم داده خواهد شد.

۶. گام‌های الگوریتم PSO-A برای حل مسئله‌ی دوسته‌ی

گام‌های الگوریتم عبارت‌اند از:

گام ۱. ایجاد جمعیت اولیه: نمایش جواب به صورت یک ماتریس است که تعداد سطرهای آن برابر تعداد تأمین‌کنندگان و تعداد ستون‌ها برابر تعداد قطعات خواهد بود، و آرایه‌هایی مقادیر تخصیص داده شده^q هستند. برای ارضای تقاضای مرتبه‌ی هر آیتم (قطعه) یک تأمین‌کننده از بین تأمین‌کنندگان به صورت تصادفی

به مشتبث (یا منفی) بودن اختلاف مجموع جواب‌ها با تقاضا، به صورت تصادفی تأمین‌گمندگی را در نظر گرفته و روی مقدار سفارش تخصیص داده شده به آن به اندازه یک واحد تعییرات کاهشی (یا افزایشی) را اعمال می‌کنیم. پس از اصلاح جواب‌ها در کران مجاز یا مقدار صفر، عمل محاسبه اختلاف مجموع جواب‌ها با مقدار تقاضا مجدداً انجام می‌گیرد. در صورت وجود اختلاف، عملیات فوق تا ارضای محدودیت تقاضا ادامه می‌یابد. توجه شود که افزودن یک واحد به متغیری با مقدار صفر معادل است با تخصیص کران پایین به آن متغیر و کاستن یک واحد از متغیری با مقدار کران پایین معادل است با تخصیص مقدار صفر به آن. پس از ارضاء محدودیت تقاضا، بخش اعشاری جواب اولیه به جواب‌های اصلاح شده اضافه شده و صفر قراردادی (اپسیلن واحد کم‌تر از کران پایین) روی جواب‌هایی با مقدار صفر، اعمال می‌شود، و مقدار بردار سرعت جدید نیز با توجه به تفاصل جواب جدید از جواب قدیم اصلاح می‌شود.

گام ۶. تراکنش بین دو سطح: اکنون جواب‌ها برای حل مسئله‌ی سطح دوم آماده‌سازی شده و الگوریتم A^* اجرا شده و مقادیر تابع هدف سطح اول برای آنها محاسبه می‌شود.

گام ۷. به روزرسانی بهترین جواب شخصی و جهانی: جواب محلی هر ذره با جواب‌های جمعیت جدید مقایسه و به روزرسانی می‌شود. سپس جواب جهانی با توجه به جواب محلی جدید، به روزرسانی می‌شود.

گام ۸. بررسی شرط خاتمه: گام‌های سوم تا هفتم تا تمام تعداد تکرار الگوریتم ادامه می‌یابد و در پایان جواب جهانی برگشت داده می‌شود.

لازم به ذکر است که به روزآوری $p\text{-best}$ هر ذره و $g\text{-best}$ تجمع براساس برازنده‌گی جواب و مقادیر هدف ذرات (جواب‌ها) است و مستقل از نوع متغیر یا داده‌های سرعت یا مکان هر ذره یا نوع PSO مورد استفاده است. بنابراین طبق آنچه قبل اشاره شد فرمول‌های به روزرسانی همانند حالت کلاسیک الگوریتم PSO است.

۲.۶. الگوریتم ابتکاری A^* برای حل زیر مسائل تأمین‌گمندگان در سطح دوم

علی‌رغم پیچیدگی ذاتی مسئله‌ی دوستحی، مسئله‌ی مورد نظر در این مقاله در سطح پایین به عمل از دیدار متغیرهای عدد صحیح و صفر و یک و همچنین غیر محدود بودن تابع هدف، زمان اجرای طولانی دارد. بنابراین، در صورتی که بخواهیم زیر مسائل سطح پایین را به صورت دقیق حل نماییم با توجه به پیچیدگی مسئله‌ی سطح پایین و زمان حل طولانی آن برای فراخوانی‌های متعدد نرم‌افزار گمز برای حل مسئله‌ی سطح پایین به‌ازای هر ذره از جمعیت تولید شده در الگوریتم ازدحام ذرات، درصد طراحی یک الگوریتم ابتکاری برای حل این مسئله برآمدیم. برای مقابله با این مشکل چند راه حل پیشنهاد می‌شود که عبارت‌اند از:

- روش ابتکاری برای حل مسئله‌ی سطح پایین و تعییه‌ی آن در الگوریتم حل مسئله‌ی دوستحی.

• آزادسازی مسئله‌ی به حالت پیوسته و اعمال شرایط KKT و تبدیل مسئله‌ی دوستحی به یک مسئله‌ی یک‌سطحی و در نهایت حل آن با الگوریتم فراابتکاری.

چنان‌که اشاره شد برای حل مسئله‌ی دوستحی از الگوریتم فراابتکاری PSO استفاده شده است، که در قبال جوابی که از سطح پایین دریافت می‌کند تعییری در درخواست قبلی خود ایجاد کرده و درخواست‌ها را طی تکرارهای الگوریتم به‌طور

انتخاب می‌کنیم و به آن به صورت تصادفی عددی در بازه، ((با قیامنده تقاضا تمام تأمین‌گمندگان و تمام آیتم‌ها انجام می‌دهیم. این عمل تخصیص اولیه را برای شود. مقدار اولیه بردار سرعت نیز در این گام صفر تنظیم می‌شود و حدود مجاز سرعت در حسب درصدی از طول بازه تعییرات جواب‌ها (در اینجا نصف طول بازه) تعیین می‌شود.

گام ۲. تراکنش بین دو سطح: ماتریس جواب اولیه به عنوان پارامتر به سطح دوم فرستاده می‌شود و A^* که مسئله‌ی بهینه‌سازی سطح پایین را به‌ازای این مقادیر حل می‌کند، مقادیر بهینه‌ی یا نزدیک به بهینه برای قیمت و مقادیر ارسال در هر دوره را به‌ازای آنها اعلام می‌کند، که با استفاده از آن مقدار تابع هدف سطح اول با توجه به مقادیر قیمت و زمان‌های ارسال به دست می‌آید.

گام ۳. تشکیل بهترین جواب شخصی و جواب جهانی اولیه: مجموعه تمام ماتریس‌های جواب در گام اول که ذرات جمعیت اولیه هستند، به عنوان جواب‌های محلی و بهترین آنها به عنوان جواب جهانی در نظر گرفته می‌شود.

گام ۴. تشکیل جمعیت جدید: در این گام به روزرسانی سرعت و مکان ذره‌ها با توجه به تعریف الگوریتم ازدحام ذرات انجام می‌شود.

گام ۱۰. به روزرسانی سرعت: به روزرسانی سرعت ذره‌ها با توجه به رابطه‌ی به روزآوری سرعت در الگوریتم ازدحام ذرات (رابطه‌ی ۲۵) انجام می‌شود. هرگاه جوابی (مکان) دارای مقدار صفر بود برای تشکیل جمعیت جدید، مقدار صفر با مقدار اپسیلن واحد کم‌تر از کران پایین جایگزین شود. حفظ تعییرات اعشاری و نیز تعریف این نوع صفر قراردادی سبب می‌شود تجمع گام‌های کوچک بردار سرعت مخصوصاً در پایان الگوریتم PSO، سبب ایجاد تعییرات جزئی در جواب‌های نهایی گردد. در صورتی که سرعت جدید خارج از حدود از پیش تعیین شده باشد، مقدار آن به حدود بالا یا پایین اصلاح می‌شود. ضمناً ضریب گام حرکتی یا وزن اینرسی برای بردار سرعت با سیر کاهشی مطابق رابطه‌ی ۲۶ به روزرسانی می‌شود.

گام ۲۰. به روزرسانی مکان: از آنجاکه تعییرات بردار سرعت به صورت اعشاری است لذا ماتریس جواب‌های جدید که طبق رابطه‌ی ۲۷ حاصل می‌شوند، نیز اعشاری هستند که در حل مسئله‌ی سطح پایین از مقادیر جزء صحیح آنها استفاده می‌شود. ضمناً قرارداد می‌شود که پس از تشکیل جمعیت جدید، مقادیر جواب جدید را که از کران پایین کوچک‌ترند در حل مدل سطح پایین با مقادیر صفر جایگزین شوند.

$$v_{ij}^t = w v_{ij}^{t-1} + c_1 \rho_1 (p_{ij}^{t-1} - x_{ij}^{t-1}) + c_2 \rho_2 (G_{ij}^{t-1} - x_{ij}^{t-1}) \quad (25)$$

$$w = w_{\max} - \frac{w_{\max} - w_{\min}}{\text{iter}_{\max}} \times \text{iter} \quad (26)$$

$$x_{ij}^t = x_{ij}^{t-1} + v_{ij}^t \quad (27)$$

گام ۵. اعمال محدودیت ارضاء تقاضا و اصلاح جمعیت جدید: ممکن است جواب‌های جدید (مکان‌ها) به دست آمده در محدودیت ارضاء تقاضا در مسئله‌ی سطح بالا صدق نکند. بدین منظور جمع مقادیر تخصیص داده شده هر آیتم (پس از اعمال اصلاحات گام ۲۰). را با میزان تقاضای کل برای آن مقایسه می‌کنیم، اگر اختلافی وجود نداشت، تعییرات جزئی اولیه را به جواب‌ها افزوده و مقادیر صفر را طبق قرارداد برای ایجاد جمعیت جدید اصلاح می‌کنیم. در غیر اینصورت با توجه

۱. در صورتی که تقاضای دریافت شده کوچکتر یا مساوی موجودی انبار باشد، کلیه سفارش از انبار ارسال می‌شود که برای آن کلیه هزینه‌ها به استمنا هزینه‌ی تولید در حالت اضافه‌کار لحاظ می‌شود و الگوریتم متوقف می‌شود؛ در غیر این صورت باید تولید باندازه مانده تقاضا انجام پذیرد، بنابراین به گام بعد می‌رویم.

۲. گردد شروع را به عنوان حالتی که تأمین‌کننده با مانده تقاضا روبرو است و به آماده‌سازی خط تولید می‌پردازد، در نظر می‌گیریم و این گردد را در open-list قرار می‌دهیم.

۳. گردد تعیین شده را به عنوان والد در نظر می‌گیریم و شاخه‌زنی را روی آن انجام می‌دهیم:

۱.۳. تولید در حالت عادی (z_i^t) برای هر نوع کالا مقادیر صحیح بین یک تا کمینه مانده تقاضا و سقف تولید عادی را در بر می‌گیرد.

۲.۳. تولید در حالت اضافه‌کار (y_{ij}^t) برای هر نوع کالا مقادیر عدد صحیح بین صفر تا کمینه بین مانده تقاضا و سقف تولید اضافه‌کار را می‌تواند اتخاذ کند، با این فرض که تولید اضافه‌کار تها در صورتی که ظرفیت تولید در حالت عادی تکمیل شده باشد انجام می‌شود و در غیر این صورت صفر خواهد بود.

۳.۳. پس از مشخص کردن عمل‌های مربوط به تولید عادی و اضافه‌کار در هر دوره، تعداد ارسال‌ها ($send_{vij}^t$) مشخص می‌شود که در قسمت بعد محاسبه می‌شود.

۴. گره‌های ایجاد شده بر اثر مجموعه توالی عملیات فوق را به open-list می‌کنیم و گردد شروع را به closed-list اضافه می‌کنیم و هزینه‌های f ، g و h آن را ذخیره می‌نماییم.

۵. هزینه‌ی f که مجموع هزینه‌های g و h است را برای گره‌های موجود در open-list محاسبه می‌نماییم. گردد با کمترین هزینه را انتخاب کرده و گردد والد را به این گردد تغییر داده و شاخه‌زنی را انجام می‌دهیم.

۶. در صورتی که با اضافه کردن گره‌های جدید به open-list تعداد گره‌ها از تعداد از پیش تعريف شده برای تعداد open-list بیشتر شد، به تعداد از پیش تعريف شده از کم هزینه‌ترین گره‌ها را نگه می‌داریم و بقیه را نادیده می‌گیریم.

۷. هنگامی که به گرددی دست یافته‌یم که در آن تقاضای باقی‌مانده صفر باشد (عنی جواب مسئله یا حالت هدف). آن را به عنوان کم هزینه‌ترین گردد در open-list اضافه می‌نماییم و الگوریتم متوقف می‌شود. در غیر این صورت مجدداً گام‌های ۳ تا ۷ را تکرار می‌کنیم.

تابع تخمین هزینه یا به عبارت دیگر نحوه محاسبه هزینه‌های g و h در هر گره مطابق با تابع هدف در مدل تصمیم‌گیری سطح پایین است، با این نقاوت که هزینه‌ی h که یک تابع تخمین هزینه از گردد فعلی تا گردد هدف است به صورت تخمینی خوش‌بینانه و کمتر از میزان واقعی آن انجام می‌شود. به عبارت دیگر تخمین هزینه‌ی تولید برای دوره‌های بعد به صورت یک جواب کران پایین و تنها با محسوب کردن هزینه‌ی تولید نرمال انجام می‌گیرد و هزینه‌ی اضافه‌کاری در نظر گرفته نمی‌شود و برای حجم تولید شده در زمان اضافه‌کاری نیز همان هزینه‌ی تولید در حالت عادی در نظر گرفته می‌شود. در نهایت ارزیابی به وسیله‌ی مجموع این دو تابع هزینه انجام می‌شود، که این تابع ارزیابی با f نشان داده می‌شود. جزئیات بیشتر در ارتباط با نحوه تخمین هزینه‌های g و h به عنوان تابع ارزیابی^[۲۷] در دسترس است.

متوالی به سطح پایین ارسال می‌کند؛ در نهایت یک جواب نزدیک به بهینه برای مسئله‌ی تحت مذکوره حاصل می‌آورد. لذا می‌توان برای مسئله‌ی سطح دوم نیز از یک روش ابتکاری برای یافتن جواب نزدیک به بهینه استفاده نماییم و لزومی به ارائه حل دقیق برای آن وجود ندارد. همچنین در این مطالعه از آزادسازی مسئله به حالت پیوسته و اعمال شرایط کان تاکر خودداری شده است، زیرا این عمل فرض غیرمتوجه بودن مسئله را نقض می‌کند.

بدین منظور از الگوریتم جستجوی A* برای حل مسئله‌ی هر تأمین‌کننده است. توضیحات کامل الگوریتم A* برای مسئله‌ی برنامه‌ریزی تولید و بازپسازی سفارشات یک تأمین‌کننده در یک مرحله سفارش دهنده^[۲۷] ارائه شده است. برای حل مسئله‌ی دوسری در این مقاله آن الگوریتم به ازای هر تکرار الگوریتم PSO و منطبق با نحوه تخصیص خریدار به روزاری می‌شود. به عبارت دیگر با توجه به این که مذکوره مبتنی بر چانه‌زنی - مناقصه در این مقاله از نوع قراردادهای مهر و موم شده است و تأمین‌کننده‌گان از پیشنهادهای یکدیگر اطلاعی ندارند، مسئله‌ی هر تأمین‌کننده به صورت جداگانه و به ازای مقادیری که به طور متواتی توسط خریدار (ذرات در الگوریتم PSO) تعیین می‌شود، حل می‌شود. این امر با فرض عدم اشتراک ناحیه‌ی موجه مدل تصمیم‌گیری هریک از تأمین‌کننده‌گان با یکدیگر همخوانی دارد. در این مقاله آن الگوریتم A* در داخل الگوریتم PSO تعییه شده است و ورودی‌های آن دائمًا در حال تغیرند و این فرایند تا دست یابی به جواب نزدیک به بهینه که محدودیت‌های طرفین را ارضاء کند ادامه دارد. در این مقاله با توجه به عدم افتراق الگوریتم A* در داخل الگوریتم PSO و A* لازم است مراحل الگوریتم A* ذکر شود^[۲۷].

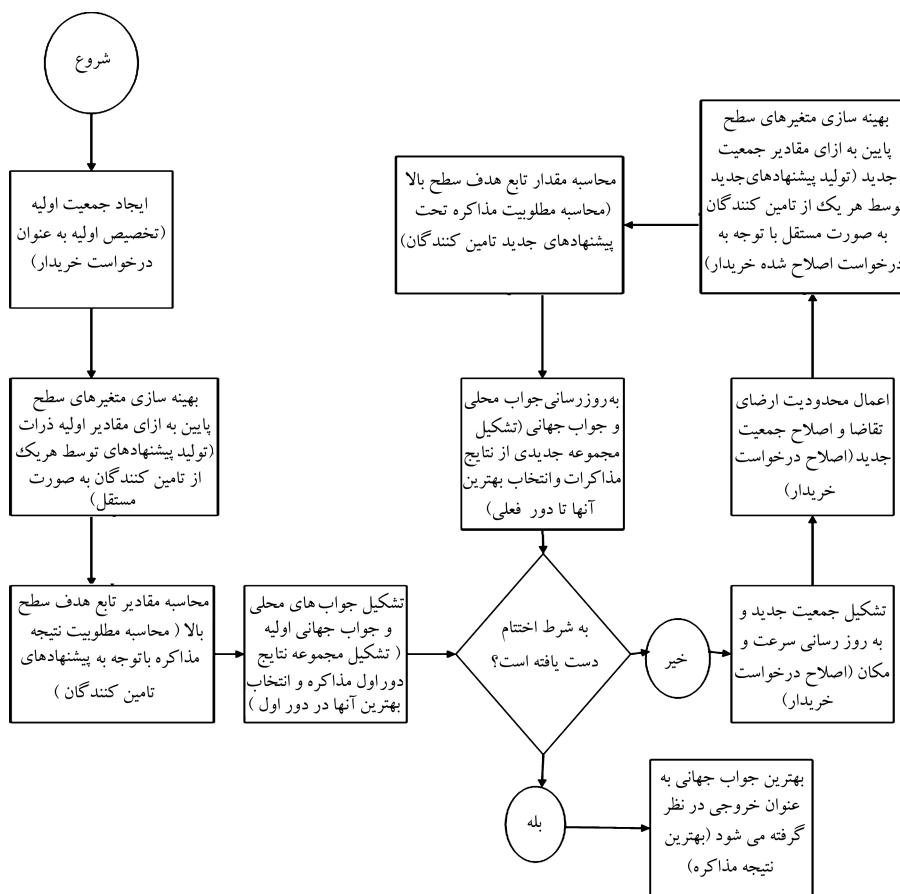
در این بخش ابتدا به بیان برخی مفاهیم برای حل مسائل از طریق الگوریتم‌های جستجو و جو مطابق با مسئله مورد بررسی می‌پردازیم^[۷]:

- حالت یا موقعیت اولیه: حالتی که ابتدا تأمین‌کننده در آن قرار دارد که نشان دهنده مقادیر موجودی انبار و سفارش دریافتی تأمین‌کننده است.
- عملگر: تولید عادی، تولید در حالت اضافه‌کاری، ارسال یا نگهداری موجودی از جمله اعمالی است که می‌تواند حالت سیستم را تغییر دهد و حالت دیگری ایجاد کنند.
- فضای حالت: مجموعه تمام حالت‌هایی که از حالت اولیه طی توالی عملیات مختلف قابل دست‌یابی است که عبارت از از مقادیر مختلف موجودی در دسترس برای اراضی تقاضا و مقادیر مانده تقاضا.
- مسیر: توالی عملیات از جمله تولید و ارسال یا نگهداری که طی جستجو می‌گردد از حالتی به حالت دیگر راهنمایی می‌کند.
- حالت هدف: گرددی که در آن مانده تقاضا برای صفر شود، تقاضای خریدار ارض شود و دست‌یابی به آن کمترین هزینه را داشته باشد.

پیش از ارائه‌ی گام‌های الگوریتم ابتکاری برای حل زیر مسائل سطح پایین برای هر تأمین‌کننده به تفکیک نوع کالا، قابل ذکر است که نمایش یک جواب مسئله به صورت زیر است:

yr_{ij}^t	yn_{ij}^t	$send_{vij}^t$	yr_j^t	yn_{ij}^t	$send_{vij}^t$...
State1				State2		

گام‌های الگوریتم ابتکاری برای حل زیر مسائل سطح پایین مدل دوسری برای هر تأمین‌کننده به صورت مجزا عبارت اند از:



شکل ۱. فلوچارت حل مسئله‌ی مذاکره تحت برنامه‌ریزی دوستخطی و الگوریتم ازدحام ذرات.

انجام این تحقیق داده‌های مربوط به ۲۶ شماره فنی مختلف که در یک خانواده اقلام قرار دارند و همه این اقلام بهوسیله‌ی پنج تأمین‌کننده مختلف قابل تأمین هستند، جمع‌آوری شده است. همچنین با مشورت کارشناسان ساپکو، برای برخی از داده‌ها که در دسترس نبوده‌اند، به تولید داده‌های تصادفی پرداخته شده است.

فلوچارت حل مسئله‌ی مذاکره تحت برنامه‌ریزی دوستخطی در شکل ۱ نشان داده شده است.

۷. مطالعه موردی

ایران خودرو یکی از شرکت‌های مطرح سازنده خودرو در ایران است که محصولات متنوعی در دسته‌های مختلف نظرسواری، کامیون، اتوبوس و مینی‌بوس تولید می‌کند. هریک از این محصولات از قطعات زیادی تشکیل شده است؛ درصد فراوانی از این قطعات توسط تأمین‌کننده‌اند، شرکت ساپکو وظیفه‌ی سفارش‌دهی به تأمین‌کننده‌ان و خودرو فرستاده می‌شوند. شرکت ساپکو مونتاژ محصولات ایران خودرو را بر عهده دارد؛ لذا در تأمین قطعات مورد نیاز برای مونتاژ محصولات ایران خودرو را بر عهده دارد؛ لذا در این بخش که هدف آن ایجاد یک مدل تدارکات مبتنی بر مذاکره است، بر شرکت ساپکو تمرکز شده است.

۸. نتایج محاسباتی

در این بخش به نتایج محاسباتی حاصل از الگوریتم پیشنهادی به منظور حل مسئله‌ی تدارکات تحت مذاکره پرداخته شده است. به منظور بررسی عملکرد مکانیزم PSO-A* نتایج محاسباتی آن با دو الگوریتم PSO-Exact و PSO-Greedy مقایسه شده است.

در الگوریتم PSO-Greedy زیر مسائل سطح دوم از طریق یک الگوریتم جست‌وجوی حریصانه حل می‌شوند. جست‌وجوی حریصانه در سطح پایین تنها براساس یک تابع هیوریستیک برای تخمین هزینه‌های آتی به عنوان تابع ارزیابی برای انتخاب گرده عمل می‌کند که در اینجا از همان هیوریستیک پیشنهادی یعنی تابع h در الگوریتم جست‌وجوی A* استفاده شده است. در واقع، در جست‌وجوی حریصانه هزینه تا گرده فعلی یعنی تابع g در نظر گرفته نمی‌شود. علاوه بر این در جست‌وجوی حریصانه کم هزینه‌ترین گرده در دسترس انتخاب می‌شود بدون آن که در نظر بگیرد که آیا مسیری که در پیش گرفته است در کل کم هزینه‌ترین مسیر است یا خیر.

براساس مطالعه موردی، به این نتیجه دست یافیم که در نظر گرفتن برنامه‌ریزی تولید تأمین‌کننده در فرایند مذاکره باعث می‌شود وضعیت تولید تأمین‌کننده در تصمیم‌گیری شرکت خودروساز تأثیرگذارد؛ درنتیجه انتظارات ناگهانی برای تأمین مواد از تأمین‌کننده‌ان کاهش می‌باید و تأمین‌کننده نیازی به نگهداری موجودی بیش از حد نخواهد داشت. همچنین در این شرایط شرکت خودروساز اطلاعات نسبتاً دقیقی از زمان دریافت مواد و قطعات خواهد داشت و بدین صورت تخصیص سفارشات به تأمین‌کننده‌ان نیز به نحوی انجام می‌پذیرد که باعث کاهش هزینه‌ها شود. به منظور

$$dev_{PSO_A^*} = \frac{sol_{PSO_A^*} - sol_{best_found}}{sol_{best_found}}$$

$$dev_{PSO_Exact} = \frac{sol_{PSO_exact} - sol_{best_found}}{sol_{best_found}}$$

$$dev_{PSO_Greedy} = \frac{sol_{PSO_greedy} - sol_{best_found}}{sol_{best_found}}$$

$$sol_{best_found} = \min_k \{sol_{PSO_A^*}, sol_{PSO_Exact}, sol_{PSO_Greedy}\}$$

$$|k : test_number\}$$
(۲۸)

مطابق نتایج حاصل برای حل ۱۴ مثال عددی مختلف در اندازه‌های مختلف (جدول ۲) مشاهده شده است که الگوریتم PSO-A* نسبت به الگوریتم PSO-Exact در زمان کوتاه‌تر، جواب‌هایی با خطای قابل قبول یا حتی خطای کمتر تولید کرده است. همچنین نسبت به الگوریتم PSO-Greedy همواره جواب‌های با کیفیت بسیار بالاتر (با خطای کمتر) تولید کرده است.

متوجه زمان حل مسئله با ۵ تأمین‌کننده و ۲۶ شماره فنی مختلف به‌وسیله‌ی الگوریتم PSO-A* (با بهترین تنظیم پارامتر برای PSO) برابر ۴۹۳۷، ۷۵۴ ثانیه است. از آنجا که در جدول ۲ برای هر اندازه‌ی مسئله، هر الگوریتم را ۱۰ بار اجرا کرده و میانگین «درصد خطای جواب حاصل از هر الگوریتم نسبت به بهترین جواب حاصل از سه الگوریتم» در ده بار اجرا و میانگین زمان حل هر مسئله توسط هر الگوریتم در ده بار اجرا در جدول منظور شده است؛ و از آن جا که حل مسائل اندازه‌ی بزرگتر از طریق PSO-Exact از نظر زمانی بهینه نیست و همچنین از آنجا

جهت حل بخش‌هایی از مسئله که به صورت دقیق حل شده است از نرم‌افزار GAMS ۲۲، ۳ و حل‌کننده CPLEX برای حل مسائل MINLP استفاده شده است، همچنین برای اجرای الگوریتم پیشنهادی از محیط برنامه‌نویسی نرم‌افزار MATLAB R۲۰۱۶b استفاده شده است. الگوریتم‌های مورد نظر بر روی یک رایانه با مشخصات حافظه ۴ گیگابایت، ۶۴ بیت و i۵ core اجرا شده است.

به منظور تنظیم پارامترهای الگوریتم پیشنهادی، این الگوریتم با ترکیب‌های مختلف سطوح مقادیر پارامترها اجرا شده است؛ به این صورت که ۴ سطح برای تعداد تکرارها (۸۰، ۹۰، ۱۰۰، ۱۱۰)، ۲ سطح برای تعداد ذرات (۲۰ و ۳۰)، ۳ سطح برای یادگیری فردی (۱/۵، ۲/۵، ۳/۵)، ۳ سطح برای یادگیری جمعی (۱/۵، ۲/۵، ۳/۵)، ۳ سطح برای W_{min} (۰/۵، ۰/۶، ۰/۷)، و ۳ سطح برای W_{max} (۰/۰، ۰/۱، ۰/۲) در نظر گرفته شده است. بهترین سطوح برای مقادیر پارامترهای الگوریتم از دحام ذرات در الگوریتم ترکیبی در جدول ۱ نشان داده شده است.

میانگین خطای جواب‌های حاصل از الگوریتم پیشنهادی نسبت به بهترین

جدول ۱. بهترین مقادیر پارامترها.

تعداد تکرارها	تعداد ذرات	یادگیری فردی (c۱)	یادگیری جمعی (c۲)	تعداد	شماره‌ی مسئله
۰/۸	۱	۲/۵	۲	۳۰	۱۰۰
۰/۱	۲	۳	۳	۲۰	۲۰
۰/۲	۳	۳	۳	۳۰	۳۰

جدول ۲. مقایسه نتایج محاسباتی سه الگوریتم.

PSO-A*		PSO-Greedy		PSO-Exact		تعداد	نوع قطعه	تعداد	تعداد تأمین‌کننده	شماره‌ی مسئله
میانگین زمان	میانگین درصد خطای مسئله	میانگین زمان	میانگین درصد خطای مسئله	میانگین زمان	میانگین درصد خطای مسئله					
۰,۰۴	۱۰۶,۲۲۲	۰,۰۹	۳۹,۷۶۱	۰	۷۳۹,۳۵۶	۱	۲	۱	۱	
۰,۰۶	۱۷۵,۸۱۱	۰,۲۳	۵۶,۲۹۱	۰	۹۴۱,۲۱۹	۲	۲	۲	۲	
۰	۲۵۱,۹۳۰	۰,۱۹	۷۱,۷۳۱	۰,۰۴	۱۳۴۱,۵۱۰	۳	۲	۳	۳	
۰,۰۱	۴۱۸,۶۴۳	۰,۳۵	۱۰۶,۵۴۱	۰,۱	۱۷۸۹,۸۶۴	۵	۲	۴	۴	
۰	۵۷۹,۷۸۱	۰,۲۱	۱۳۸,۵۱۱	۰,۰۸	۲۹۸۸,۴۹۴	۷	۲	۵	۵	
۰,۰۴	۲۱۸,۱۱۸	۰,۲	۵۱,۱۹۲	۰	۱۰۸۹,۹۶۵	۱	۳	۶	۶	
۰	۲۹۶,۳۹۷	۰,۲۸	۷۳,۰۵۲۹	۰,۰۵	۱۷۸۰,۳۱۲	۲	۳	۷	۷	
۰,۰۸	۳۷۹,۲۳۱	۰,۲۵	۹۸,۰۴۳	۰	۶۳۲۱,۳۴۱	۳	۳	۸	۸	
۰	۵۵۰,۵۲۸	۰,۴۳	۱۳۱,۹۸۴	۰,۰۸	۱۳۷۴۱,۷۸۲	۵	۳	۹	۹	
۰	۷۱۸,۴۵۹	۰,۵۴	۱۶۹,۶۳۱	۰,۱	۳۸۹۵۴,۹۱۰	۷	۳	۱۰	۱۰	
۰,۰۶	۳۴۹,۷۶۲	۰,۲۷	۷۱,۶۲۰	۰	۱۳۴۱,۶۳۱	۱	۴	۱۱	۱۱	
۰	۴۴۱,۴۵۱	۰,۵۱	۹۹,۷۳۱	۰,۰۴	۲۳۸۵,۶۱۲	۲	۴	۱۲	۱۲	
۰,۰۲	۵۹۶,۵۶۱	۰,۴۹	۱۱۶,۴۱۱	۰,۰۹	۹۹۴۱,۱۳۹	۳	۴	۱۳	۱۳	
۰	۴۳۷,۷۹۷	۰,۳۱	۸۹,۸۱۹	۰,۰۵	۱	۵	۱۴	۱۴	۱۴	
۰,۰۲	-	۰,۳۱	-	۰,۰۴	-	-	-	-	-	میانگین

یک هم راستایی میان تخصیص سفارشات خریدار با برنامه ریزی تولید تأمین کنندگان ایجاد می شود که موجب کاهش هزینه های نگهداری، هزینه های مواد اولیه با کسری موجودی، و به طور کلی موجب کاهش هزینه تدارکات می شود.

در اواقع از آنجا که تصمیم گیری در زنجیره ای تأمین عموماً با قدرت چانه زنی شرکا همراه است، تصمیم گیری در زنجیره ای تأمین عموماً غیرهمکارانه است. پیامد نهایی عدم همکاری شرکا کی زنجیره ای تأمین، فشار اجرای قوی تر زنجیره با قدرت چانه زنی بالاتر بر اجرای ضعیف تر زنجیره و ایجاد روابط ناپایدار بین شرکا است که در نهایت موجب افزایش هزینه ها و آسیب رساندن به تمام شرکا کی زنجیره ای تأمین می شود.

به طور ویژه در شبکه تأمین خودرو سازی در ایران به علت برخی از سوء مدیریت ها شرکت های خودرو سازی با هزینه های گرافی مواجهاند و برای گریز از این هزینه ها تنها راهکار را افزایش قیمت ها و ایجاد فشار بر مصرف کنندگان می پینند. در این راستا استفاده از سازوکار پیش مذکور یک ابزار کارآمد برای یکپارچگی منافع متفاوت و حتی متصاد شرکا و کاهش هزینه های مرتبط با تدارکات است.

با توجه به این که در مذاکرات به علت منفعت طلب بودن، شرکت های خریدار

معمولاً به منافع و برنامه ریزی تولید تأمین کنندگان توجهی نمی کنند؛ این امر موجب افزایش هزینه های نگهداری تأمین کنندگان با عدم توانایی آنها برای تحويل به موقع قطعات تقاضا شده می شود و تأثیر منفی بر روی هر دو طرف قرارداد می گذارد. بنابراین در این نوشتن از نظر گرفتن منافع توان تولید کنندگان (خریدار) و تأمین کنندگان، در جهت برطرف کردن این نقص بزرگ گام برداشته شده است.

همچنین با توجه به این که از نظر مدیران زمان یک منبع مهم و کمیاب در

محیط های پویای سازمانی است، و به علت آن که محیط های پویا با ویژگی هایی نظر تغییرات سریع محیط خارجی سازمان ها روبرو هستند، در فرایند تصمیم گیری

مبتنی بر مذاکره زمان اهمیت ویژه بی دارد. بنابراین رویکرد پیشنهادی علی رغم حفظ ماهیت توزیع شدگی تصمیم گیری، مذاکره کنندگان را قادر می سازد تا در زمان

کوتاه تر به نتیجه مطلوب دست یابند. اجرای این سازوکار در عمل موجب تسهیل فرایند تدارکات از طریق بهبود کارایی سازوکارهای تصمیم گیری مبتنی بر مذاکره و

همچنین دست یابی طرفین مذاکره به مطلوبیت مورد انتظار خواهد بود، که یکی از

ددغده های مدیران شرکت های بزرگ است.

از جمله تحقیقات آئی در این زمینه می توان به موارد زیر اشاره کرد:

۱. توسعه ای مدل از طریق وارد کردن جزئیات دیگر در مدل نظر بر نامه ریزی و زمان بندی حمل و سازوکارهای متعدد قیمت گذاری؛

۲. در نظر گرفتن استثنایات در تدارکات مانند عدم توانایی تولید برخی قطعات توسط برخی تأمین کنندگان در بازه هایی از زمان؛

۳. تعییه الگوریتم یادگیرنده برای تأمین کنندگان و خریدار به منظور ایجاد قابلیت

طبقی بذیری با محیط پویا، به عنوان مثال قیمت گذاری پویا از طریق الگوریتم

یادگیری Q توسط هر یک از تأمین کنندگان یا یادگیری استراتژی های مختلف طی مذاکره و انتخاب از میان آنها برای مذاکره با تأمین کنندگان مختلف.

که الگوریتم PSO-Exact نیز در نهایت به جواب نزدیک به بهینه دست می یابد، مسئله در اندازه بزرگ (۵ تأمین کننده و ۲۶ شماره فنی) از طریق الگوریتم PSO-Exact مقایسه نشده است. به عنوان مثال برای مسئله با اندازه بزرگ (۵ تأمین کننده و ۲۶ شماره فنی) زمانی حدود ۱۲۵ ساعت برای اجرای PSO-Exact لازم است که به هیچ عنوان اجرای چندین باره آن برای تعیین پارامترهای مناسب و مقایسه منطقی نیست.

در واقع باید توجه شود که الگوریتم PSO-Exact نیز قادر نیست همواره به جواب بهینه دست یابد، همچنین در اجرا نیز گاهی جواب شدنی برای زیرمسائل سطح دوم به ازای برخی از RFQ های خریدار یافت نشده است؛ لذا لزومی به حل دقیق زیرمسائل سطح دوم نیست. علاوه بر این الگوریتم * PSO-A با توجه به صرفه جویی قابل توجهی که در زمان اجرا نسبت به PSO-Exact دارد و با توجه به جواب های نزدیک و در برخی موارد بهتر از جواب های PSO-Exact به کارگیری این الگوریتم بسیار مفید و کارآمد است. و در نهایت برای مسئله اصلی (مسئله شرکت ساپکو و تأمین کنندگانش) با به کارگیری این الگوریتم زمان اجرای ۱۲۵ ساعت به ۴۹۳۷/۷۵۴ ثانیه تقلیل یافته است. ضمن آن که با توجه به داده های واقعی مشاهده شده است که به کارگیری این سازوکار موجب کاهش هزینه های تولید و نگهداری و قیمت پیشنهادی تأمین کنندگان و در نهایت موجب کاهش هزینه تدارکات و تأخیر برای خریدار شده است.

۹. نتیجه گیری

در سیستم های غیر مرکز دست یابی به یک تصمیم نزدیک به بهینه که طرفین را راضی به عقد قرارداد کند، از یافتن تصمیم بهینه بی که منجر به عقد قرارداد نشود و مورد توافق قرار نگیرد مفیدتر است؛ که این امر در این مقاله محقق شده است. در این پژوهش با فراهم آوردن یک فرایند مذاکره مبتنی بر پروتکل چانه زنی - مناقصه از طریق مدل برنامه ریزی ریاضی دو سطحی و منطقی با یک بازی برنده - برنده، طرفین مذاکره قادر هستند تا در جهت اهداف خود حرکت کنند، که این امر باعث افزایش رضایت طرفین و پشتیبانی روابط آنها می شود. در نهایت نیز یک الگوریتم ترکیبی نوآورانه برای حل مسئله غیر مرکز سلسه مراتبی ارائه شده است که قادر است مدل دو سطحی پیشنهادی را به صورت غیر مرکز و در زمان مناسب و با خطای قابل قبول حل کند.

خروجی این مقاله قابلیت آن را دارد که در عمل به عنوان یک ابزار پیش مذاکره توسط خریدار (بر پاکنندگان مذاکره مبتنی بر چانه زنی - مناقصه) به کار گرفته شود. بدین ترتیب خریدار پیش از مذاکره واقعی از طریق ایجاد یک روند مذاکره شبیه سازی شده، قادر خواهد بود در مذاکره واقعی پیشنهادهای مناسبی شامل حجم سفارش و زمان مورد درخواست به تأمین کنندگانی که برای مذاکره فریاد خوان شده اند ارائه کند؛ به طوری که منافع تأمین کنندگان نیز در این تصمیم گیری لحاظ شده باشد. به این صورت

منابع (References)

- Hejazi, S.R., Memariani, A., Jahanshahloo, G.R. and Sepehri, M.M. "Linear bilevel programming solution by

genetic algorithm", *Computers & Operations Research*, **29**(13), pp. 1913-1925 (2002).

2. Jung, H., Jeong, B. and Lee, C.G. "An order quantity negotiation model for distributor-driven supply chains", *International Journal of Production Economics*, **111**(1),

- pp. 147-158 (2008).
3. Zhang, T., Hu, T., Guo, X., Chen, Z. and Zheng, Y. "Solving high dimensional bilevel multiobjective programming problem using a hybrid particle swarm optimization algorithm with crossover operator", *Knowledge-Based Systems*, **53**(0), pp. 13-19 (2013).
 4. Jiang, Y., Li, X., Huang, C., & Wu, X., "Application of particle swarm optimization based on CHKS smoothing function for solving nonlinear bilevel programming problem", *Applied Mathematics and Computation*, **219**(9), pp. 4332-4339 (2013).
 5. Kadadevaramath, R.S., Chen, J.C.H., Shankar, B.L. and Rameshkumar, K. "Application of particle swarm intelligence algorithms in supply chain network architecture optimization", *Expert Systems with Applications*, **39**(11), pp. 10160-10176 (2012).
 6. Cheng, C.B. "Reverse auction with buyer-supplier negotiation using bi-level distributed programming", *European Journal of Operational Research*, **211**(3), pp. 601-611 (2011).
 7. Russell, S and Norvig, P., *Artificial Intelligence: A Modern Approach*, Prentice-Hall, Saddle River, NJ (1995).
 8. Hejazi, S.R., Memariani, A., Jahanshahloo, G. and Sepehri, M.M. "Linear bilevel programming solution by genetic algorithm", *Computers & Operations Research*, **29**(13), pp. 1913-1925 (2002).
 9. Naimi Sadigh, A., Mozafari, M. and Karimi, B. "Manufacturer-retailer supply chain coordination: A bi-level programming approach", *Advances in Engineering Software*, **45**(1), pp. 144-152 (2012).
 10. Afzalabadi, M. and ShavandI, H. "Price and lead-time study in a decentralized supply chain under impetition", *Industrial Engineering & Management*, **28-1**(1), pp. 1-152 (Summer 2012).
 11. Cheng, C.-B. and Cheng, C.-J. "Available-to-promise based bidding decision by fuzzy mathematical programming and genetic algorithm", *Computers & Industrial Engineering*, **61**(4), pp. 993-1002 (2011).
 12. Kallel, O., Ben Jaafar, I., Dupont, L. and Ghedira, K. "Fuzzy guidance strategies for fair multi-agent negotiation of wholesale price contracts", *IEEE International Conference on Industrial Engineering and Engineering Management (IEEM), Technologies and Applications of Artificial Intelligence* (2011).
 13. Bialas, W.F. and Karwan, M.H. "Two-level linear programming", *Management Science*, **30**(8), pp. 1004-1020 (1984).
<http://www.jstor.org/stable/2631591>
 14. Vicente, L.N. and Calamai, P.H. "Bilevel and multilevel programming: A bibliography review", *Journal of Global Optimization*, **5**(3), pp. 291-306 (1994).
 15. Kuo, R.J. and Han, Y.S. "A hybrid of genetic algorithm and particle swarm optimization for solving bi-level linear programming problem - A case study on supply chain model", *Applied Mathematical Modelling*, **35**(8), pp. 3905-3917 (2011).
 16. Gao, Y., Zhang, G., Lu, J. and Wee, H.M. "Particle swarm optimization for bi-level pricing problems in supply chains", *Journal of Global Optimization*, **51**(2), pp. 245-254 (2011).
 17. Jiang, Y., Li, X., Huang, C. and Wu, X. "Application of particle swarm optimization based on CHKS smoothing function for solving nonlinear bilevel programming problem", *Applied Mathematics and Computation*, **219**(9), pp. 4332-4339 (2013).
 18. Kasemset, C. and Kachitvichyanukul, V. "A PSO-based procedure for a bi-level multi-objective TOC-based jobshop scheduling problem", *International Journal of Operational Research*, **14**(1), pp. 50-69 (2012).
 19. Wan, Z., Wang, G. and Sun, B. "A hybrid intelligent algorithm by combining particle swarm optimization with chaos searching technique for solving nonlinear bilevel programming problems", *Swarm and Evolutionary Computation*, **8**, pp. 26-32 (2013).
 20. Zhang, T., Hu, T., Zheng, Y. and Guo, X. "An improved particle swarm optimization for solving bilevel multiobjective programming problem", *Journal of Applied Mathematics*, **2012**, pp. 1-13 (2012).
 21. Ma, T.Y. "A hybrid multiagent learning algorithm for solving the dynamic simulation-based continuous transit network design problem", *2011 International Conference on Technologies and Applications of Artificial Intelligence (TAAI)*, IEEE, pp. 113-118 (November 2011).
 22. Kato, K., Sakawa, M., Matsui, T. and Ohtsuka, H. "A computational method for obtaining stackelberg solutions to non cooperative two-level programming problems through evolutionary multi-agent systems", *Agent and Multi-Agent Systems: Technologies and Applications*, Springer Berlin Heidelberg, **5559**, pp. 639-648 (2009).
 23. Fang, F. and Wong, T.N. "Applying hybrid case-based reasoning in agent-based negotiations for supply chain management", *Expert Systems with Applications*, **37**(12), pp. 8322-8332 (2010).
 24. Sandholm, T., Suri, S., Gilpin, A. and Levine, D. "Winner determination in combinatorial auction generalizations", *In Proceedings of the First International Joint Conference on Autonomous Agents and Multiagent Systems: Part 1*, ACM, pp. 69-76 (2002).
 25. Russell, E. and Kennedy, J. "A new optimizer using particle swarm theory", *Micro Machine and Human Science, MHS'95, Proceedings of the Sixth International Symposium on*, IEEE (1995).
 26. Talbi, E., *Metaheuristics: From Design to Implementation*, Wiley Publishing (2009).
 27. Baradaran Kazemzadeh, R., Kaheh, Z. and Masehian, E. "A mixed integer nonlinear programming model for order replenishment and a heuristic algorithm for its solution", *Journal of Industrial Engineering Research in Production Systems*, **2**(3), pp. 63-75 (2014).